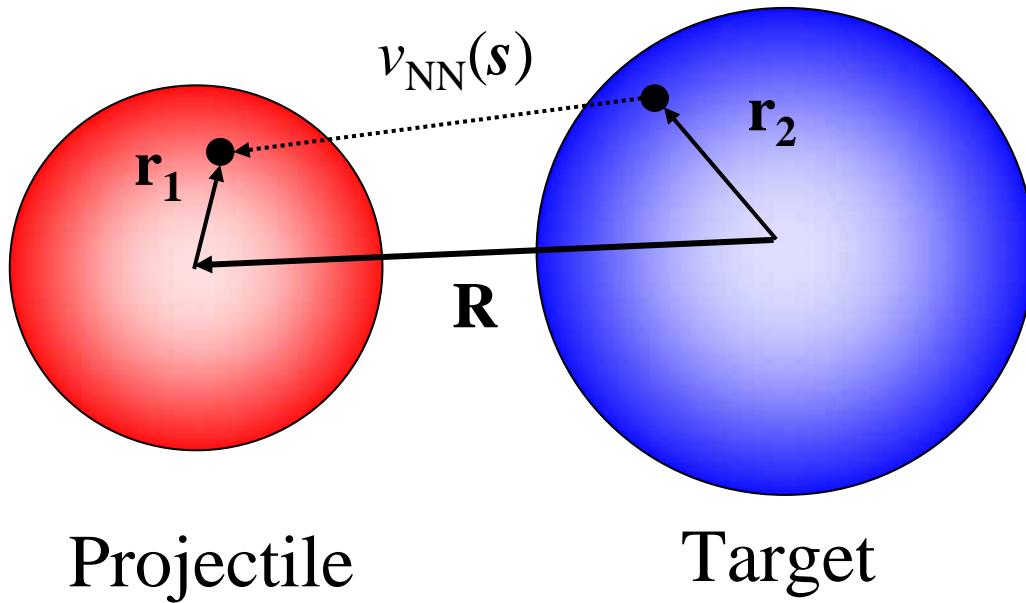


# 複素有効核力を用いた核子 核 および核 核相互作用の研究

(大阪市立大) 古本 猛憲, 櫻木千典

(都留文科大) 山本 安夫

# Double-Folding Model (DFM)



$$U_{DFM}(\mathbf{R}) = \int v_1(\mathbf{r}_1) v_2(\mathbf{r}_2) \underline{v_{NN}(\mathbf{s}; \mathbf{R}, E)} d\mathbf{r}_1 d\mathbf{r}_2$$

Complex N-N interaction

# JLM interaction

**J.P.Jeukenne, A.Lejeune, C.Mahaux,  
Phys.Rev.C 16, 80 (1977)**

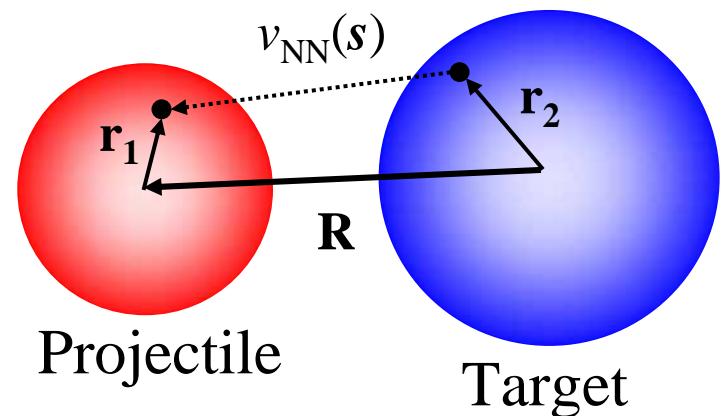
$$v_{\text{JLM}}(\mathbf{s}; \mathbf{q}, E) = g_R(\mathbf{s})V_0(\mathbf{q}, E) + ig_I(\mathbf{s})W_0(\mathbf{q}, E)$$

$$\begin{cases} V_0(\mathbf{q}, E) = \sum_{i,j=1}^3 a_{ij}^{-i-1} E^{j-1} \\ W_0(\mathbf{q}, E) = \left[ 1 + \frac{D}{(E - \epsilon_F)^2} \right]^{-1} \sum_{i,j=1}^4 d_{ij}^{-i-1} E^{j-1} \end{cases}$$

$$\begin{cases} g_R(\mathbf{s}) = \left( \frac{1}{t_R \sqrt{\pi}} \right)^3 \exp\left(-\frac{s^2}{t_R^2}\right) & ; \quad t_R = 1.2 \text{ [fm]} \\ g_I(\mathbf{s}) = \left( \frac{1}{t_I \sqrt{\pi}} \right)^3 \exp\left(-\frac{s^2}{t_I^2}\right) & ; \quad t_I = 1.75 \text{ [fm]} \end{cases}$$

# Complex DFM Potential

$$U_{JLM}(\mathbf{R}) = V_{JLM}(\mathbf{R}) + iW_{JLM}(\mathbf{R})$$



$$V_{JLM}(\mathbf{R}) = \int_{P}(\mathbf{r}_1) - T(\mathbf{r}_2) g_R(\mathbf{s}) V_0(\mathbf{s}, E) d\mathbf{r}_1 d\mathbf{r}_2$$

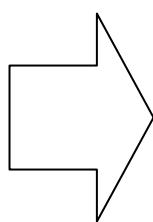
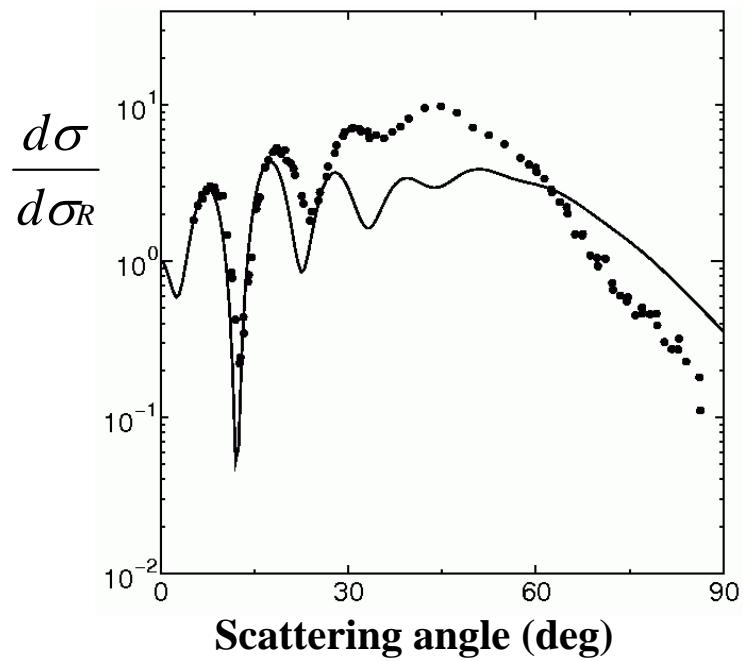
$$W_{JLM}(\mathbf{R}) = \int_{P}(\mathbf{r}_1) - T(\mathbf{r}_2) g_I(\mathbf{s}) W_0(\mathbf{s}, E) d\mathbf{r}_1 d\mathbf{r}_2$$

