修士論文

 $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応を用いた Λp 散乱実験手法の開拓

Development of the Λp Scattering Experimental Method with the $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ Reaction

東北大学大学院理学研究科 物理学専攻

坂尾 珠和

令和2年

概要

我々の物質世界の原子核は,核子間に働く核力の近距離(~1 fm)における強い斥力と,遠 距離における引力が均衡を保つことで存在する。核力は実験、理論双方から盛んに研究されて おり,引力については中間子交換モデル(one boson exchange model, OBE model) でよく 理解されている [1] が, 斥力芯の起源の理解は不十分である. 斥力芯が現れる近距離領域では 核子同士が重なるため,核子の構成要素であるクォークやグルーオン間の相互作用が大きな影 響を及ぼすと考えられている.したがって、バリオン間相互作用の研究が核力の理解には必須 である. ここで u, d クォークのみで構成される NN 系では得られる情報が限られているた め, s クォークを新たに導入した YN 系および YY 系を含めた一般化されたバリオン間相互 作用を解明することが大変重要である.特に ΛN 相互作用は中性子星内深部での高密度ハド ロン領域の構造に深く関与している.この領域でのハイペロン出現を許す理論モデルで予想 された中性子星質量が約 1.4 M_{\odot} だったのに反し,近年約 $2M_{\odot}$ を持つ中性子星が観測された [9]. これは高密度領域での斥力の理解が不十分であることを意味しており、理論への更なる フィードバックが要求されている. このような背景に対し,実験からはまず近距離の YN2 体 力を散乱実験で精密決定し、その後ハイパー核実験による YNN 多体力等の研究へ繋げる必 要がある.しかし,過去の ΛN チャンネルの散乱データは少なく,p 波が含まれる高運動量領 域での散乱データが特に不足していることで理論へ制限を加えることが出来ていない.

こうした背景を受け, 我々は J-PARC における Λp 散乱実験を計画した.本実験では液体 水素標的に π^- ビームを照射し $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応によって Λ 粒子を生成する. (π^-, K^0) 反応 で生じた Λ は $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass 法によって同定する必要があるが, K^0 は中性粒子であり, その検出困難さゆえに (π^-, K^0) スペクトロスコピーは未だ確立され ていない. そこで, 我々は $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊によって生じた 2 つの π をそれぞれ別に検出す る実験手法を考案した. 具体的には前方の磁気スペクトロメータで π^+ , 標的周りの円筒型検 出器群で π^- を捕らえる. さらに生成 Λ が別の標的内陽子と散乱したイベントを運動学の一 致から同定する. 本実験では大強度 π^- ビームを用いて得られる圧倒的な収量をもとに, 統計 精度 10% 以下での微分断面積導出を目指している. また, $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊は弱い相互作用によ るものでパリティ対称性が破れており, 散乱平面に対する陽子の散乱角度の異方性を測定する ことで, 散乱におけるスピン観測量測定が可能と考えられる.

本研究の目的は昨年データ取得を完了した J-PARC E40 実験(Σp 散乱)の by-product データに含まれる $\pi^- p \rightarrow K^0 \Lambda$ 反応を解析し、次世代 Λp 散乱実験で用いる微分断面積導出ま での一連の解析手法を構築することである. 目次

概要		i
第1章	序論	1
1.1	物理的背景	1
	1.1.1 バリオン間相互作用	1
	1.1.2 <i>B</i> ₈ <i>B</i> ₈ 相互作用	5
	1.1.3 散乱実験と微分断面積	7
	1.1.4 中性子星のハイペロン・パズル	9
	1.1.5 これまでの Yp 散乱実験	.0
1.2	J-PARC における次世代 (π^-, K^0) 反応実験 1	.1
	1.2.1 実験概要と目的 1	1
	1.2.2 実験手法	.1
	1.2.3 本論文の構成 1	.4
第2章	J-PARC E40 実験 1	.6
2.1	実験セットアップ 1	6
	2.1.1 K1.8 ビームラインスペクトロメータ 1	.8
	2.1.2 CATCH 検出器群 2	21
	2.1.3 KURAMA スペクトロメータ	23
	2.1.4 トリガーロジック 2	26
2.2	J-PARC E40 実験データを用いた本研究の目的 2	28
第3章	Λ 生成事象の同定 2	29
3.1	散乱 K^0 識別	29
	3.1.1 質量スペクトル 2	29
	3.1.2 $K^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ 崩壊を利用した K^0 の運動量ベクトル再構成手法 3	51
3.2	Λ 生成事象同定	5
	$3.2.1$ $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass 法	5
	3.2.2 $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass へのカット条件 3	6
3.3	Λ ビームの収量の見積もり3	8

	3.3.1	K^0 の π^- ビームとの最近接距離,飛行距離	39
	3.3.2	生成Λの運動量領域	40
第4章	Λp 散語	乱事象の同定	42
4.1	検出さ	れた粒子の組み合わせによる解析ケース	43
	4.1.1	ケース 1:CATCH が π 2 個,陽子 p 1 個を検出した場合.....	43
	4.1.2	ケース 2:CATCH が π 1 個,陽子 p 2 個を検出した場合.....	44
	4.1.3	ケース 3:CACTH が π 2 個,陽子 p 2 個を検出した場合.....	45
4.2	Λp 散	乱事象同定のためのイベント選別	50
	4.2.1	解析ケース3におけるイベント選別............	51
	4.2.2	解析ケース 3 におけるイベント選別後の $\cos(heta_{CM})$ と ΔE の相関	55
	4.2.3	解析ケース 3 における Λp 散乱事象(Δp と ΔE の相関) \ldots	55
	4.2.4	解析ケース2におけるイベント選別............	58
	4.2.5	解析ケース 2 におけるイベント選別後の $\cos(heta_{CM})$ と ΔE の相関 \ldots	60
	4.2.6	解析ケース 2 における Λp 散乱事象(ΔE 分布) \ldots \ldots	61
4.3	運動学	2 を用いた Λp 散乱事象同定手法の解析効率 \ldots \ldots \ldots \ldots	63
第5章	Λビー	-ムの標的内における総飛距離(Total Length, L_{total})	64
5.1	導出手	法	65
	5.1.1	E40 実験データを用いたモンテカルロ・シミュレーション	65
	5.1.2	モンテカルロ・シミュレーションと $S/(S+N)$ の併用 \ldots	69
5.2	導出手	法の妥当性確認	70
	5.2.1	概要	70
	5.2.2	Λ 生成事象と Multiple π production 事象がもつ,各 Λ ビームの標的	
		内での飛距離分布..........................	70
	5.2.3	モンテカルロ・シミュレーションと <i>S</i> /(<i>S</i> + <i>N</i>) を併用した導出手法	
		に伴う系統誤差	72
5.3	E40 実	ξ験データにおける Λ ビームの標的内での総飛距離	75
第6章	CATC	H 検出器群の Λp 散乱検出効率	76
6.1	CATC	ΓH の Λp 散乱検出効率の導出手法	76
6.2	シミュ	- レーションで作成した Λp 散乱事象	77
	6.2.1	イベント選別...............................	77
	6.2.2	解析ケース 3 で同定しうる Λp 散乱事象 \ldots \ldots \ldots	78
	6.2.3	ケース 3 での CATCH の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{3,\Lambda p}$	78
	6.2.4	解析ケース 2 で同定しうる Λp 散乱事象 \ldots \ldots \ldots	79
	6.2.5	ケース 2 での CATCH の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{2,\Lambda p}$	79

iii

第7章	Λp 散乱微分断面積導出	81
7.1	微分断面積導出に用いる E40 実験データの Λp 散乱事象同定数 \ldots	81
	7.1.1 解析ケース 3 でのイベント選別	81
7.2	散乱微分断面積の導出式全体にかかる誤差	82
7.3	J-PARC E40 実験 by-product データから導出した Λp 散乱微分断面積	83
	7.3.1 本研究で導出した Λp 散乱微分断面積についての考察	84
第8章	まとめ	85
謝辞		87
参考文献		88
参考文献		89

図目次

1.1	バリオン 8 重項	2
1.2	バリオン8重項の合成による分類	3
1.3	Lattice QCD で計算された 6 つの既約表現におけるフレーバー基底ポテン	
	シャル	4
1.4	各理論モデルによって計算された微分断面積	7
1.5	観測された (1.97±0.04) M_{\odot} の中性子星(J1614-2230)と,他の中性子星の	
	質量観測値と主な EOS 理論モデル曲線	9
1.6	(K^-,π^-) 反応による Λ 生成 \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots	12
1.7	(π^-, K^0) 反応による Λ 生成 \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots	12
1.8	$\pi^- p o K^0 \Lambda$ 反応と生成 Λ による Λp 散乱の概略図	13
1.9	J-PARC E40 実験セットアップにおける $\pi^-p o K^0\Lambda$ 反応と生成 Λ による	
	Λp 散乱の概略図	13
2.1	J-PARC K1.8 ビームラインにおけるセットアップ全体図	17
2.2	K1.8 ビームラインスペクトロメータの模式図.QQDQQ の光学系を形成す	
	るマグネット群と5台の検出器から構成される.............	18
2.3	CATCH 検出器群の 3D モデル模式図 [20]. ファイバー検出器 (CFT), BGO	
	カロリメータ,プラスチックシンチレータ検出器(PiID カウンター)から構	
	成される	21
2.4	KURAMA スペクトロメータの模式図	23
2.5	トリガーシステムの概略図	26
3.1	KURAMA マグネットによって飛跡が曲げられる荷電粒子の飛跡の概略図.	
	正,負電荷をもつ散乱粒子の例として π ⁺ と π ⁻ を図に示している.....	30
3.2	K^0 崩壊の CM 系での概略図. 2 つの π から再構成された粒子の不変質量	
	m_{inv} が K^0 の質量 m_{K^0} と一致するように,opening angle $ heta_{\pi\pi}$ を用いて運	
	動学を解くことで π^- の運動量の絶対値 p_{π^-} を求める.	31
3.3	CATCH 検出器群の構成および液体水素標的内部での反応を示した概略図.	33
3.4	散乱粒子の CFT におけるエネルギー損失(ΔE)と BGO カロリメータで測	
	定した全エネルギー (Ε) の相関図.赤線は測定されたπの分布を囲んでいる.	34

3.5	散乱粒子の KURAMA において測定された運動量と質量二乗の相関図.赤線 で π ⁺ を選択した................................	34
3.6	$\pi^- p o K^0 \Lambda$ 反応の概略図. π^- ビーム軸から再構成された K^0 がなす角 $ heta_{K^0}$ は、再構成した運動量ベクトルから求められる	35
3.7	$ \theta_{\pi\pi} $ についてカット範囲を決定するために参照したシミュレーションによる $ \theta_{\pi\pi} $ 分布(青線)と,E40 実験データから得られた全 run 分の $ \theta_{\pi\pi} $ 分布(赤 線). シミュレーションのイベント数は E40 実験データのイベント数で規格	00
3.8	化してある.	36
3.9	としてバックグラウンドは残る.	37
3.10	ある.赤線はフィッティング関数, ピンク点線はバックグラウンドの関数, 緑 斜線は Λ ピークの関数とその積分領域を示す	38
0.10	実験データ). このとき「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, かつ $1.07 < MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求している.	39
3.11	$\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する MM_{Λ} . ここでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^\circ$, cdist $_{K^0,\pi^-} < 10$ [mm], K^0 の生成点と崩壊点の位置の差が x, y, z 成分について $-100 \sim 100$ [mm] 領域内であること」を要求している. Λ ピークの幅が細くなる傾向が確 認できたが, K^0 を同定していないことによるバックグラウンドを完全に除去 できてはいない.	40
3.12	$\pi^{-}p \to K^{0}X$ 反応に対する missing momentum 分布(左:シミュレーション,右:E40 実験データ). このとき「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, cdist _{K⁰,π⁻} < 10 mm, K^{0} の生成点と崩壊点の位置の差が x, y, z 成分について $-100 \sim 100$ mm 領域内であること」を要求している.	41
4.1	$\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応に対する主なバックグラウンドとなる $\pi^- p \to \pi^+ \pi^- \pi^- p$ 反応 (Multiple π production)の概略図. $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応とは異なり, Multiple π production では $\pi^+ \gtrsim \pi^-$ の vertex が π^- ビーム軸と一致する ため,第3章で適用した「cdist _{K⁰,π⁻} < 10 mm,かつ K^0 生成点と崩壊点の 位置の差が x, y, z 成分について -100 ~ 100 mm 領域内」というカット条件	
4.2	では除去できない.	42
	検出した場合を想定している............................	43