$$= \sqrt{\int_P(\mathbf{r}_1) - T(\mathbf{r}_2)}$$

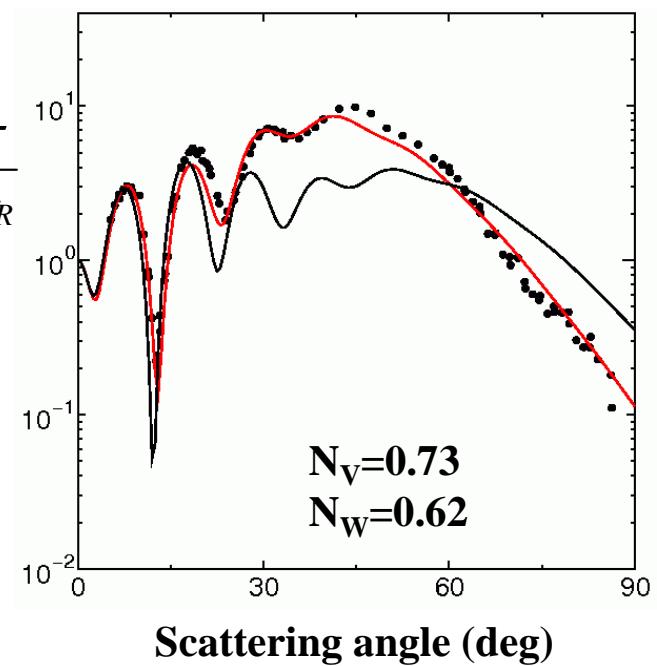
JLM interaction

$$v_{NN}(\mathbf{s}; \mathbf{R}, E) = g_R(\mathbf{s}) V_0(\mathbf{s}, E) + i g_I(\mathbf{s}) W_0(\mathbf{s}, E)$$

${}^4\text{He} + {}^{12}\text{C}$  E=104.0MeV

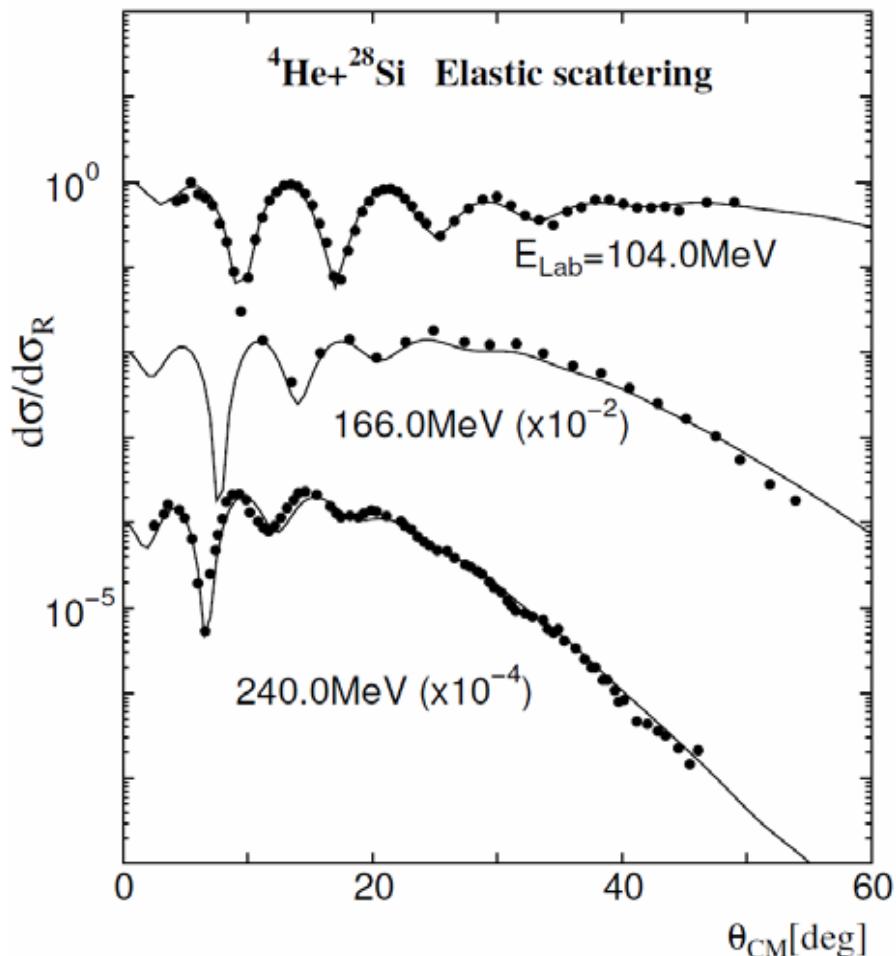
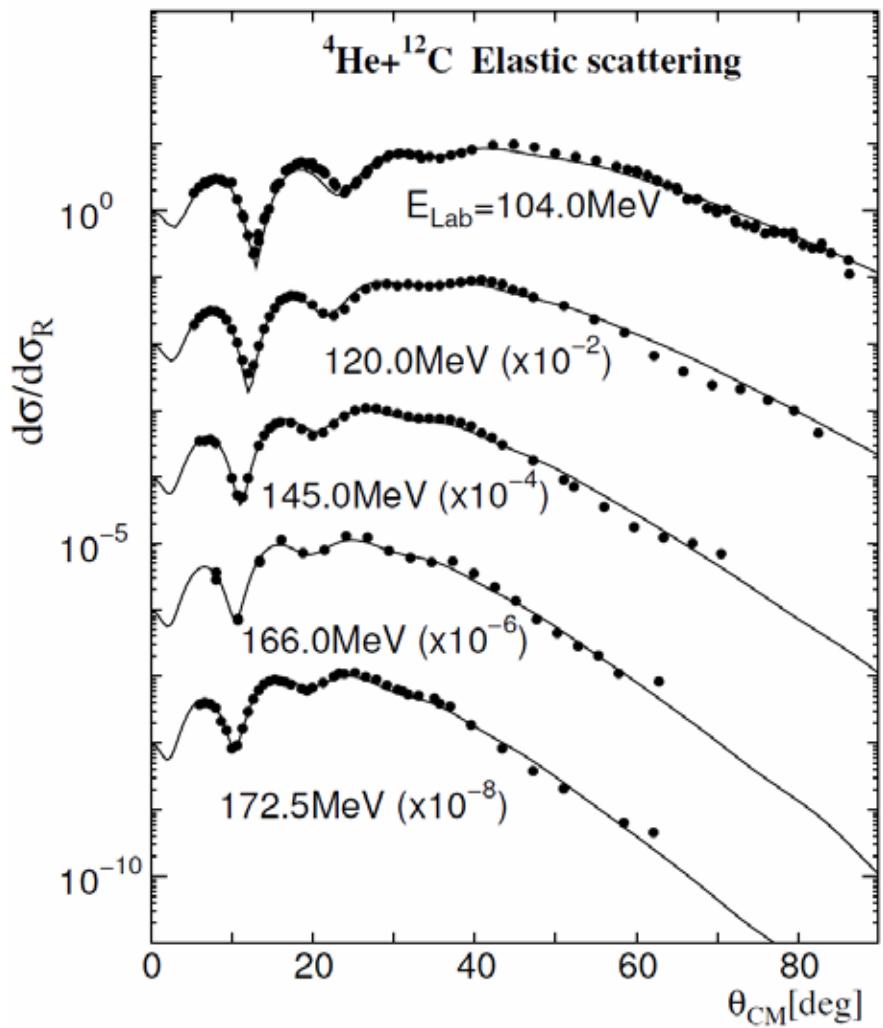


${}^4\text{He} + {}^{12}\text{C}$  E=104.0MeV

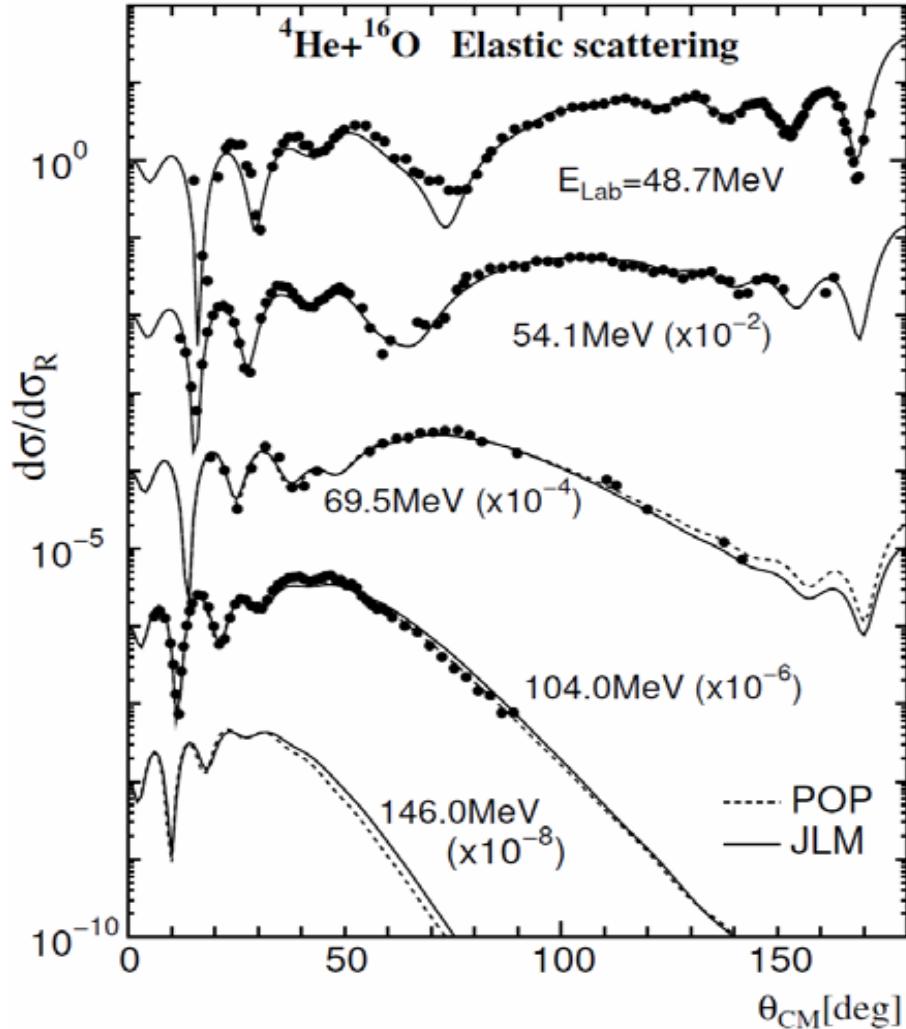
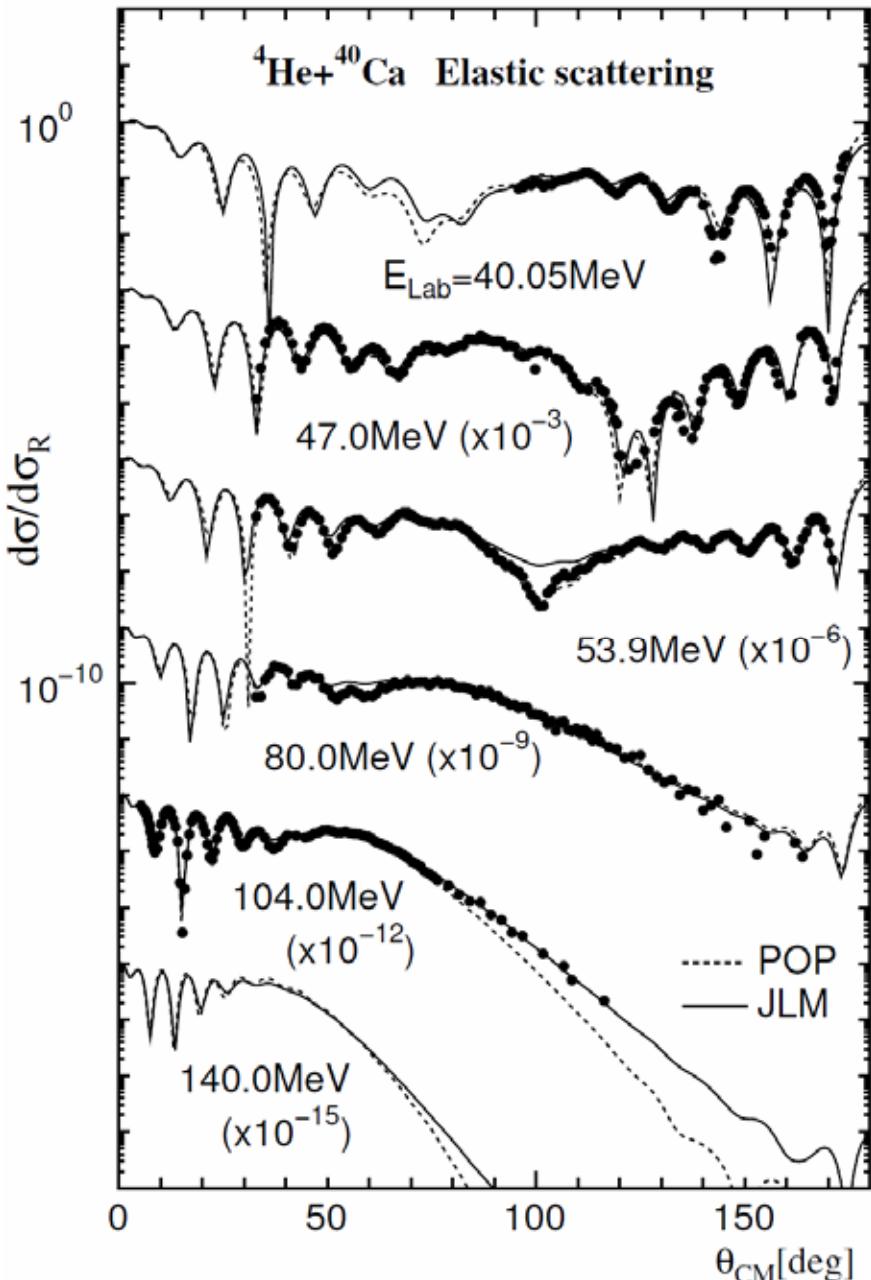