vi

4.3	ケース2での CATCH 検出器群と標的内部での反応の概略図.ケース2では	
	CATCH が $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , Λp 散乱による反跳陽子, および	
	$\Lambda o \pi^- p$ 崩壊による陽子を検出した場合を想定している	44
4.4	ケース3での CATCH 検出器群と標的内部での反応の概略図.ケース3では	
	CATCH が $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , Λp 散乱による反跳陽子, および	
	$\Lambda o \pi^- p$ 崩壊による π^- と陽子すべてを検出した場合を想定している	45
4.5	Δp 法の概略図	47
4.6	ΔE 法の概略図.	48
4.7	Λp 散乱事象のみのシミュレーションにおける K^0 および Λ 生成点の x,y 分	
	布 (左)とz分布 (右)	50
4.8	ケース 3 における Λp 散乱の opening angle $(heta_{\Lambda p})$ (左:シミュレーション,	
	右:E40 実験データ)、双方に「 $ heta_{\pi\pi} < 90^\circ$, $1.07 < MM_\Lambda < 1.17 \; { m GeV/c^2}$	
	であること」を要求した................................	52
4.9	ケース 3 における $\Lambda o pX$ 崩壊に対する missing mass の二乗分布(左:シ	
	ミュレーション,右:E40 実験データ).双方に「 $ heta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} <$	
	1.17 GeV/c ² であること」を要求した. .	52
4.10	CM 系における Λp 散乱事象. Δp 法からは直接 $ heta_{scat\Lambda,CM}$ を求めることがで	
	き, ΔE 法からは $180^\circ - heta_{recoP,CM} = heta_{scat\Lambda,CM}$ から間接的に $ heta_{scat\Lambda,CM}$ を	
	求める	53
4.11	ΔE 法と Δp 法からそれぞれ求められた ${ m CM}$ 系における散乱 Λ の散乱角度	
	$(heta_{\Lambda p})$ の差 $(\Delta heta)$ (左:シミュレーション,右:E40 実験データ).双方に	
	「 $ heta_{\pi\pi} < 90^\circ$, $1.07 < MM_\Lambda < 1.17~{ m GeV/c^2}$ であること」を要求した	54
4.12	ΔE 法と Δp 法からそれぞれ求められた CM 系における散乱 Λ の散乱角	
	度($ heta_{\Lambda p}$)の相関図(左:シミュレーション,右:E40 実験データ).双方に	
	「 $ heta_{\pi\pi} < 90^\circ$, $1.07 < MM_\Lambda < 1.17~{ m GeV/c^2}$ であること」を要求した	54
4.13	解析ケース3におけるイベント選別後の $\cos(heta_{CM})$ と ΔE の相関 (左 : シミュ	
	レーション, 右: E40 実験データ).双方に「 $ heta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, $1.07 < MM_{\Lambda} < 1.17$	
	${ m GeV/c^2}$, $MM_\pi^2 > -0.02~({ m GeV/c^2})^2$, $-40 < \Delta heta < 40^\circ$ であること」を要	
	求した	55
4.14	シミュレーションから得られた Δp 分布(左)と ΔE 分布(右). 上記で挙げ	
	た Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した.	56
4.15	$\mathrm{E40}$ 実験データ解析から得られた Δp 分布(左)と ΔE 分布(右). 上記で挙	
	げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した	57
4.16	解析ケース 3 において得られた Δp と ΔE の相関(左:シミュレーション,	
	右:E40 実験データ). 上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全て	
	を要求した	57

4.17	ケース 2 における Λp 散乱の opening angle $(heta_{\Lambda p})$ (左:シミュレーション,	
	右:E40 実験データ)、双方に「 $ heta_{\pi\pi} < 90^\circ$, $1.07 < MM_\Lambda < 1.17 \; { m GeV/c^2}$	
	であること」を要求した.............................	59
4.18	ケース 3 における $\Lambda o pX$ 崩壊に対する missing mass の二乗分布(左:シ	
	ミュレーション,右:E40実験データ).双方に「 $ heta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} <$	
	1.17 GeV/c ² であること」を要求した. .	59
4.19	散乱 Λ と崩壊陽子運動量ベクトルの最近接距離(E40 実験データ). 双方に	
	$ert heta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, $1.07 < MM_{\Lambda} < 1.17~{ m GeV/c^2}$, $MM_{\pi}^2 > -0.02~({ m GeV/c^2})^2$ "ෆ	
	あること」を要求した..............................	60
4.20	解析ケース 2 におけるイベント選別後の $\cos(heta_{CM})$ と ΔE の相関 (左 : シミュ	
	レーション, 右:E40 実験データ).双方に「 $ heta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, $1.07 < MM_{\Lambda} < 1.17$	
	${ m GeV/c^2}$, $MM_\pi^2>-0.02~({ m GeV/c^2})^2$, ${ m cdist}_{\Lambda,decayp}<20~{ m mm}$ であること」	
	を要求した	61
4.21	解析ケース 2 において得られた Δ <i>E</i> 分布(左:シミュレーション,右:E40	
	実験データ).上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求し	
	た	62
5.1	各生成 Λ の標的中での飛距離を求めるために作成したモンテカルロ法のフ	
	ローチャート	67
5.2	各生成 Λ の標的中での飛距離を求めるために使用したモンテカルロ法のプロ	
	セスの概略図. 各 Λ の飛行は標的内で崩壊するか標的外へ飛び出すまで繰り	
	返す	67
5.3	モンテカルロ・シミュレーションプログラムの動作確認テストの概略図.標	
	的中心からビーム軸下流方向(つまり $(x,y,x)=(0,0,1)$ の方向)へ運動量	
	$0.50~{ m GeV/c}$ の Λ を dx ずつ飛行させた	68
5.4	モンテカルロ・シミュレーションのプログラムの妥当性試験から得られた各	
	仮想 Λ の標的中での飛距離分布.指数関数的に仮想 Λ の数が減衰している.	
	15 cm にピークを形成しているものは「標的外に出た」と判定され,強制的	
	にモンテカルロ法が終了したイベントである	68
5.5	シミュレーションで作成した Λ 生成事象と,Multiple π production 事象	
	がもつ各 Λ ビームの飛距離分布. 赤点が Λ 生成事象,青点が Multiple π	
	production 事象でありそれぞれのイベント数で規格化してある. イベント選	
	択では Λ 生成を要求している.	71
5.6		73
5.7	各生成 Λ の標的内での飛距離分布. 選択した Λ ビームの運動量領域は	
	0.30 ~ 0.65 GeV/c であり,指数関数的な減衰を確認することができている.	75

6.1	E40 実験で取得された pp 散乱測定データから求められた tracking 効率	
	$\epsilon_{pp}[27]$	77
6.2	Λ 生成事象同定が行われたとき,シミュレーションでもともと作成されてい	
	た Λp 散乱事象イベントの $\cos(heta_{CM})$ 分布	78
6.3	$\cos(heta_{CM}) = 0.1$ 毎のケース 3 における CATCH の Λp 散乱検出効率分布	79
6.4	$\cos(\theta_{CM}) = 0.1$ 毎のケース 2 における CATCH の Λp 散乱検出効率分布	80
7.1	ケース 3 によって最終的に選別されたイベントがもつ散乱 Λ の CM 系での散	
	乱角度の余弦 $\cos(heta_{CM})$ の分布.ここから $N_{3,\Lambda p}=16$ と見積もられた. ..	82
7.2	解析ケース 3 から得られた E40 実験の by-product のデータにおける Λp 散	
	乱微分断面積.検出効率が大きい $-0.2 < \cos(heta_{CM}) < 0.2$ 領域では 1.9 ± 0.4	
	mb/sr と見積もられた...............................	83

表目次

1.1	NN , ΣN および ΛN チャンネルの s 波における B_8B_8 相互作用 \ldots \ldots	5
3.1	E40 実験データの <i>MM</i> _Λ のフィッティング結果(<i>MM</i> _Λ が中心値から ±3σ 分の領域).	38
3.2	E40 実験データの MM_{Λ} のフィッティング結果 (1.07 < MM_{Λ} < 1.17 GeV/c ² の領域)	39
3.3	K ⁰ に関するカットをかけた後の E40 実験データの <i>MM</i> _Λ のフィッティング 結果(1.07 < <i>MM</i> _Λ < 1.17 GeV/c ² の領域)............	40
5.1	図 5.5 における各分布がもつ標準偏差 σ と平均 μ	71
5.2	シミュレーションで作成した Λ 生成事象と Multiple π production 事象のイ ベント数を調整し合成したデータから得た missing mass 分布のフィッティン グ結果(ただし 1.07 ~ 1.17 GeV/c ² 領域)............	73
5.3	シミュレーションで作成した Λp 散乱事象と Multiple π production 事象そ れぞれにおける生成 Λ の標的内での総飛距離と,当手法によって生じる系統	
	誤差の見積もり結果(ただし 1.07 ~ 1.17 GeV/c ² 領域). .	73

第1章 序論

1.1 物理的背景

1.1.1 バリオン間相互作用

我々の物質世界の原子核を構成している陽子 (p),中性子 (n) はバリオンの一種であるこ とから,特に pp や np 散乱を用いた核力 (nuclear force)の研究が実験,理論双方で盛んに行 われてきた.核力は近距離 (~1 fm)で斥力,それ以上離れた遠距離では引力であることが知 られている.

引力部分については中間子交換モデル(OBE model)[1] によってよく記述されているが, 斥力部分については理解が不十分であり,中間子交換モデルでは現象論的に扱うに留まってい る.斥力芯が現れる近距離領域では核子同士が重なり合うため,斥力芯は核子の構成要素であ るクォークやグルーオン間の相互作用に由来すると考えられている.クォーク間の相互作用を 考慮した総括的なバリオン間相互作用(baryon-baryon interaction)を研究するには,対象を アップクォーク(*u*)とダウンクォーク(*d*)のアイソスピン合成による SU(2) 空間からスト レンジクォーク(*s*)を含めた SU(3)f 空間に拡張することが非常に重要である.

ここでバリオン間相互作用について述べる.まず基本的な例として *NN* 相互作用を考えて みる.SU(2) 空間では 2 つの核子のアイソスピン 2 重項同士の合成を考えればよいから,

$$\mathbf{2} \otimes \mathbf{2} = \mathbf{3} \oplus \mathbf{1} \tag{1.1}$$

となり、アイソスピンに対称な 3 重項 (I = 1, (nn, (pn + np), pp)) と反対称な 1 重項 (I = 0, (pn - np)) に分類される.

次に SU(2) 空間から SU(3)_f 空間へ拡張したい. バリオンは 3 つのクォークから構成されて いるから,それらのスピン合成は

$$\frac{1}{2} \otimes \frac{1}{2} \otimes \frac{1}{2} = (1 \oplus 0) \otimes \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \otimes \frac{1}{2}$$
(1.2)

という既約表現を得ることができ,スピン 1/2 の 8 重項とスピン 3/2 の 10 重項に分類される.ここでバリオン 8 重項 (*B*₈) を図 1.1 に示す.

バリオン間相互作用の中でもハイペロン-核子(以下, YN)相互作用のような B₈B₈ 系にお ける 8 重項同士の合成を考えると,

$$\mathbf{8} \otimes \mathbf{8} = \mathbf{27} \oplus \mathbf{10} \oplus \mathbf{10}^* \oplus \mathbf{8}_{\mathrm{s}} \oplus \mathbf{8}_{\mathrm{a}} \oplus \mathbf{1}$$
(1.3)



図 1.1: バリオン 8 重項

という 6 つの既約表現が得られる. クォークと同様にバリオンはフェルミオン (fermion) で あるから,軌道角運動量 *L*,スピン*S*に応じてフレーバーの対称・反対称表現が許されている ことを考慮すると,例えばバリオン間の軌道角運動量 *L* = 0 であり,波動関数の動径部分の 励起もないとした場合,(1)項ではフレーバー対称であるからスピンは反対称となり,*L* = 0 かつ *S* = 0 となる. 一方,($\mathbf{8}_{a}$)項ではフレーバー反対称であるからスピンは対称となり,*L* = 0 かつ *S* = 1 となる.

このように *s* 波における (27), (8_s), (1) 項はフレーバーの交換に対して対称な spin-singlet, (10), (10^{*}), (8_a) 項は反対称な spin-triplet である. *NN* 系におけるアイソスピン 3 重項に対応するチャンネルは (27) 項, 1 重項に対応するチャンネルは (10^{*}) 項に含まれている. その 他の項は SU(3)_f 空間へ拡張することで新たに現れる項である. 図 1.2 に B_8B_8 の合成による 分類を示す.