Renormalization factor

$$U_{JLM}(\mathbf{R}) = N_V V_{JLN}(\mathbf{R}) + i N_W W_{JLM}(\mathbf{R})$$

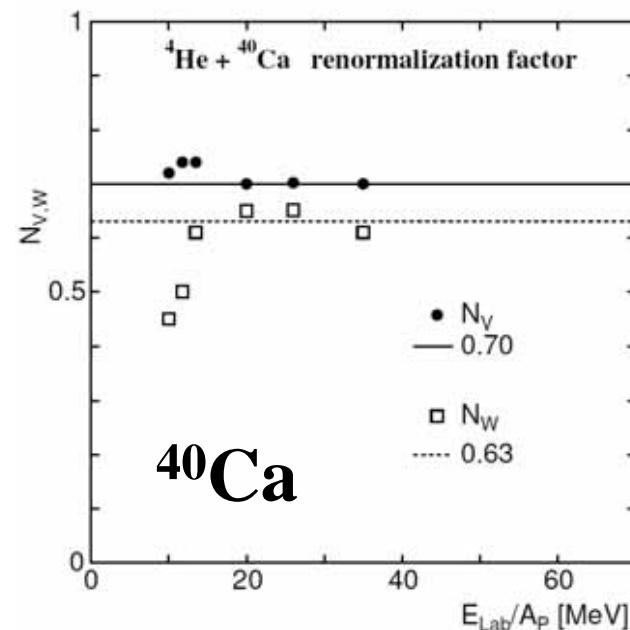
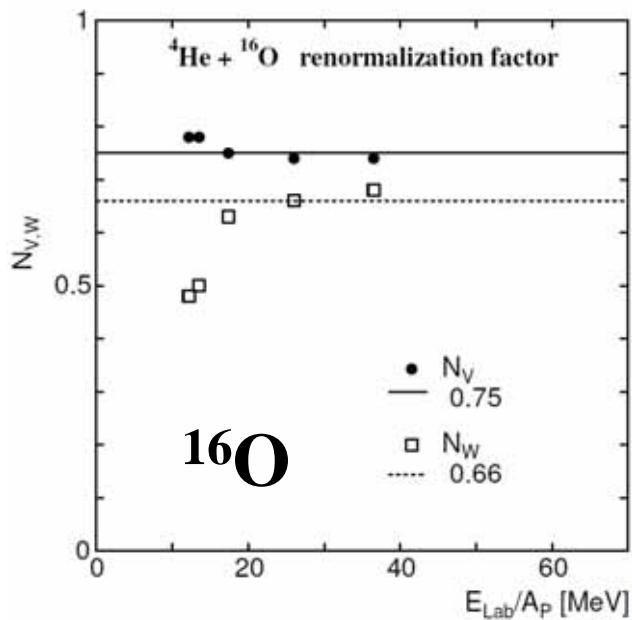
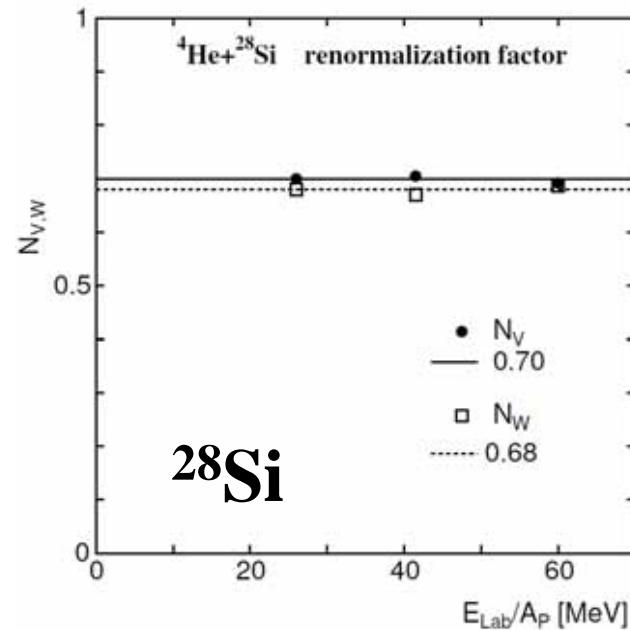
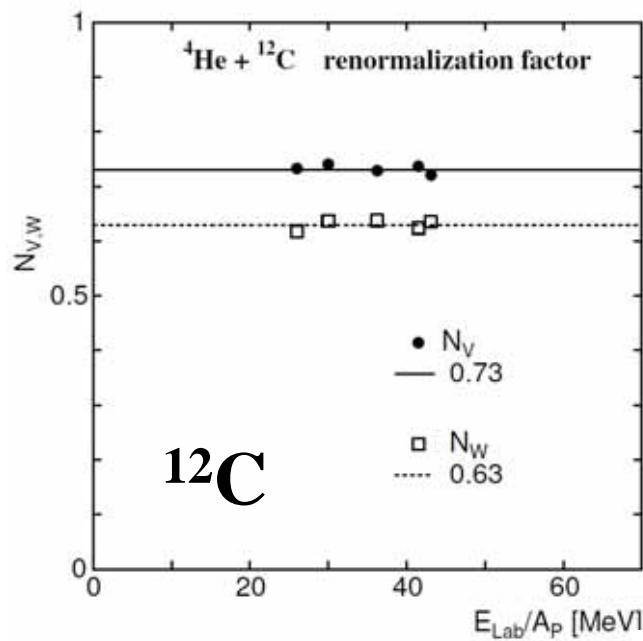