また数値計算手法として代表されるのは Lattice QCD である.これは格子上に場の理論を 設定し非摂動論的にシミュレーションするものである.Lattice QCD で計算された *s* 波に対



図 1.2: バリオン 8 重項の合成による分類

応する 6 つの既約表現における各フレーバー基底ポテンシャルを図 1.3 に示す. *s*クォークを 含まない *NN* 系に属する図 1.3 上段のポテンシャルと, *s*クォークを含めた SU(3)_f 空間で新 たに出現した図 1.3 中下段のポテンシャルを比較すると,特に近距離領域でその描像が異なっ ている. クォーク間のパウリ効果によって完全に禁止される (**8**_s) 項やほとんど禁止されてい る (**10**) 項は非常に強い斥力が働くのに対し, (**8**_a) 項に働く斥力は非常に弱く, (**1**) 項は唯一 引力的になる. 計算されたポテンシャルの特徴は QCM 予測とよく一致しており, クォークパ ウリ効果が *B*₈*B*₈ 系における斥力芯の形成に大きく影響すると考えられる.



図 1.3: Lattice QCD で計算された 6 つの既約表現におけるフレーバー基底ポテンシャル [4]. それぞれ π の質量を 1014 MeV/c² (赤) と 835 MeV/c² (緑) で計算している. 左列はフレー バーに対称な spin-singlet, 右列はフレーバーに反対称な spin-triplet である. また, 上段は NN 系にも属するポテンシャルで, 中下段は SU(3)_f 空間へ拡張することで新たに現れるポテ ンシャルである.

1.1.2 *B*₈*B*₈ 相互作用

原子核の全体像を理解するのに必須である YNN 多体力等の決定には、精密な YN2 体力 の情報が不可欠である.したがって、YN や YY 相互作用を含めた 2 体の B_8B_8 相互作用を 調べる必要がある.各 B_8B_8 相互作用のチャンネルは図 1.3 に示した 6 つフレーバー基底ポテ ンシャルの線形結合の組み合わせによって異なる.したがって、調べたい性質のフレーバー基 底がみやすいチャンネルを選んで研究を行う.ここで NN、 ΣN 、および ΛN チャンネルの s波についての B_8B_8 相互作用をフレーバー多重項基底で表現したものを表 1.1 に示す.

表 1.1: NN, ΣN および AN チャンネルの s 波における B₈B₈ 相互作用

$B_8B_8(I)$	spin-singlet	spin-triplet
NN(I=0)		(10^*)
NN(I=1)	(27)	
$\Sigma N(I=1/2)$	$\frac{1}{\sqrt{10}}[(3(8s) - (27)]$	$rac{1}{\sqrt{2}}[(8a) + (10^*)]$
$\Sigma N(I=3/2)$	(27)	(10)
ΛN	$\frac{1}{\sqrt{10}}[(\mathbf{8s}) + 3(27)]$	$\frac{1}{\sqrt{2}}[-(8a) + (10^*)]$

■NN 相互作用

NN チャンネルではアイソスピン反対称 (I = 0)の場合にスピン反対称 (S = 0)である ことは禁止され、アイソスピン対称 (I = 1)の場合にスピン対称 (S = 1)であることは禁止 される. NN ポテンシャルは一般的に次式で表される.

$$V(r) = V_0(r) \tag{1.4}$$

$$+V_{ss}(r)\boldsymbol{s_1}\cdot\boldsymbol{s_2} \tag{1.5}$$

$$+V_{\tau\tau}(r)\boldsymbol{\tau_1}\cdot\boldsymbol{\tau_2} \tag{1.6}$$

$$+V_T(r)S_{12}$$
 (1.7)

$$+V_{LS}(r)\boldsymbol{l}\cdot\boldsymbol{s}\tag{1.8}$$

 $+\cdots$ (1.9)

ここで $V_0(r)$ はスピン s_1 , s_2 と空間相対座標 $r = r_1 - r_2$ 間の相互作用を含まない中心力, $V_{ss}(r)s_1 \cdot s_2$ はスピン s_1 と s_2 の相対的な向きに依るスピン-スピン相互作用, $V_{\tau\tau}\tau_1 \cdot \tau_2$ は アイソスピン τ_1 と τ_2 の相対的な向きに依るアイソスピン-アイソスピン相互作用, $V_T(r)S_{12}$ はスピンと空間相対座標間の相互作用を含むテンソル力を表すポテンシャル $V_T(r)$ とそのテ ンソルオペレーター S_{12} , そして $V_{LS}(r)l \cdot s$ はスピンと軌道角運動量間の向きに依るスピン-軌道角運動量相互作用 (LS 力) である.特に LS 力は, スピン交換に対称な $l \cdot (s_1 + s_2)$ と, スピン交換に反対称な $l \cdot (s_1 - s_2)$ に分けられ,反対称 LS 力を理解するには spin-singlet 項 と spin-triplet 項の双方を含むチャンネルを調べる必要がある.しかし,表 1.1 が示すように 各アイソスピンの NN チャンネルでは spin-singlet 項もしくは spin-triplet 項のどちらかし か含まないため,反対称 LS 力について制限を加えることができない.したがって,表 1.1 中 下段に示した ΣN , ΛN チャンネルから LS 力の全体像を理解することが重要である.

■ ΣN 相互作用

 ΣN チャンネルではアイソスピン (I = 1/2)の場合, B_8B_8 相互作用は4つの項の重ね合 わせで表されるため, どれか1つの基底ポテンシャルが著しく強調されることはないと考え られる.また,アイソスピン (I = 3/2)の場合, B_8B_8 相互作用は(**27**)項と(**10**)項のみ の重ね合わせで表され,クォークパウリ効果によって強い斥力が働く(**10**)項が spin-triplet の重みによって spin-singlet に属する(**27**)項の3倍寄与することから,全体として強い斥 力が予想されている.ここで各理論モデルにおける Σp 散乱の微分断面積を図 1.4 に示す. $\Sigma^+ p(I = 3/2)$ 弾性散乱(図 1.4 (左))ではクォークパウリ効果を考慮している QCM モデ ルとクォーク間相互作用を考慮していない OBEP モデルで大きな差異が確認できる.一方, $\Sigma^- p$ 弾性散乱(図 1.4 (右))の微分断面積は各モデルで大きな差異はなく,どの理論でも中 間子交換の寄与が大きい.

したがって,まず $\Sigma^{-}p$ チャンネルの微分断面積測定から SU(3)_f 対称性での中間子交換モデ ルの妥当性の検証を行い,その妥当性を確認した上で, $\Sigma N(I = 3/2)$ に対応する $\Sigma^{+}p$ チャン ネルの微分断面積を QCM と OBEP で比較することでクォークパウリ効果を検証することが 可能と考え,我々は J-PARC における Σp 散乱実験(J-PARC E40 実験)を行い,昨年デー タ取得を完了した.

■ΛN 相互作用

 ΛN チャンネルでの B_8B_8 相互作用はアイソスピン I の大きさによって分類されることなく 4 つの項の重ね合わせで表される. (π^-, K^0)反応を用いた次世代 Λp 散乱実験では、J-PARC E40 実験による Σp チャンネルの散乱微分断面積測定によって制限がかけられた相互作用の情 報をもとに、 Λp チャンネルの散乱微分断面積を測定することで、さらなる各理論モデルの比 較、検証が可能となると考えられる.また、 Λp チャンネルも過去の実験データが少なく、さ らに p 波以上のデータがほとんど存在せず微分断面積やスピン偏極のデータ数も限られている ことで、p 波成分の理論的な見積もりを非常に困難にしている.したがって、散乱実験を行い 特に散乱微分断面積を測定し、角度分布を決定することが求められている.さらに、 Λ は弱い 相互作用によって $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊する.弱い相互作用ではパリティ対称性が破れているため、 Λ のスピンに対する陽子の放出角度の異方性を測定することで Λ のスピン偏極の情報を得て、 散乱におけるスピン観測量測定が可能となるため、次世代 Λp 散乱実験は p 波成分の決定に重



図 1.4: 各理論モデルによって計算された微分断面積 [5][6][7]. FSS 及び fss2 は QCM モデル に基づく計算モデルの名称, NSC 及び ESC は OBEP モデルに基づく計算モデルの名称であ る. 左は $\Sigma^+ p(I = 3/2)$ 弾性散乱の微分断面積であり,各理論モデルで大きく異なっている. 右は $\Sigma^- p(I = 1/2)$ 弾性散乱の微分断面積であり,各理論モデルで大きな差異はない.

要な役割を果たす.

1.1.3 散乱実験と微分断面積

相互作用ポテンシャルの情報を実験的に得るには、散乱微分断面積を測定し散乱位相差 δ を求める.軌道角運動量lで部分波展開された散乱振幅 $f(\theta)$ によって導かれる微分断面積を式(1.10)に示す.

$$\frac{d\sigma}{d\Omega}(\theta) = |f(\theta)|^2 = \left|\frac{1}{k}\sum_{l=0}^{\infty} (2l+1)e^{i\delta_l}\sin\delta_l P_l(\cos\theta)\right|^2$$
(1.10)

k は波数, P_l は l 次のルジャンドル多項式で,スピンの重みについては考慮していない. 散乱 位相差 δ_l は角運動量 l の部分波がもたらすポテンシャルによって散乱された波と,されなかっ た波の位相差を表しており, $\delta_l < 0$ ではポテンシャルが斥力的, $\delta_l > 0$ ではポテンシャルが引 力的である.

過去, NN 系については極めて正確な微分断面積の測定によって部分波解析が行われ, 詳細 に位相差が決定されてきた.しかし, YN 系や YY 系の微分断面積を同等の高精度で測定す ることは現在も依然として困難であり,これらの系の位相差は1つも決定されていない.この ときの角運動量 *l* のポテンシャル到達距離 *d* と運動量 *p* との間には式 (1.11) に示す関係が成 り立つ.

$$l \le \frac{|p| \cdot d}{\hbar} \tag{1.11}$$

J-PARC E40 実験での Σp 散乱微分断面積測定では,式 (1.10) において $\theta = 90^{\circ}$ の微分断

面積に着目した. $\theta = 90^{\circ}$ の場合は $P_{l=odd}(0) = 0$ となり, lが奇数の部分波の寄与がなくなるため,式 (1.11)より, l < 4程度しか現れない運動量領域で実験を行った場合は l = 0の s 波に着目しやすくなると考えられる.スピンの重みも考慮した $\theta = 90^{\circ}$ における微分断面積を式 (1.12)に示す.

$$\frac{d\sigma}{d\Omega}(90^{\circ}) = \frac{1}{4k^2} \sin^2 \delta_{^1S_0} + \frac{3}{4k^2} \sin^2 \delta_{^3S_1} + (higher \ l \ wave)$$
(1.12)

ここで¹S₀ は spin-singlet, ³S₁ は spin-triplet を示し, $l \ge 2$ の項は (*higher l wave*) とし た. さらに, 式 (1.12) において SU(3)_f 対称性のもとでは同じ既約表現内では同じ相互作用 が働くことを考慮すると, $\Sigma N(I = 3/2)$ の spin-singlet の寄与は (**27**) 項に属する NN 散乱 の豊富な実験データから推定できる.また,運動量領域 600 ~ 800 MeV/c では $|\delta_{1S_0}| < 10^{\circ}$ 程度となり,スピンの重みも相まって spin-singlet の寄与は spin-triplet に比べて無視できる ほど小さくなる. (*higher l wave*)の寄与はモデル依存性がほぼないため,この運動量領域の $\theta = 90^{\circ}$ の微分断面積から直接的に $|\delta_{3S_1}|$ を求めることができる.なお, Σ ハイパー核実験に よって δ_{3S_1} は斥力ポテンシャルであると考えられているが,位相差は運動量に応じて大きく なりその変化の度合いはポテンシャルの到達距離に依存しているため, $|\delta_{3S_1}|$ の運動量依存性 を確認することで δ_{3S_1} の正負や斥力芯のコアサイズついても考察することができると考え, J-PARC E40 実験で測定された散乱微分断面積の解析が現在進められている.

 ΛN 相互作用については, spin-singlet に含まれる (27) 項の寄与は ΣN 相互作用と同様, NN 散乱の豊富な実験データによって推定でき, (27) 項の位相差の理論的不定性は非常に小 さいと予測される.また spin-singlet と spin-triplet の寄与については, J-PARC E40 実験に よって ΣN 相互作用が決定されれば制限をかけることが可能と考えられる.次世代 Λp 散乱実 験では運動量領域 400 ~ 800 MeV/c での微分断面積を測定し,それを式 (1.12) に基づいた部 分波展開の断面積の重ね合わせでフィッティングすることで δ を求める.

原子核物理学における YN 相互作用研究では、ハイペロンを含む原子核を生成するハイ パー核実験から多体系の相互作用を、ハイペロンを標的粒子に衝突させ散乱させる散乱実験か ら2体系の相互作用をそれぞれ調べ、双方から理論へフィードバックをかける.しかし、既存 のYN 散乱実験データはビーム運動量領域が限定されており統計量も乏しい.これはビーム となるハイペロンの量が限られていたうえ、ハイペロンの寿命が 10⁻¹⁰ sec のオーダーと非常 に短いために散乱前に崩壊してしまうことが多いことに起因している.したがって、歴史的に YN 散乱実験は非常に困難と指摘されてきた.

この問題を克服するため,我々は「散乱後の終状態粒子のみを捕らえて運動学を解く」と いう散乱事象同定手法を新たに確立し, Σp 散乱実験を J-PARC にて行った(J-PARC E40 実験). この実験では $\pi^{\pm}p \rightarrow K^{+}\Sigma^{\pm}$ 反応による生成 Σ^{\pm} を標的内陽子に当てる $\Sigma^{\pm}p$ 散乱や $\Sigma^{-}p \rightarrow \Lambda n$ 反応を測定した.このとき,大強度 π^{+} および π^{-} ビーム(20 M/spill, 1 spill \approx 2 sec)の使用を可能にすることで,高統計の YN 散乱実験データの取得に成功した.さらに, 生成 Σ^{-} による $\Sigma^{-} \rightarrow \pi^{-}n$ 崩壊で生じた中性子が標的内陽子と np 散乱を起こす事象につい て散乱微分断面積が見積もられ,運動学を用いた解析手法の有効性が実証された [8].次世代

1.1.4 中性子星のハイペロン・パズル

YN相互作用のうち ΛN 相互作用は中性子星の構造に密接に関与していると指摘されている. 具体的には、 Λ は原子核物質内で約 30 MeV の引力ポテンシャルを感じるため、高密度領域とされる中性子星内深部に出現すると予想されている. これを考慮した中性子星の状態方程式 (Equation of State, EOS) は非常に柔らかくなり、そこから予想された中性子星質量は約 $1.4M_{\odot}$ であった.

しかし、質量が約 $2M_{\odot}$ の中性子星が近年観測され [9]、中性子星内深部での Λ の出現を考慮した既存の YN 相互作用理論モデルが不十分であることが示された. ここで質量が約 $2M_{\odot}$ の中性子星の観測結果(J1614-2230)と、複数の理論モデルによる予想値を図 1.5 に示す.



図 1.5: 観測された (1.97±0.04)M_☉ の中性子星(J1614-2230)と,他の中性子星の質量観測 値と主な EOS 理論モデル曲線

このような不定性をもつ YN 相互作用の理論モデルへさらなるフィードバックをかけ核力 の理解を推進するには、YN2 体力を散乱実験によってまず精密決定し、その後ハイパー核実 験による YNN 多体力等の研究へ繋げる必要がある.したがって、我々は J-PARC E40 実験 で確立した運動学を用いる解析手法を基盤とした Λp 散乱事象同定手法を用いて、 Λp 散乱微 分断面積を測定し、 Λp 相互作用を直接精密に決定することを計画している.

1.1.5 これまでの *Yp* 散乱実験

YN相互作用の理解には散乱実験が不可欠だが、ハイペロンの寿命は約 10^{-10} sec と非常に 短く、ハイペロン生成に成功しても陽子と散乱する前に崩壊することが多いため実験的な困難 さがある.したがって、 Λp 散乱をはじめとする YN 散乱実験データは NN 散乱実験データ に比べて非常に限られていることを先に述べた.

主な Yp 散乱実験には 1960 年代のバブルチェンバー実験と 1990 年代から 2000 年代初期 に KEK-PS にて行われた E251 及び E289 実験 [10][11][12] がある. これらの散乱実験ではバ ブルチェンバーやファイバーアクティブ標的などが用いられ,散乱に関する全ての粒子の飛跡 を画像情報から取得し,散乱事象を同定するという「イメージング法」が採用されていた. こ の実験手法の問題点は,バブルチェンバーの応答が遅いため,ビーム強度が高くなるとイメー ジが重なることを避けるためにビーム強度が大幅に制限されることであった. また,1960 年 代のバブルチェンバー実験では,データ取得後再びデータ取得可能な安定状態にバブルチェン バーが復帰するまで時間を要する上,ハイペロン粒子の生成を同定するトリガーがないためラ ンダムトリガーによってデータ取得せざるを得ず,入射ビームの強度が制限された. Λ およ び Σ 生成には反応断面積が大きい Stopped K^- 反応が採用され, Λ および Σ の運動量は 200 MeV/c 程度に制限された. したがって,この実験で得られた散乱事象は低運動量領域のもの であり統計量も数 100 イベントに留まった.

1990 年代から 2000 年代初期にかけて KEK-PS にて行われた E251 および E289 実験 では,統計量と生成ハイペロンの運動量制限に関する課題を克服する試みがなされた. $\pi^{\pm}p \rightarrow K^{+}\Sigma^{\pm}$ 反応によって Σ を生成し,後方に散乱 K^{+} 検出のためのスペクトロメータを 設置することで Σ 生成事象をトリガーレベルで制限することを可能にした.また,SciFi(シ ンチレーションファイバー)を Σ 生成事象と散乱事象のための標的,およびそれらの画像を保 存するイメージング検出器としての 3 つの役割を担う「アクティブ標的」として用いた.これ により,運動量領域 350 ~ 750 MeV/c の Σ を測定することに成功した.しかし,SciFi の読 み出しに使われた Image Intensifer Tube (IIT)の蛍光物質が数 μs オーダーの長い時定数を 持つことにより,ビーム強度は 200 k/spil(1 spill \approx 2 sec)ほどに制限された.また,SciFi は炭素原子核を含んでおり,原子核中の陽子との準自由反応によって生成された Σ は正しく 運動量を求めることができない.さらに,生成 Σ と炭素原子核の準弾性散乱は大きなバックラ ウンドの一因となった.オフラインの画像解析でも,正しい Σp 弾性散乱を同定するには生成 Σ に 5 mm 以上の飛距離が要求されたため,ビームとして使用可能な Σ の収量は大幅に制限 された.したがって,この実験においても同定された散乱事象数は約 30 イベントに限られた.

1.2 J-PARC における次世代 (π^-, K^0) 反応実験

前節で述べた物理的背景を受け,我々は大強度陽子加速器施設(J-PARC, Japan Proton Accelerator Research Complex)にて Λp 散乱実験を行うことを計画した.当節ではその概要を述べる.詳しい解析手法については後述を参照されたい.

1.2.1 実験概要と目的

J-PARC における次世代 Λp 散乱実験の目的は,より精密な Λp 相互作用の系統的理解である.前述した中性子星のハイペロン・パズルを抱える YN 相互作用の理論モデルへさらなるフィードバックをかけ,核力の理解を推進したい.ここで,弾性散乱で分解できる相互作用距離は入射粒子の換算波長 ($\frac{\lambda}{2\pi} = \frac{\hbar}{p}$)であることを考慮すると,次世代実験において運動量領域 400 ~ 800 MeV/c の Λ ビームによる Λp 散乱を測定できれば,重心系では 0.5 ~ 1.0 fm 程度の近距離領域における相互作用をみることができる.したがって,核力の斥力芯の起源に寄与するような領域での ΛN 相互作用の研究が可能となると考えられる.また,散乱 Λ による $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊で生じる陽子の放出角度の異方性を測定することで,高統計で散乱におけるスピン観測量を求めることも期待されている.

1.2.2 実験手法

上記の目的のため,我々は (π^-, K^0) 反応を用いて Λp 散乱微分断面積やスピン観測量を精密に決定することを目指している.実験的にみて, $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応による Λ 生成は非常に挑戦的である.

 Λ ハイパー核生成実験で主に用いられてきた手法は標的原子核内の中性子を Λ に変換する もので、ビーム粒子と生成粒子がどちらも荷電粒子となるため比較的検出しやすいメリットが あった。例としては $K^-n \to \pi^-\Lambda$ 反応 (図 1.6) がある。この反応では $K^- \to \pi^+\pi^-\pi^0$ 崩 壊で生じた π^0 由来の高エネルギー γ 線、高エネルギー散乱荷電粒子などがバックグラウンド となっており、これらは主に BGO シンチレーションカウンターによって検出する必要があっ た。さらに、大きなアクセプタンスでの K^0 検出手法が未だ確立されていなかったことを受 け、我々は生成粒子が中性となる $\pi^-p \to K^0\Lambda$ 反応 (図 1.7) を用いて $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊を 大立体角で検出し、 K^0 を同定することを考えた。しかし、 $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による 2つの π をどちらも検出するような大立体角スペクトロメータをすみやかに J-PARC で用意すること は困難であるため、我々は $\pi^-p \to K^0\Lambda$ 反応における新たな K^0 同定解析手法の確立が重要 と考え、その開拓を進めてきた。次に、この手法について詳しく説明する。



図 1.7: (π⁻, K⁰) 反応による Λ 生成

■新たな K⁰ 同定解析手法

まず,次世代 Λp 散乱実験で想定する連続した 2 体の弾性散乱を図 1.8 に示す. 我々は $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^+ を前方の磁気スペクトロメータで, π^- を標的周りの円筒型検出 器群で別々に測定することで,より大きな立体角で K^0 を検出する予定である. $\pi^-p \rightarrow K^0\Lambda$ 反応によって生成された Λ は $\pi^-p \rightarrow K^0X$ 反応に対する missing mass 法で同定する. なお, 生成 Λ と標的内陽子による Λp 散乱事象を同定する際は,反跳陽子の飛跡と運動エネルギーを 標的周りの円筒型検出器群で測定し,散乱運動学を解く手法をとる.

J-PARC E40 実験 ($\pi^{\pm}p \to K^{+}\Sigma^{\pm}$ 反応を用いた Σp 散乱実験) では Σ 生成を行ったが, by-product として $\pi^{-}p \to K^{0}\Lambda$ 反応が一部含まれている.また E40 実験は上記の新たな実 験手法と同様の検出器セットアップをもつことから、本研究では E40 実験の by-product デー タを用いて新たな K^{0} 再構成手法,そして Λp 散乱微分断面積導出までの一連の解析手法を構 築した.

E40 実験における前方の磁気スペクトロメータは「KURAMA」,標的周りの円筒型検出器 群は「CATCH」が採用されている(第2章参照). E40 実験データを用いて新たな K^0 再構成 手法の有効性を確認するため,今回は KURAMA で捕らえた π^+ , CATCH で捕らえた π^- を 用いて運動学を解くことで K^0 再構成を行った. さらに, $\pi^-p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass を求めることで Λ 生成事象の同定具合を見積もった.



図 1.8: $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応と生成 Λ による Λp 散乱の概略図.



図 1.9: J-PARC E40 実験セットアップにおける $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応と生成 Λ による Λp 散乱 の概略図.

E40 実験セットアップにおける $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応および Λp 散乱事象の概略図を図 1.9 に 示す. このとき, π^- ビームの運動量と飛跡は上流に設置されている K1.8 ビームラインスペ クトロメータで測定している. π^- ビームの運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi beam}}$, および $K^0 \to \pi^+ \pi^-$ 崩 壊を検出して再構成した散乱 K^0 の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{K^0}}$ を用いると, 生成 Λ の運動量ベクト $\nu \overrightarrow{p_{\Lambda}}$ は式 (1.13) で定義できる. このとき用いた K^0 の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{K^0}}$ の再構成手法の 詳細は第 2 章を参照されたい.

$$\overrightarrow{p_{\Lambda}} = \overrightarrow{p_{\pi beam}} - \overrightarrow{p_{K^0}} \tag{1.13}$$

我々は E40 実験で確立された運動学を用いた Σ 生成同定手法を基盤とし, $\pi^- p \to K^0 \Lambda 向$ 応による Λ 生成事象と Λp 散乱事象の新たな同定手法を構築することを目標としてきた. 過去 のバブルチェンバーを用いた実験で導入されていた「イメージング法」では,使用した蛍光物 質の時定数が長くビーム強度に制限がかかっていたのに対し,運動学による同定手法を採用す ることで検出器の耐性限度までビーム強度を上げることが可能となる.実際,E40 実験は 20 M/spill(1 spill = 2 sec)の高レートビームの運用を達成している.また,この同定手法では Λ の飛跡を実際に測定しないため,生成後にすぐ崩壊するような Λ も Λp 散乱の入射ビームと して用いることができる.さらに,液体水素標的を用いることで,過去の実験で生じた炭素原 子核由来のバックグラウンドの発生を防ぐことができる.したがって,計画中の次世代 Λp 実 験では過去の散乱実験と比べて圧倒的収量の Λ ビームを用いたより精度の良い散乱事象同定 が可能となる.