T.Furumoto and Y. Sakuragi,  
Phys. Rev. C 74, 034606 (2006)

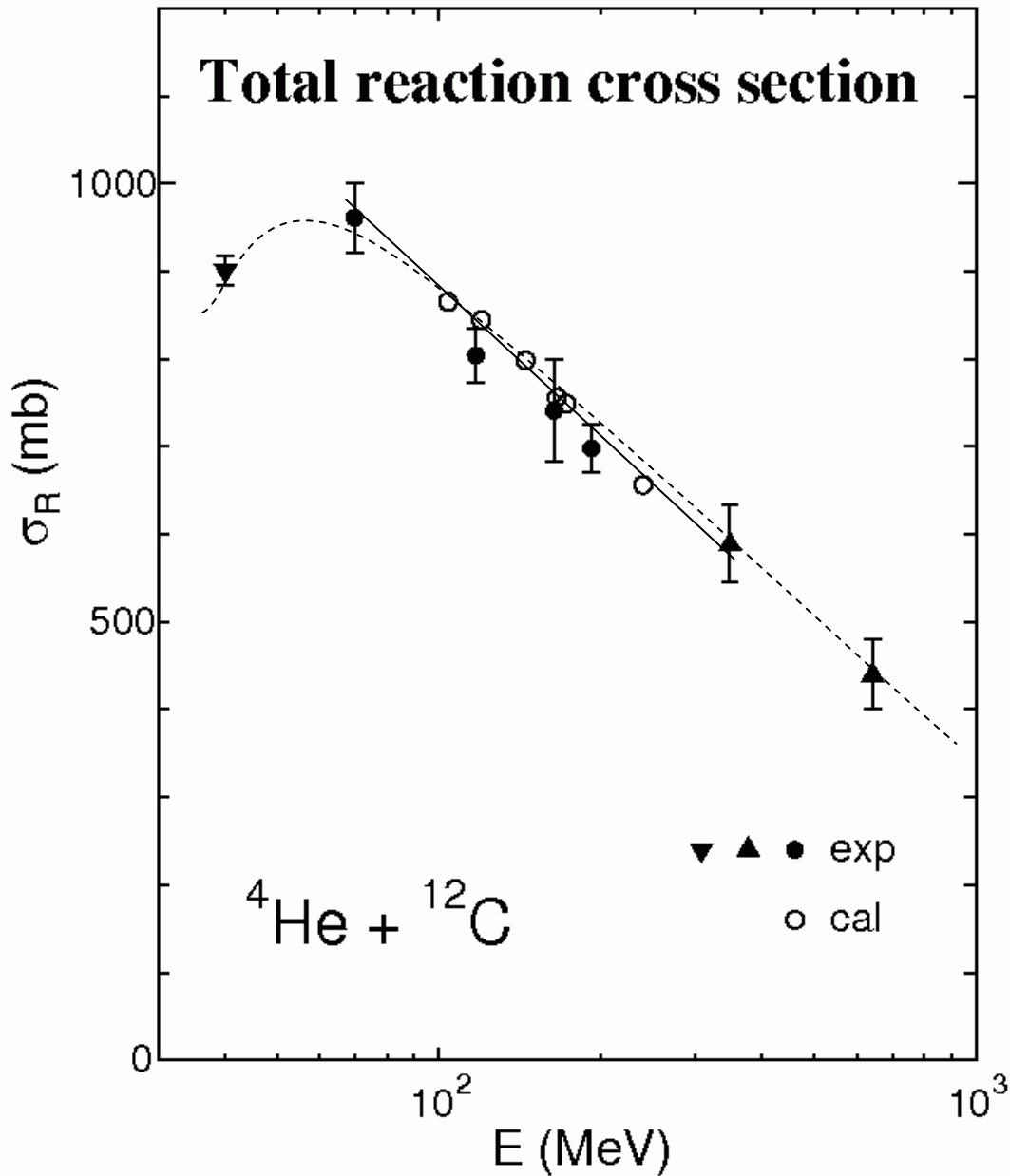


**POP:(Phenomenological Optical Potential)**

T.Furumoto and Y. Sakuragi,  
Phys. Rev. C 74, 034606 (2006)

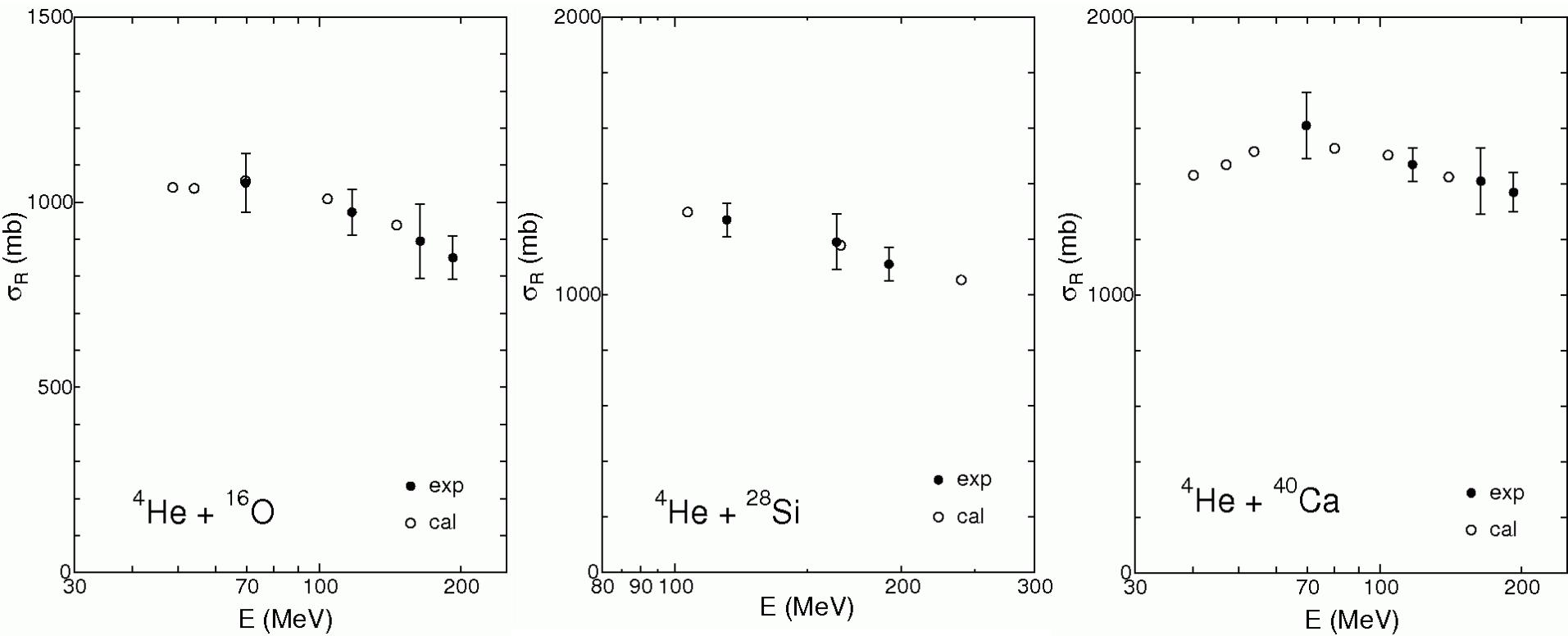


# Total reaction cross section for $^{12}\text{C}$ target



*Experimental data;*  
G. Igo, and B. D. Wilkins,  
(Phys.Rev.131, 1251 (1963)),  
A. Ingemarsson, et al,  
(Nucl. Phys. A676, 3 (2000)),  
R. M. DeVries, et al,  
(Phys.Rev.C26, 301 (1982))

# Total reaction cross sections for $^{16}\text{O}$ , $^{28}\text{Si}$ , $^{40}\text{Ca}$ targets



*Experimental data;  
A. Ingemarsson, et al, (Nucl, Phys. A676, 3 (2000))*

## ここまで

-A系において弾性散乱と全反応断面積の2つの物理量を同時再現することができた。

このとき renormalization factor が必要になる。

ただ、この factor はほとんど constant ( $N_V \sim 0.73$ ,  $N_W \sim 0.63$ )

-A系で弾性散乱と全反応断面積を予言することが可能！

## Renormalization factor の問題

なぜこのような factor が必要になるのか？

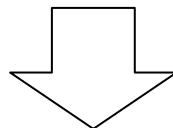
局所密度の取り方に問題が？

JLM “Standard”

$$\rho = \frac{\rho_1 + \rho_2}{2} \quad \text{or} \quad \rho = \sqrt{\rho_1 \rho_2} \quad \rightarrow$$

$$\rho = \rho_1 + \rho_2$$

# しかし、JLM interaction は高密度まで計算されていない！



そこで、山本氏(都留)と共同で high density まで計算をした新しい JLM type の G-matrix を用いる。

今回用いた n-n interaction は **expanded soft core (ESC) model** (Original の JLM は Reid's hard core n-n interaction)

現代的核力 ESC

high-density

三体斥力効果

higher-partial waves ( $\sim f, g$  waves)

# 現代的核力 ESC

high-density

三体斥力効果

higher-partial waves ( $\sim f, g$  waves)

JLM type

媒質中でポテンシャルを求め、  
核子あたりの強さに変え、  
有限レンジに拡張したもの

CEG type

一般的な核力の形をしたもの

Original

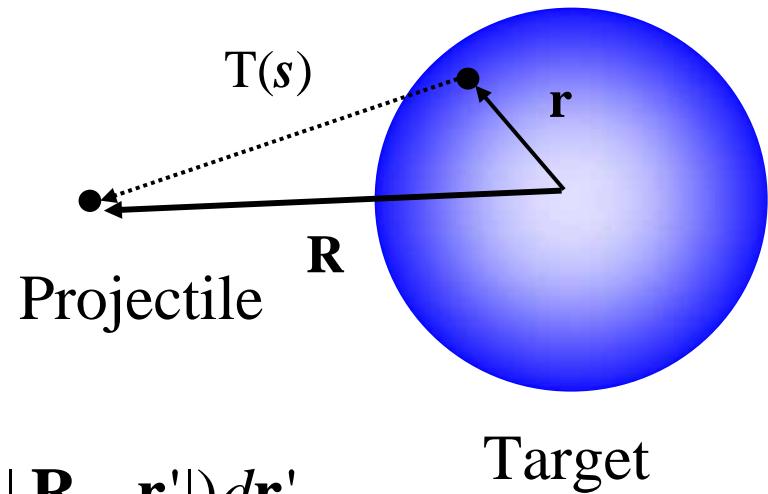
N.Yamaguchi, S.Nagata, J.Michiyama,  
*Prog.Theor.Phys.* Vol.76, 1289 (1986)