$\blacksquare \pi^{-} p \rightarrow K^{0} \Lambda$ 反応断面積が大きい領域の選択

従来の $\Lambda \pm dla 実験で用いられてきた (K^-, \pi^-)$ 反応と比べ,今回我々が用いる予定の (π^-, K^0)反応を用いた際の散乱断面積は小さくなる.しかし, π^- ビーム運動量が約 1.05 GeV/c の領域では約 900 μ b と比較的大きい散乱断面積を得られると過去実験の結果から予想 している [13].したがって,次世代 Λp 散乱実験では π^- ビーム運動量を 1.05 GeV/c へ変更 する予定である.なお,E40 実験では運動学を用いた生成 Σ 同定手法を導入したことによっ て,1.40 GeV/c の π^+ ビーム,および 1.33 GeV/c の π^- ビームを液体水素標的に照射し, $\pi^{\pm}p \rightarrow K^+\Sigma^{\pm}$ 反応によって Σ を生成することに成功している.

■新たな Λp 散乱同定解析手法

図 1.9 に示した通り,生成 Λ と標的内陽子が Λp 散乱を起こした事象を,標的を 360° 覆う よう設置された CATCH 検出器群で検出する. CATCH は検出粒子の散乱角度とエネルギー を測定している.したがって,散乱角度を用いた運動学から予想されるエネルギー値 $E_{p',calc}$ と,実測エネルギー値 $E_{p',measure}$ との差を評価することで散乱事象を同定する (ΔE 法,第 4 章参照).また,散乱 Λ による $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊を検出できた場合は, π^- と陽子を用いた Λ 再構成手法から得られた散乱 Λ の運動量 $p_{\Lambda'}$ と,このとき再構成された散乱 Λ の散乱角度を 用いた運動学から求まる $p_{\Lambda',calc}$ との差を評価することで散乱事象を同定する (Δp 法,第4 章参照).

1.2.3 本論文の構成

第2章では、本研究の解析に用いたデータが取得された J-PARC E40 実験について述べる. 第3章では、 $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による2つの π を用いた「 K^0 再構成手法」によって K^0 を大 立体角で検出し、 $\pi^-p \to K^0 X$ 反応に対して missing mass 法を施すことでA 生成事象を同 定する. さらに、A 生成を要求するカットを施すことで飛跡の物理的な位置関係の妥当性を担 保し、Ap 散乱事象同定に向けたイベント選別を行う.第4章では、第3章で選別されたイベ ントに対し、本研究で構築した Ap 散乱事象同定手法を施すことでバックグラウンドを抑制し つつ Ap 散乱事象を同定する.第5章では、Ap 散乱微分断面積導出に必要なパラメータであ る Λ ビームの標的内での総飛距離 (L_{total})を, E40 実験データから得られた Λ 生成位置とそ の運動量ベクトルを用いたモンテカルロ・シミュレーションから見積もった.第6章では、散 乱微分断面積導出に必要なパラメータである CATCH の散乱検出効率をシミュレーションか ら見積もった.最後に第7章では、本研究で得られた Λp 散乱に関する情報を用いて Λp 散乱 微分断面積を導出することで、新たに構築した Λp 散乱事象同定手法から得られる微分断面積 の見積もりを行った.

第2章 J-PARC E40 実験

J-PARC E40 実験では 2018 年 6 月に $\Sigma^{-}p$ 散乱の commissioning run を実施した後,まず 2019 年 2 月から 4 月にかけて $\Sigma^{-}p$, $\Sigma^{+}p$ 散乱のデータ取得を行った. $\Sigma^{-}p$ 散乱から測定し た理由は, Σ^{-} には陽子への崩壊チャンネルが存在しないため,散乱による反跳陽子の検出か ら散乱事象を同定しやすく,実験手法をまず確立するのに適していたからである. 一方, $\Sigma^{+}p$ 散乱では反跳陽子の識別時に崩壊陽子がバックグラウンドになることと, π^{+} ビームの電荷が K^{+} と同じであるためトリガーの数が増えることが難点だったが, $\Sigma^{+}p$ 散乱についても実験 手法を確立することに成功している. Σ^{+} については加速器トラブルで実験期間を分けること となったが, 2020 年 6 月に全てのデータ取得を完了した.

2.1 実験セットアップ

J-PARC E40 実験は J-PARC ハドロン実験施設の K1.8 ビームラインにて行われた. 図 2.1 に実験セットアップの全体像を示す. 上流で π ビームの運動量と飛跡を測定する K1.8 ビーム ラインスペクトロメータ,下流で散乱 *K*⁺ の運動量と飛跡を測定する KURAMA スペクトロ メータ,そして反跳陽子の飛跡とエネルギーを測定するために液体水素標的周りに設置された 円筒型検出器群 CATCH から構成される.



図 2.1: J-PARC K1.8 ビームラインにおけるセットアップ全体図. K1.8 ビームラインスペクトロメータ, KURAMA 磁気スペクトロメータ, CATCH 検出器群から構成される.

2.1.1 K1.8 ビームラインスペクトロメータ

K1.8 ビームラインスペクトロメータは標的上流に設置されており, π ビームの運動量と飛跡を測定している.4台の四重極電磁石(Q10,Q11,Q12,Q13)と双極電磁石(D4)によって QQDQQ の光学系を形成するマグネット群と,時間測定用検出器である2台のホドスコープ(BH1,BH2),飛跡測定用検出器であるファイバー検出器(BFT)および2台のドリフト チェンバー(BC3,BC4)から構成される.これらの模式図を図 2.2 に示す.



図 2.2: K1.8 ビームラインスペクトロメータの模式図. QQDQQ の光学系を形成するマグ ネット群と5台の検出器から構成される.

■飛跡測定用検出器

マグネット群の上流に設置された BFT と下流に設置された BC3, BC4 はビーム粒子の飛跡の再構成を行い, π ビームの運動量を求めている. 導出手法は,オフライン解析にて BC3, BC4 から得られる直線トラックに対し,ビームスペクトロメータのビーム光学に基づく輸送行列を適用することで飛跡の再構成を行う. このとき,再構成された飛跡が BFT のヒット位置を通過するように運動量を決定する.

• BFT

BFT (Beamline Fiber Tracker) は大強度ビーム下においても安定したビーム粒子検 出を可能とするため本実験用に開発されたファイバー検出器である.マグネット群上流 に設置され,位置検出器としては最上流でのビームの水平位置情報を取得する.直径1 mm のシンチレーティングファイバーを鉛直方向に 160 本並べた 2 層を互い違いに重 ね合わせた構成となっている. 読み出しには MPPC が用いられた [17][18].

• BC3, BC4

BC3, BC4 (Beamline Chamber3, Beamline Chamber4) はマグネット群下流に設置 された MWDC (Multi-Wire Drift Chamber) である. それぞれ 6 層で形成されてお り,上流から BC3 の x, x', v, v', u, u', BC4 の u, u', v, v', x, x' の順に並べられている. 1 層について直径 15 μ m のセンスワイヤーが 3 mm 間隔で計 64 本張られており,鉛直 方向に張られた x 層に対して v 層は 15°、 u 層は -15° 傾いて張られている. 粒子がワ イヤーの左右どちらを通過したか判別するため, x', v', u' 層はそれぞれ x, u, v 層に対し てワイヤー間隔の半分の 1.5 mm ずらして張られている [19].

■時間計測用検出器

BH1, BH2 はビーム粒子の通過時刻を測定する. K1.8 ビームラインへの入射 2 次ビームに は π だけでなく K 中間子もわずかに含まれているため,まず K1.8 ビームラインスペクトロ メータで π ビームを選別する必要がある. 運動量 p をもつ質量 m の粒子についてその飛行速 度は $v = \beta c = pc^2/E$ となるため,同じ運動量をもつ π と K ビームの速度は,質量の違い に大きく依存し最終的に飛行時間の差となる. BH1,BH2 間の距離 $\Delta L = 10.4$ m を運動量 p = 1.32 GeV/c の π , K ビームが通過するとき,これらの飛行時間差 $\Delta t \approx 2.15$ ns となる. このことを利用し,オフライン解析では 2 台のホドスコープ (BH1,BH2)の通過時間差 Δt を求めてビーム粒子が π であることを担保する.また,ヒットしたセグメントの位置情報に よって許される飛跡の軌道範囲を絞り,飛跡の再構成を補助している.

• BH1

BH1 (Beam Hodoscope 1) はマグネット群の上流に設置されたプラスチックシンチ レーション検出器である. 11 個のセグメントから構成され,セグメント毎での計数率 を一様にするためビーム密度の高い中心側のセグメントほど幅を狭くしてある. 各セグ メントは 1 mm のオーバーラップをもって互い違いに並んでいる. 読み出しは上下両 面からアクリルガイドを通じて PMT で行った.

• BH2

BH2 (Beam Hodoscope 2) はマグネット群の下流で標的直前に設置されるプラスチッ クシンチレーション検出器である. 8 個のセグメントから構成され, BH1 と同様に ビーム密度の高い中心側のセグメントほど幅が狭くなっている. 各セグメントはオー バーラップせず横一列に並んでいる. 読み出しは上下両面からアクリルガイドを通じて PMT で行った. BH1, BH2 間における粒子の飛行時間の幅から見積もられた測定精 度は σ = 270 ps である [18].

■液体水素標的

液体水素標的は直径 40 mm,長さ 300 mm,厚さ 0.25 mm の円筒容器に入れられている. この円筒容器は厚さ 0.25 mm のマイラーシートを 100 ~ 120 °C に熱して成型されたもので ある.生成した Σ の統計量を上げつつ,その後の散乱確率を高めるため,ビーム方向の長さは 300 mm と長くしている.また,直径方向は Σ の飛程より大きくしても $\Sigma \rightarrow n\pi$ 崩壊による 中性子由来の np 散乱事象のみが増加しバックグラウンドとなってしまうため, Σ^+ の平均飛 距離 $c\tau \sim 24$ mm を考慮し標的の半径は 20 mm となっている.標的システム内部を真空に保 つ必要があるが,反跳陽子などが通過する領域は物質量をできるだけ抑えるために炭素繊維強 化プラスチック (CFRP:Carbon Fiber Reinfoced Plastic)を真空容器として用いている.真 空領域の大きさはビーム方向に 415 mm,標的の直径方向に 78 mm である.この標的を GM 冷凍機で冷却する [19].

2.1.2 CATCH 検出器群

E40 実験において反跳陽子測定のために開発され,標的を覆うように設置された円筒 型検出器群が CATCH (Cylindrical Active Tracker and Calorimeter for Hyperon proton scattering) である. CATCH 検出器群は飛跡追跡のためのファイバー検出器 (CFT),運動 エネルギー測定のための BGO カロリメータ,そして粒子が BGO カロリメータを貫通したか 否か確認するプラスチックシンチレータ検出器 (PiID カウンター) から構成されている.こ れらの 3D モデルを図 2.3 に示す [20].

また, CFT の性能は

- 時間分解能 $\sigma_{time} = 1.8$ ns
- エネルギー分解能 $\sigma_{E,CFT} = 20\%$ for $8 \sim 20$ MeV proton
- 角度分解能 $\sigma_{\theta} = 1.6^{\circ}$

であり, BGO の性能は

• エネルギー分解能 $\sigma_{E,BGO} = 1.2 \sim 1.4\%$ at 80 MeV proton

である [20].



図 2.3: CATCH 検出器群の 3D モデル模式図 [20].ファイバー検出器 (CFT), BGO カロリ メータ,プラスチックシンチレータ検出器 (PiID カウンター)から構成される.

• CFT

CFT (Cylindrical Fiber Tracker) は Σp 散乱事象によって標的から飛び出した粒子の 飛跡とエネルギー損失を測定するためのシンチレーションファイバー検出器である.シ ンチレーションファイバーとはファイバーの形状をしたプラスティックシンチレータの ことで,荷電粒子がファイバーを通過するとシンチレーション光を放出する.使用した ファイバーは光ファイバーと同じく内側のコアと外側のクラッドで屈折率が異なってい るため、シンチレーション光はファイバー内を反射しながら末端まで到達する.ファイ バー端でのシンチレーション光の読み出しには半導体光検出器(MPPC, Multi-Pixcel Photon Counter)を使用した [20].

CFT には直径 0.75 mm のシンチレーティングファイバーが計 4932 本使用され,8つ の層を形成している。それぞれビームと平行方向に張られる ϕ 層が4層,らせん状に張 られる u 層と v 層が2 層ずつとなっており, ϕ 層と uv 層は交互に重ねられている [20].

• BGO カロリメータ

BGO カロリメータは Σp 散乱による反跳陽子の運動エネルギーを測定するため開発さ れた無機シンチレーション検出器である.反跳陽子の運動エネルギーは約 150 MeV ま で連続的に分布すると予想され,エネルギー 80 MeV に対して $\sigma = 3\%$ のエネルギー分 解能が要求された.また阻止能が高く,40 cm と長い結晶が必要であることから,我々 は Bi₄Ge₃O₁₂ 結晶を採用した.

BGO カロリメータは 24 個のセグメントから構成され, CFT の外側をさらに覆うよう に配置されている.ただし,本実験では散乱 *K*⁺ に対して KURAMA 磁気スペクトロ メータのアクセプタンスが含まれてしまう 2 つのセグメントは使用しなかった.1 つの セグメントの大きさは 30 mm×25 mm×400 mm である.また,高計数率下における 信号のパイルアップに対応するため,エネルギー情報は Flash ADC によって取得し, オフライン解析で波形分離を行うことで波高情報を得ている.読み出しには光電子増倍 管 (PMT, Photo-Multiplier Tube)を用いた [21].

• PiID カウンター

PiID カウンターは BGO カロリメータを貫通して反跳陽子測定時にバックグラウンド となる粒子を検出するためのプラスチックシンチレーション検出器である.特にハイペ ロン粒子の崩壊による π のほとんどは BGO カロリメータを突き抜けることを利用し, π と *p* 間の粒子識別精度の向上を図っている.

CATCH 検出器群の最も外側に位置し,34 個のセグメントから構成されている(ただ し,BGO カロリメータ同様,E40 実験では散乱 *K*⁺ に対するアクセプタンスを含む3 つのセグメントは使用しなかった).1つのセグメントの大きさは400 mm×30 mm×15 mm である.各セグメントに埋め込まれた波長変換ファイバーの端から MPPC で読み 出しを行った.

2.1.3 KURAMA スペクトロメータ

KURAMA スペクトロメータは標的下流に設置され, 散乱 K⁺ の運動量と飛跡の測定を行 う磁気スペクトロメータである.時間測定用検出器としては TOF カウンターが設置されて いる.飛跡測定用検出器はファイバー検出器 (SFT) と 3 台のドリフトチェンバー (SDC1, SDC2, SDC3),およびドリフトチェンバーの不感領域をカバーするためのホドスコープ群 (FHT1, FHT2) で構成されている.また,トリガー用検出器としてホドスコープ (SCH) と チェレンコフ検出器 (SAC) が設置されている.これらの検出器とともに 0.76 T の磁場をか けた KURAMA 磁石によって KURAMA スペクトロメータは構成される.これらの模式図 を図 2.4 に示す.



図 2.4: KURAMA スペクトロメータの模式図.

■時間測定用検出器

時間測定用検出器である TOF カウンターは散乱粒子の通過時刻を測定している.

• TOF カウンター

TOF (Time-Of-Flight wall) カウンターはマグネット下流に設置されたプラスチック シンチレーション検出器である. 24 個のセグメントから構成され, 1 つのセグメントの 大きさは 80 mm×1800 mm×30 mm である. セグメントは 5 mm のオーバーラップを もって互い違いに並んでいる. 読み出しは上下両面からアクリルガイドを通じて PMT で行った. また、本実験においては大強度ビームによる PMT の渦電流を防ぐため、 π ビームの通 過領域のみ素材をアクリルにして不感領域とした.具体的には、 π^- ビームの通過が予 想される 14 ~ 16 番目のセグメントおよび π^+ ビームの通過が予想される 2 ~ 7 番目の セグメントの中央 200 mm で切り取られる直方体部分が不感領域に相当している.な お、セグメント番号はビーム上流から見て、右端を 1 番目として数えている.2018 年 の試運転時は π^- ビーム通過領域のみを、2019 年の本ビームタイムでは π^\pm 両ビーム の通過領域を不感にした.なお、TOF の典型的な時間分解能は $\sigma = 125$ ps と見積もら れている.

■飛跡測定用検出器

マグネット上流に設置された SFT, SDC1 と下流に設置された SDC2, SDC3 は不感領域 を FHT1, FHT2 でカバーしつつ飛跡の再構成を行い,散乱粒子の運動量を求める.具体的 には,オフライン解析にて KURAMA マグネットの上流と下流で得られるそれぞれの直線ト ラックを磁場マップと Runge-Kutta 法によってつなぎ合わせることで,最適化された運動量 を求めている.

• SFT

SFT(Scattered Fiber Tracker)は本実験用に開発されたファイバー検出器である. KURAMA スペクトロメータの飛跡測定用検出器の中で最上流に設置されている. x, u, v 層から形成されており,各層はBFT の構造と同様にそれぞれ2層を互い違いに 並べてある.ここで,x層については直径1 mm のシンチレーティングファイバーを 256 本 ×2 層鉛直方向に並べており,u, v層については直径 0.5 mm のシンチレーティ ングファイバーを 240 本 ×2 層左右にそれぞれ 45° 傾けて並べてある.読み出しには MPPC を使用し,u, v層に限ってはファイバー3本を1 つの MPPC で読み出してい る [18].

• SDC1

SDC1 (Scattered Drift Chamber1) は SFT の直後に設置される MWDC である. BC3 と同様に上流から x, x', v, v', u, u' の順に 6 層で形成されており, 鉛直方向に張られる x 層に対して v 層は 15°, u 層は -15° 傾いて張られている. センスワイヤーの間隔は 6 mm で 1 層について計 64 本張られており, x', v', u' 層はそれぞれ x, u, v 層に対して ワイヤー間隔の半分の 3 mm ずらして張られている [19].
• SDC2, SDC3

SDC2, SDC3 (Scattered Drift Chamber2, Scattered Drift Chamber3) はマグネッ ト下流に設置された MWDC である. それぞれ 4 層から形成され,上流から SDC2 の x, x', y, y', SDC3 の y, y', x, x' の順に並べられている. x 層は鉛直方向に張られるの に対して y 層は水平方向に張られている. センスワイヤーの間隔は SDC2 が 9 mm, SDC3 が 20 mm となっており, x', y' 層は x, y 層に対してワイヤー間隔の半分だけず らして張られている. ワイヤー数は SDC2 が 1 層につき 128 本ずつ, SDC3 は x 層 1 層につき 96 本, y 層 1 層につき 64 本である. また,本実験において π ビームの通過 領域は高計数率のため検出器が動作しないことが予想されるため,ポテンシャルワイ ヤーに電圧をかけず不感領域とした. 具体的には, SDC2 はビーム中心から x 方向 ±45 mm, y 方向 ±25 mm の帯が作る十字部分が不感領域で, SDC3 はビーム中心から x 方 向 ±98 mm, y 方向 ±40 mm の帯が作る十字部分が不感領域である.

• FHT1, FHT2

FHT1, FHT2 (Fine Segmented Hodoscope1, Fine Segmented Hodoscope2)はSDC2, SDC3 の不感領域をカバーするために開発されたプラスチックシンチレーション検出器 である. それぞれ 4 層から形成されており,FHT1 は SDC2 の不感領域を覆うように 上下前後に各一層ずつ配置され,FHT2 は SDC3 の不感領域を覆うように上下前後に 各 1 層ずつ配置されている.FHT1 は 48 個,FHT2 は 64 個のセグメントから構成さ れ,1 つのセグメントの大きさは 6 mm×550 mm×2 mm である.各セグメントは 2 [mm] のオーバーラップをもって互い違いに並んでいる.各セグメントに埋め込まれた 波長変換ファイバーの端から MPPC で読み出しを行った.

■トリガー用検出器

• SCH

SCH (Scattered Charged Hodoscope) はマグネット内部に設置されたプラスチックシ ンチレーション検出器である. 64 個のセグメントから構成され, 1 つのセグメントの大 きさは 11.5 mm×450 mm×2 mm である. 各セグメントは 1 mm のオーバーラップを もって互い違いに並んでいる. 各セグメントに埋め込まれた波長変換ファイバーの端か ら MPPC で読み出しを行った. 大強度ビーム対策として, ビーム通過領域の 8 つのセ グメントはトリガーには参加させなかった.

• SAC

SAC は Σ 生成に伴う K^+ の同定において主なバックグラウンドとなる π の除去を目 的として本実験用に開発されたエアロゲルチェレンコフ検出器である.一方で本研究で は、SAC を用いたトリガーによって除去しきれなかった散乱 π を含む実験データを用 いて Λ*p* 散乱が検出可能か否かを解析したことに注意されたい. SAC 輻射体は屈折率 1.10 のシリカエアロゲルで,4つに区切られた部屋の中に敷詰め られている.なお,各部屋はビーム通過領域を避けるように配置されており,計数率の バラつきを抑えるためにビーム中心から遠い部屋ほど体積が大きく設計されている.マ グネットの中に設置するため,読み出しには磁場耐性のあるファインメッシュタイプの PMT を用いた [22].

2.1.4 トリガーロジック

データ収集効率の向上のためには高い DAQ efficiency を維持する必要がある.そのため にはバックグラウンドを効率良く排除し、トリガーレートを可能な限り抑えられるトリガー ロジックの構築が不可欠である.本実験においてトリガーロジックは「Level1 Trigger」と 「Level2 Trigger」の2段階で構成されている.

Level1 Trigger 信号は「HUL Trigger」と「Matrix Trigger」の2つの信号によって作られている. HUL Trigger は (π, K) 反応をタグする信号を作っており, Matrix Trigger は3つの検出器におけるヒットパターンから電荷と運動量が (π, K) 反応に対応するものを選択する.

Level2 Trigger 信号は「Mass Trigger」によって作られている. Mass Trigger は SCH と TOF のヒットセグメントと時間情報から散乱粒子の飛行時間を計算し,粒子の質量によって 生じる飛行時間差から粒子識別を行っている. トリガーシステムの概略図を図 2.5 に示す. こ こで, Master Trigger Module (MTM) は Level1 Trigger, Level2 Trigger 信号を取りまと めるモジュールで,各検出器へのトリガー信号の配布や DAQ の Busy 管理を行うことでイベ ントごとの対応を取っている.



図 2.5: トリガーシステムの概略図.

Level1 Trigger

Level1 Trigger では 5 つの検出器(BH2, SAC, TOF, SFT, SCH)の信号が用いられて いる.特に TOF カウンターでは MIP 粒子を検出する閾値を設定した logic 信号と,陽子検出 を目的として高い閾値を設定した logic 信号(TOF-HT)の2種類の信号を使い分けている. HUL Trigger で「BH2_K」と呼ばれる信号が,Matrix Trigger で「Matrix」と呼ばれる信号 がそれぞれ作られる.これらの信号に加えて BH2 信号のコインシデンスを取ることで Level1 Trigger が生成される.

この BH2 信号のタイミングは「Final Timing」と呼ばれており,全検出器の読み出しの基準時間を決定している.また,大強度ビーム対策として BH2 信号はセグメントごとに TOF などとの coincidence をとった後,計8 個の論理和を作っている. Level1 Trigger が作る信号 L1 の定義を式 (2.1) に示す.

$$L1 \equiv BH2 \times BH2_K \times Matrix$$
(2.1)

• HUL Trigger

HUL Trigger では (π, K) 反応をタグするため,標的上流の時間検出器である BH2 と 標的下流の時間検出器である TOF カウンターでコインシデンスを取っている.このと き,SAC はエアロゲルの通過速度が閾値を超える粒子の場合のみ光るため,veto 信号 との論理積を取ることで散乱 π を除去できるように設定されている.

さらに,TOF-HT は TOF でのエネルギー損失が大きく高く設定された閾値を超えた ときのみ信号を出すので,低運動量の陽子の同定に用いることができ,veto 信号として 用いることでこのような陽子の除去を行う.HUL Trigger が作る信号 BH2_K の定義 を式 (2.2) に示す。

$$BH2_{K} \equiv BH2 \times TOF \times \overline{SAC} \times \overline{TOF} - HT$$
(2.2)

• Matrix Trigger

Matrix Trigger では, KURAMA スペクトロメータの検出器である SFT-X の 48 セ グメント, SCH の 56 セグメント, TOF カウンターの 24 セグメントが用いられ, $48 \times 56 \times 24 = 64512$ のヒットパターンの中から最適なパターンのときのみ信号を作る. これは, 電荷と運動量を選択していることに相当し,「3D Mtx」と呼ばれる. このと き, π ビームと思わしき事象に対しては SCH と TOF カウンターのヒットパターンか ら「2D Mtx」と呼ばれる信号が作られ, veto 用に使われる. Matrix Trigger が作る信 号 Matrix の定義を式 (2.3) に示す.

$$Matrix \equiv 3DMtx \times \overline{2DMtx}$$
(2.3)

■Level2 Trigger

Level2 Trigger は Mass Triger によって作られる信号である. Level1 Trigger で各モジュー ルの AD 変換が開始された際,そのデータを転送するか,クリアするかを判別する.