# CEG folding Potential

$$U(\mathbf{R}) = \int \rho(\mathbf{r}) T_D(\mathbf{R}, \mathbf{r}; k_F, E) d\mathbf{r}$$

$$+ \int \rho(\mathbf{R}, \mathbf{r}') T_{EX}(\mathbf{R}, \mathbf{r}'; k_F, E) j_0(k |\mathbf{R} - \mathbf{r}'|) d\mathbf{r}'$$

$$T_{D,EX} = \frac{1}{16} (\pm t^{00} + 3t^{10} + 3t^{01} \pm 9t^{11})$$



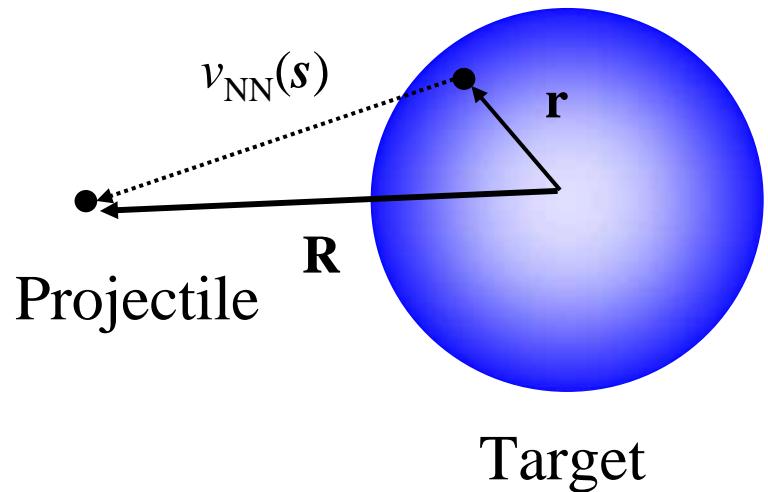
CEG type interaction

$$t_{CEG}^{ST}(\mathbf{s}; k_F, E) = \sum_{k=1}^3 \left\{ v_{real}^{ST,k}(E, k_F) + i v_{imag}^{ST,k}(E, k_F) \right\} g_k(s)$$

$$g_k(s) = \exp \left\{ -(s / \lambda_k)^2 \right\}$$

# Complex SFM Potential

$$U_{SFM}(\mathbf{R}) = V_{SFM}(\mathbf{R}) + iW_{SFM}(\mathbf{R})$$



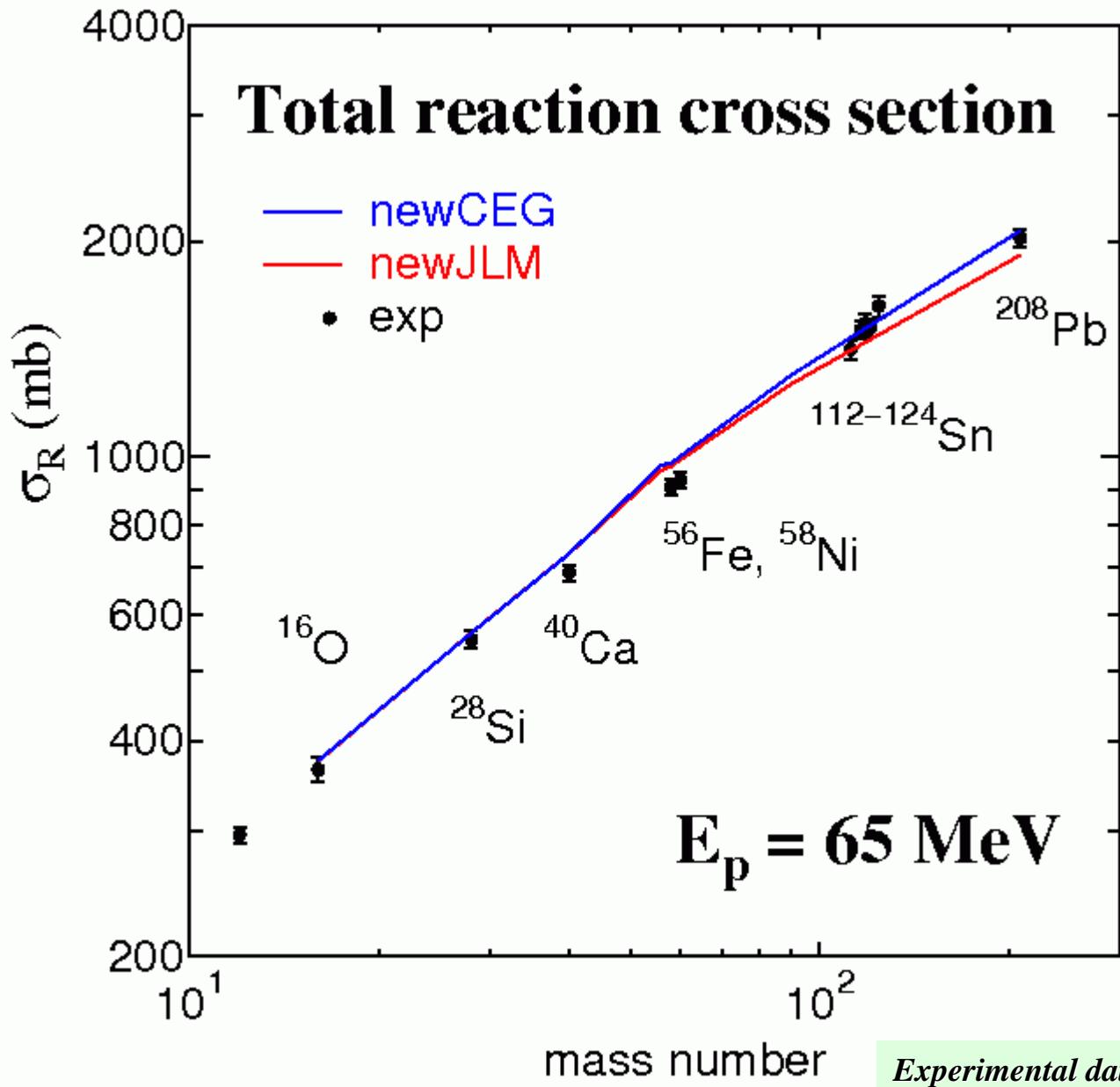
$$V_{SFM}(\mathbf{R}) = \int v(\mathbf{r}) g_R(\mathbf{s}) V_0(\mathbf{r}, E) d\mathbf{r}$$

$$W_{SFM}(\mathbf{R}) = \int w(\mathbf{r}) g_I(\mathbf{s}) W_0(\mathbf{r}, E) d\mathbf{r}$$

$$\rho = \rho(\mathbf{r})$$

JLM type interaction

$$v_{NN}(\mathbf{s}; \mathbf{r}, E) = g_R(\mathbf{s}) V_0(\mathbf{r}, E) + i g_I(\mathbf{s}) W_0(\mathbf{r}, E)$$