• Mass Trigger

Mass Trigger には SCH と TOF カウンターが用いられる. モジュール内で Levell Trigger を受け, TOF の TDC を計測する. 2 つの検出器のヒットパターンごとに適切 な時間幅をレジスタに設定し, 計測した TOF の TDC の値がこの時間幅内にある場合 のみ L2 信号が作られる. これは粒子の質量を選択していることに相当する. なお, L2 信号が出力されない場合はクリア信号を MTM 経由ですべてのモジュールに送信し, AD 変換されたデータを PC に転送せずにクリアする.

2.2 J-PARC E40 実験データを用いた本研究の目的

J-PARC E40 実験では KURAMA スペクトロメータを構成する SAC によって π の除去を 行ったことを先に述べた.その効率は約 99% であり、本来飛来した π のうちの約 1% が除去 しきれずデータに含まれうる.本研究の目的は J-PARC E40 実験において Σ^- 生成の際に除 去しきれなかった (π^-, K^0)反応のデータを解析し、新たな K^0 再構成手法と Λp 散乱事象同 定手法を用いて Λp 散乱事象の同定具合を見積もることで、J-PARC で計画されている次世代 Λp 散乱実験が実現可能か確認するとともに解析手法の有効性を検証することである.

第3章 Λ生成事象の同定

当章では、E40 実験で測定された $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応による Λ 生成事象の同定について述べる. この同定数が Λp 散乱事象の統計数に直接影響するため、できる限り多くの Λ 生成事象を同定する必要がある. 一方、生成した Λ ビーム量を正しく見積もるためには可能な限り少ないバックグラウンド下で Λ 生成事象を同定することが望ましい.本研究では、双方の側面において同定精度を向上させることを念頭に解析を行った.

3.1 散乱 *K*⁰ 識別

我々は $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^+ を前方の磁気スペクトロメータで, π^- を標的回り の円筒型検出器で別々に検出した後,運動学を解いて $\pi^-p \to K^0X$ 反応に対する missing mass を求める. Λ 生成が起きた場合, この missing mass は Λ の質量 $m_{\Lambda} = 1.116$ GeV/c² 付近にピークをもつはずである.本研究では E40 実験データに上記の解析手法を適用し, $\pi^-p \to K^0\Lambda$ 反応による Λ 生成事象の同定具合を見積もった.すなわち, E40 実験セット アップを考慮して, $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^+ を「KURAMA」が, π^- を CATCH が検出 したときのイベントを解析した.このときの概略図は図 1.9 を参照されたい.当節では解析に 用いた Λ 生成事象同定のために用いる K^0 再構成手法の詳細を述べる.

3.1.1 質量スペクトル

散乱粒子の質量 m_{scat} は運動量 p、飛行距離 L、飛行時間 t を用いると次式で定義できる.

$$m_{scat} = \frac{p}{c} \sqrt{\frac{(ct)^2}{L^2} - 1}$$
(3.1)

KURAMA スペクトロメータでは各検出器の位置情報から粒子の飛跡を再構成している. このとき, KURAMA マグネットの上流,下流から得られる直線 track を磁場マップと Runge-Kutta 法によってつなぎ合わせることで尤もらしい運動量 p_{KURAMA} を求める.また,標的 中心から TOF カウンターまでの飛行距離 L_{TOF} も飛跡情報から得ることができる.飛行時 間は,BH2-TOF カウンター間の時間差から BH2-反応点間の距離をイベント毎に求め, π^- ビームの飛行時間 Time_{target} を差し引くことで,標的中心-TOF カウンター間の散乱粒子の 飛行時間 t_{TOF} を求める.上記で得られた p_{KURAMA} , L_{TOF} ,および t_{TOF} を用いて式 (3.1) を解き散乱粒子識別を行う. 本研究では (π^-, K^0) 反応が起きたと思われる E40 実験 by-product データのみを用いた. つまり, $\pi^- p \to \Sigma^- K^+$ 反応による K^+ を KURAMA スペクトロメータが捕らえたイベント は含めず, $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応による K^0 の $K^0 \to \pi^+ \pi^-$ 崩壊による π^+ を KURAMA スペク トロメータが捕らえた場合を想定している.

また散乱粒子の電荷識別には, KURAMA マグネット通過時にかかる磁場 **B** によって荷電 粒子の飛跡が曲げられることを利用する.このとき,粒子にかかるローレンツ力を式 (3.2) に 示す.

$$\boldsymbol{F} = q\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B} \tag{3.2}$$

ローレンツ力は粒子が正電荷の場合に速度ベクトル v と,磁場ベクトル B の外積(ベクト ル積)方向に,負電荷の場合にその逆方向にかかる.したがって,下から上へ磁場がかかる KURAMA マグネットを通過する粒子の進行方向は,正電荷の場合にビーム上流からみて右 方向へ,負電荷の場合に左方向へローレンツ力によって曲げられる.粒子の飛跡が曲げられる ことによって SCH と TOF のヒットセグメントに相関がみられ,散乱荷電粒子の電荷識別が 可能となる.この概略図を図 3.1 に示す.



図 3.1: KURAMA マグネットによって飛跡が曲げられる荷電粒子の飛跡の概略図. 正, 負電 荷をもつ散乱粒子の例として π^+ と π^- を図に示している.

3.1.2 $K^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ 崩壊を利用した K^0 の運動量ベクトル再構成手法

 $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊によって生じる 2 つの π について, π^+ を前方の磁気スペクトロメー タで, π^- を標的周りの円筒型検出器群で測定する. 2 つの π の飛跡のなす角 $\theta_{\pi\pi}$ (opening angle) は各々の飛跡情報から求められる.

ー般的な粒子再構成手法では π^+ , π^- の運動量ベクトルとそれらの $\theta_{\pi\pi}$ を用いて運動学を 解き,再構成された粒子の質量(invariant mass, m_{inv})が K^0 の質量 m_{K^0} と等しくなるこ とを要求する.しかし,本研究における K^0 再構成手法は逆の手順を用いる.これは E40 実 験では多くの π^- が BGO を貫通してしまい,そのエネルギーを正しく測定することができな いためである.したがって,本研究では π^+ の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^+}}$ を KURAMA スペクトロ メータから, π^- の方向ベクトルを CATCH から求めた.

新たな K^0 再構成手法の具体的な手順としては, $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^+ の運動量ベ クトル $\overrightarrow{p_{\pi^+}}$, π^- の方向ベクトル $\overrightarrow{r_{\pi^-}}$, および $\theta_{\pi\pi}$ から再構成された粒子の不変質量 m_{inv} が K^0 の質量 m_{K^0} と一致するように, π^- の運動量の絶対値 p_{π^-} を決定する. これにより π^- の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-}}$ が求まる. こうして得られた π^+ , π^- の運動量ベクトルを用いて $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass を求め, Λ 生成事象を同定している. ここで π^- の 運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-}}$ の決定手法の詳細を以下に示す.

$\blacksquare K^0$ 崩壊の opening angle $\theta_{\pi\pi}$ を用いた散乱 π^- の運動量決定手法

 $K^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ 崩壊運動学の計算は重心系(以降, CM系)で行う.なお、この反応を実験室系(以降, LAB系)で表すと図 3.2 のようになる.



図 3.2: K^0 崩壊の CM 系での概略図. 2 つの π から再構成された粒子の不変質量 m_{inv} が K^0 の質量 m_{K^0} と一致するように, opening angle $\theta_{\pi\pi}$ を用いて運動学を解くことで π^- の運動量の絶対値 p_{π^-} を求める.

 $K^0 \to \pi^+ \pi^-$ 崩壊による π^+ の運動量を p_{π^+} とすると、その全エネルギー E_{π^+} は式 3.3 で 表される.

$$E_{\pi^+} = \sqrt{p_{\pi^+}^2 + m_{\pi^+}^2} \tag{3.3}$$

エネルギー保存則と運動量保存則を用いて $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊の運動学を解くと, 求めたい π^- の運動量について正負 2 つの解を得るが, 今回は運動量の絶対値として式 (3.4) で示す正の解 を採用した.

$$p_{\pi^{-}} = \frac{(A \cdot p_{\pi^{+}} \cos \theta + \sqrt{B})}{E_{\pi^{+}}^{2} - p_{\pi^{+}}^{2} \cos^{2} \theta}$$
(3.4)

このとき,式(3.4)における A, B は式(3.5),式(3.6)のように定義される.

$$A = \frac{m_{K^0}^2 - (m_{\pi^+}^2 + m_{\pi^-}^2)}{2}$$
(3.5)

$$B = (A \cdot p_{\pi^+} \cos \theta)^2 - (E_{\pi^+}^2 - p_{\pi^+}^2 \cos^2 \theta)(E_{\pi^+}^2 m_{\pi^-}^2 - A^2)$$
(3.6)

■生成 Λ 同定に向けた K^0 の運動量ベクトル再構成手法

上記で求めた π^- の運動量の絶対値 p_{π^-} と, CATCH で測定した π^- の方向ベクトル $\overrightarrow{r_{\pi^-}}$ の積から π^- の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-}}$ を求める.そして, KURAMA スペクトロメータで測定 した π^+ の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^+}}$ と, π^- の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-}}$ を用いて K^0 の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{K^0}}$ を次式で求めることができる.

$$\overrightarrow{p_{K^0}} = \overrightarrow{p_{\pi^+}} + \overrightarrow{p_{\pi^-}} \tag{3.7}$$

なお次節で述べる生成 Λ 同定手法では、入射 π^- ビームの運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-beam}}$ と、再構成した K^0 の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{K^0}}$ を用いて静止陽子標的に対して missing mass 法を施す.

■CATCH,および KURAMA における粒子識別

前述した K⁰ 再構成手法では KURAMA スペクトロメータと CATCH 双方の情報を用いて いる. CATCH は粒子の三次元飛跡追跡を行うファイバー検出器 (CFT),粒子の運動エネル ギーを測定する BGO カロリメータ,および粒子が BGO カロリメータを貫通したか否かを確 認するプラスチックシンチレータ検出器 (PiID カウンター)から構成される. CATCH へ散 乱粒子が入射した際の概略図を図 3.3 に示す.

CATCH での粒子識別は、ファイバー検出器 CFT でのエネルギー損失 ΔE_{CFT} と、BGO カロリメータで測定される全エネルギー E_{BGO} の相関を用いる(ΔE -E 法). この手法は、陽 子の飛行速度 β が小さいためにファイバーでのエネルギー損失が大きく β 依存性が強いのに 対し、 π は Minimum Ionizing Particle(MIP)領域の方が多く、一定のエネルギー損失を示 すという性質の相違点を利用したものである. ここで ΔE は CFT での 1 層あたりのエネル



図 3.3: CATCH 検出器群の構成および液体水素標的内部での反応を示した概略図.

ギー損失であり,各層でのエネルギー損失の和を飛跡追跡に使用したレイヤー数で割ることで 規格化している.なお, ΔE は散乱粒子が通過したファイバー長に比例するため, π^- ビーム 軸と平行に張られた CFT の ϕ 層でのエネルギー損失は粒子の入射角度 θ によって大きく変化 する.したがって, ϕ 層でのエネルギー損失は sin θ をかけることで補正している.

ここで E40 実験で得られた,散乱粒子の CFT におけるエネルギー損失と BGO カロリメー タで測定した全エネルギーの相関を図 3.4 に示す.本研究で構築した K^0 再構成手法を行う際 は図中の赤線を指標として π を識別し,解析に適した情報を取得するようにしている.同様 に K^0 再構成手法を行うにあたって KURAMA スペクトロメータでは π^+ を選択する.この とき用いるのは KURAMA スペクトロメータで測定された散乱粒子の運動量とその質量二乗 の相関である (図 3.5).



図 3.4: 散乱粒子の CFT におけるエネルギー損失 (ΔE) と BGO カロリメータで測定した全 エネルギー (E)の相関図.赤線は測定された π の分布を囲んでいる.



図 3.5: 散乱粒子の KURAMA において測定された運動量と質量二乗の相関図.赤線で π^+ を 選択した.

3.2 A 生成事象同定

第1章で述べたように,我々は $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^+ を KURAMA スペクトロメー タで, π^- を CATCH で別々に測定し K^0 を再構成した後, $\pi^-p \to K^0\Lambda$ 反応が起きたと仮定 して $\pi^-p \to K^0X$ 反応に対する missing mass を求め, Λ 生成事象を同定する.