**Targets:**  
 $^{16}\text{O}, ^{28}\text{Si}, ^{40}\text{Ca}$   
 $^{56}\text{Fe}, ^{58}\text{Ni}, ^{90}\text{Zr}$

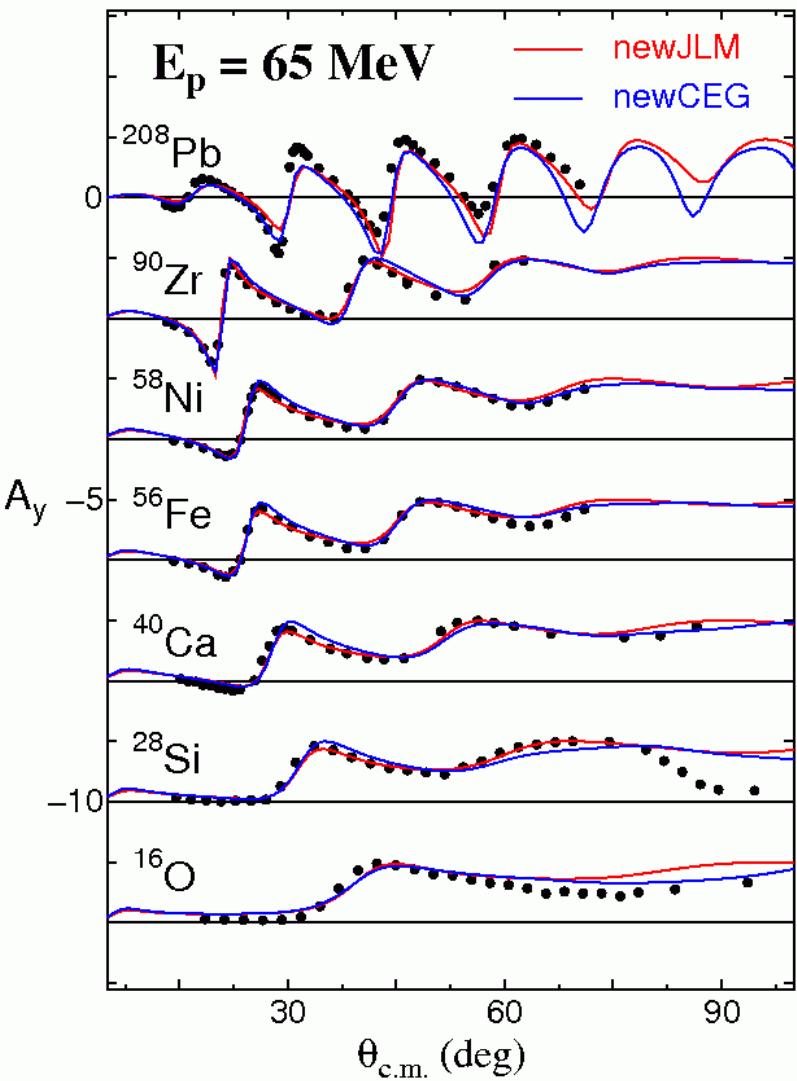
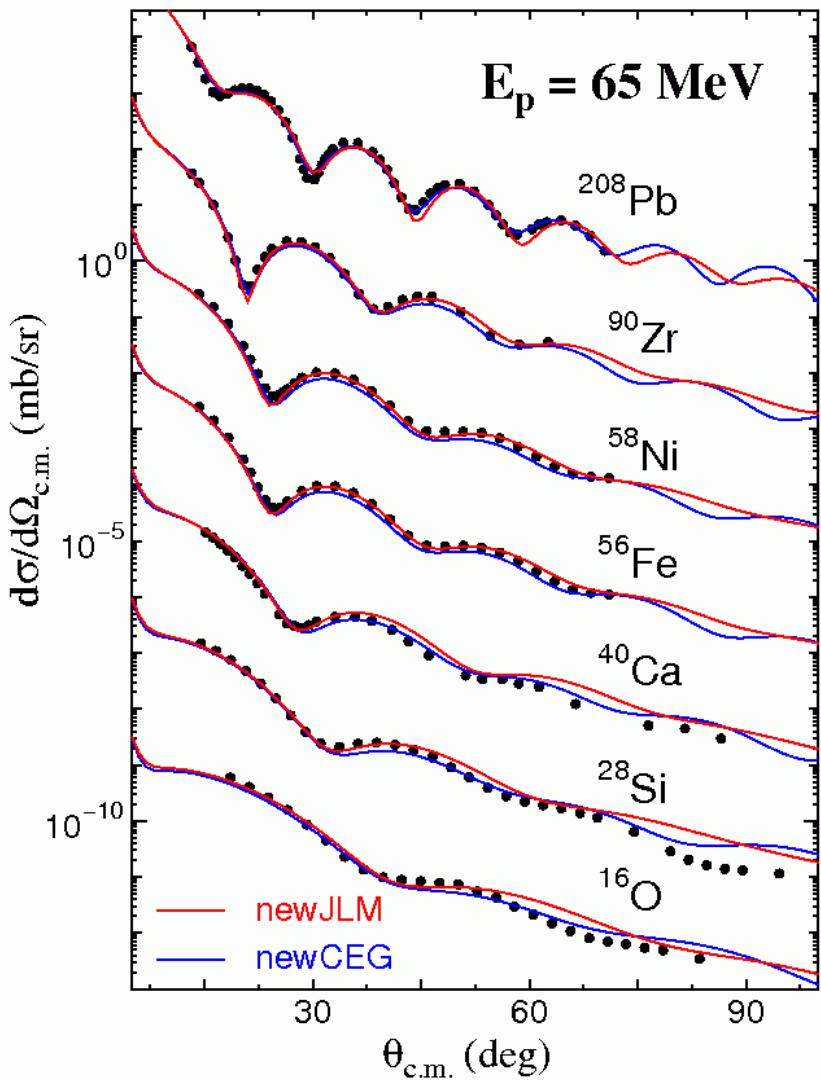
**CEG:**  $N_W=0.83$   
**JLM :**  $N_W=0.80$

**Target:**  $^{208}\text{Pb}$

**CEG:**  $N_W=1.0$   
**JLM :**  $N_W=1.0$

*Experimental data;*  
*A.Ingemarsson, et al, ((Nucl, Phys. A653,341,(1999))*

# Elastic scattering for any targets at $E_p = 65$ MeV



Experimental data;

H.Sakaguchi, et al, (Phys. Rev. C26, 944, (1982))

# Summary

- 新しい核力(ESC)を用いて higher partial waves (f, g)まで考慮し三体力を取り入れられた複素有効核力を用いて、核子-核の target 依存性を確認した。  
よく実験を再現できた。  
しかし、虚部の補正項は完全には系統的になっていない。
- JLM type では非対称ポテンシャルも考慮する。
- さらにエネルギー依存性についても検証を行う。
- その後、よく分かっている核-核の反応で解析を行い、核-核への応用に対して実用性・信頼性を確かめる。