3.2.1 $\pi^- p \rightarrow K^0 X$ 反応に対する missing mass 法

 Λp 散乱事象の統計精度を向上するには,過去実験と比較して圧倒的な Λ ビームの収量が必要となる. この場合,高レートビーム下でも有効な生成ハイペロン同定手法を用いる必要があるため,運動学による Λp 散乱同定手法を採用する.次世代 Λp 散乱実験では, $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass 法を用いて求まる粒子 X の質量 m_{mis} が Λ の質量 m_{Λ} と等しいとき,図 3.6 に示すような $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応が起きたとみなす.



図 3.6: $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応の概略図. π^- ビーム軸から再構成された K^0 がなす角 θ_{K^0} は,再構成した運動量ベクトルから求められる.

K1.8 ビームラインスペクトロメータで測定される入射 π^- ビームの運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-}}$ と, 散乱 K^0 の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{K^0}}$ から得られる $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass (m_{mis}) は (3.8) 式から求められる.

$$m_{mis} = \sqrt{\left(\sqrt{|\vec{p}_{\pi^-}|^2 + m_{\pi^-}^2} + m_p - \sqrt{|\vec{p}_{K^0}|^2 + m_{K^0}^2}\right)^2 - (\vec{p}_{\pi^-} - \vec{p}_{K^0})^2}$$
(3.8)

$$=\sqrt{m_{\pi^-}^2 + m_p^2 + m_{K^0}^2 + 2(m_p E_{\pi^-} - m_p E_{K^0} - E_{\pi^-} E_{K^0} + p_{\pi^-} p_{K^0} \cos \theta_{K^0})} \quad (3.9)$$

3.2.2 $\pi^- p \rightarrow K^0 X$ 反応に対する missing mass へのカット条件

 (π^-, K^0) 反応で missing mass を求めると Λ $(m_{\Lambda} = 1.116 \text{ GeV}/c^2)$ のピークと Σ^0 $(m_{\Sigma^0} = 1.192 \text{ GeV}/c^2)$ のピーク双方が確認される. しかし,解析では K^0 を同定していないため 2 つのピークの下には主に $\pi^- p \rightarrow \pi^- \pi^- \pi^+ p$ 反応 (Multiple π production) や,散乱粒子が標的容器と衝突して生じる想定外の反応が要因のバックグラウンドが存在する. このようなバッ クグラウンド全てを解析カットによって除去することは極めて困難であるが,飛跡の物理的な位置関係の妥当性を担保するカットを施すことで missing mass (以下, MM_{Λ}) の S/N を改善することができる.

$\blacksquare K^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ 崩壊の運動学的特徴

 $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する MM_{Λ} のバックグラウンドを減らすため、 $\theta_{\pi\pi}$ ($K^0 \to \pi^+ \pi^-$ 崩壊による 2 つの π がなす角) について制限をかける.制限範囲はシミュレーションで作成 した Λ 生成事象から得られた $\theta_{\pi\pi}$ の分布を参照し決定する.ここで、シミュレーションによ る $\theta_{\pi\pi}$ 分布と、E40 実験データから得られた全 run 分の $\theta_{\pi\pi}$ 分布を伏せて図 3.7 に示す.な お、シミュレーション(青線)のイベント数は E40 実験データ(赤線)のイベント数で規格化 してある.



図 3.7: $\theta_{\pi\pi}$ についてカット範囲を決定するために参照したシミュレーションによる $\theta_{\pi\pi}$ 分布 (青線) と, E40 実験データから得られた全 run 分の $\theta_{\pi\pi}$ 分布 (赤線). シミュレーションの イベント数は E40 実験データのイベント数で規格化してある.

図 3.7 の青線から、 Λ 生成事象のみ起きた場合は $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$ となることがわかる.したがって、 $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊を運動学的に制限するカットとして「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$ であること」を導入す

ることとした. なお, 図 3.7 の赤線に $\theta_{\pi\pi} > 90^{\circ}$ のイベントが含まれている要因は, K^{0} を同 定していないことによって紛れ込む Multiple π production をはじめとするバックグラウンド や, $\Lambda \to \pi^{-}p$ 崩壊による π^{-} を間違えて K^{0} 再構成手法に用いてしまっていることが挙げら れる. 前者については想定される反応をシミュレーションによってそれぞれ再現し, 影響を見 積もる必要がある. 後者については現時点で使用している解析プログラムを改良することで解 決できると考えている.

E40 実験データ解析において、「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$ であること」を要求すると $\pi^{-}p \rightarrow K^{0}X$ 反応に 対する MM_{Λ} 分布は図 3.8 のようになる. 前述した通り,解析では K^{0} を同定していないた め Λ, Σ^{0} ピークの下に依然としてバックグラウンドは残るが、本研究で新たに構築した K^{0} 再構成手法によって、厳しいカットを施さなくても生成された Λ のピークを確認することが 充分可能であることがわかった.また、E40 実験で用いられた KURAMA スペクトロメータ の運動量分解能が約 1% だったのに対し、次世代 Λp 散乱実験では運動量分解能が約 0.1% の SKS スペクトロメータを用いるため、得られる missing mass 分解能も図 3.8 より改善される ことが期待されている.



図 3.8: $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する MM_{Λ} . ここでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^\circ$ であること」を要求している. 解析では K^0 を同定していないため, Λ , Σ^0 ピークの下に依然としてバックグラウンドは残る.

3.3 A ビームの収量の見積もり

まず K^0 再構成手法を用いて同定できる Λ 生成事象数がどの程度が確認するため,図 3.8 に 示した Λ ピークとその下のバックグラウンドをガウス関数と指数関数を足し合わせた関数で フィッティングし,求まった関数の積分値をヒストグラムの各ビンの重みで割ることで,生成 Λ とバックグラウンドの事象数を見積もった.フィッティング関数の積分は, Λ ピークとし て得られたガウス関数の標準偏差 σ を用いて中心値から ±3 σ 分の領域で行った.図 3.9 に求 めたフィッティング関数を MM_{Λ} 分布とともに示す.このとき得られたイベント数の見積も りを行った領域の最小値 m_{min} ,最大値 m_{max} , Λ 生成事象数 N_{Λ} ,バックグラウンド事象数 N_{BG} ,および S/N は表 3.1,表 3.2 にまとめた.



図 3.9: 図 3.8 の *MM*_Λ に対するフィッティング結果.ガウス関数と指数関数を足し合わせた 関数で Λ ピークとその下のバックグラウンドをフィッティングしてある.赤線はフィッティ ング関数,ピンク点線はバックグラウンドの関数,緑斜線は Λ ピークの関数とその積分領域を 示す.

前者は積分区間 $m_{min} < MM_{\Lambda} < m_{max}$ における結果であり,後者は後述する Λp 散乱事 象同定手法を適用する区間 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ における結果である.

表 3.1: E40 実験データの MM_{Λ} のフィッティング結果 (MM_{Λ} が中心値から ±3 σ 分の領域).

m_{min}	m_{max}	N_{Λ}	N_{BG}	S/N
1.07	1.16	4.80×10^5	$3.27{ imes}10^6$	0.147

前述した通り,本研究では限られた統計数のなかで新たな Ap 散乱事象同定手法を構築する

表 3.2: E40 実験データの MM_{Λ} のフィッティング結果(1.07 < MM_{Λ} < 1.17 GeV/c² の 領域).

m_{min}	m_{max}	N_{Λ}	N_{BG}	S/N
1.07	1.17	$4.81{\times}10^5$	$3.66{\times}10^6$	0.131

必要があった.したがって、 Λ 生成事象同定数は可能な限り減らさずに解析を進めたいと考 え、後述する Λp 散乱事象同定では missing mass 領域 $1.07 < MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ を選択 することとした.これにより、最終的な Λp 散乱事象同定数が Λ ビーム数の 0.01% 程度であ ると仮定したとしても、少なくとも数 10 イベントは同定できると考えられる.

3.3.1 *K*⁰ の *π*⁻ ビームとの最近接距離, 飛行距離

 K^0 を解析で同定することはできないが、 K^0 の π^- ビームとの最近接距離 cdist_{K^0,\pi^-}と、 飛行距離に関するカットを施すことで Λ 生成事象をさらに選別する.

ここで Λ 生成事象のみのシミュレーション, E40 実験データから得られた cdist_{K⁰,π⁻} の分 布を図 3.10 の左右に示す. このとき「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$,かつ 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17$ GeV/c² である こと」を要求している.シミュレーション結果を参照し今回は「cdist_{K⁰,π⁻} < 10 mm である こと」をカット条件として採用することとした. 同様に K⁰ の生成点と崩壊点の位置の差につ いてもシミュレーションからカット条件を決定し, x, y, z 成分について $-100 \sim 100$ mm 領域 内であることを要求することでイベントを選別した.



図 3.10: K^0 の π^- ビームとの最近接距離 cdist_{K^0,\pi^-} (左:シミュレーション,右: E40 実験 データ). このとき「 $\theta_{\pi\pi} < 90^\circ$,かつ 1.07 $< MM_\Lambda < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求している.

以上のカットを要求した後得られた ΜΜΛ 分布をフィッティング関数とともに図 3.11 に示

す. このとき得られたフィッティング結果は表 3.3 にまとめた. 図 3.8 と比べて Λ ピークの幅 が細くなり Σ^0 と区別しやすくなったものの, Multiple π production をはじめとするバック グラウンドを完全に除去できてはいない. したがって次章で述べる散乱事象同定では,運動学 計算から得られる情報を用いてさらにイベント選別する必要がある.



図 3.11: $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する MM_{Λ} . ここでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^\circ$, $\operatorname{cdist}_{K^0,\pi^-} < 10$ [mm], K^0 の生成点と崩壊点の位置の差が x, y, z 成分について $-100 \sim 100$ [mm] 領域内であるこ と」を要求している. Λ ピークの幅が細くなる傾向が確認できたが, K^0 を同定していないこ とによるバックグラウンドを完全に除去できてはいない.

表 3.3: K^0 に関するカットをかけた後の E40 実験データの MM_{Λ} のフィッティング結果 (1.07 < MM_{Λ} < 1.17 GeV/c² の領域).

m_{min}	m_{max}	N_{Λ}	N_{BG}	S/N
1.07	1.17	4.22×10^{5}	$2.02{ imes}10^6$	0.209

3.3.2 生成 A の運動量領域

 Λp 散乱事象同定に用いる Λ ビームの運動量領域を見積もる. ここで「1.07 < MM_{Λ} < 1.17 GeV/c², $\theta_{\pi\pi}$ < 90°, cdist_{K⁰,π⁻} < 10 mm, K^0 の生成点と崩壊点の位置の差が x, y, z 成分に ついて -100 ~ 100 mm 領域内であること」を要求したときの $\pi^- p \rightarrow K^0 X$ 反応の missing momentum 分布について,シミュレーションと E40 実験データの結果を図 3.12 の左右にそ れぞれ示す. 左のシミュレーション結果は Λ 生成事象のみを示しているのに対し,右の E40 実験データは除去しきれていないバックグラウンドを含むことに注意されたい. しかし,どち らも概ね同様の分布構造をもつことが確認できる.本研究では,Λビーム運動量が低すぎたり 高すぎると検出器のアクセプタンスに収まらない可能性が高まることを避けつつ,構築した解 析手法によって散乱事象を見積もれるか確認したいため,0.30 ~ 0.65 GeV/c の運動量領域に おけるΛビームを用いて Λp 散乱微分断面積を導出することとした.



図 3.12: $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing momentum 分布(左:シミュレーション,右: E40 実験データ). このとき「 $\theta_{\pi\pi} < 90^\circ$, cdist_{K⁰,\pi⁻} < 10 mm, K⁰ の生成点と崩壊点の位 置の差が x, y, z 成分について -100 ~ 100 mm 領域内であること」を要求している.

次章では以上で選別した Λ 生成事象を用いて行った Λp 散乱事象同定手法について述べる.

第4章 Ap 散乱事象の同定

当章では第3章で同定した Λ 生成事象に対し, CATCH 検出器群を用いた解析から Λp 散 乱事象を同定する.このとき, CATCH が検出した粒子の組み合わせによって 3 通りの解析 ケースを用意した.それぞれのケースに適したカット条件を施し運動学的に Λp 散乱事象を担 保することで,効率的に Λp 散乱事象同定数を増やすことが可能となる.

また, Λp 散乱事象とともに生じるバックグラウンドを除去することも非常に重要である. 本研究では,主なバックグラウンドとして $\pi^- p \to \pi^+ \pi^- \pi^- p$ 反応 (Multiple π production) をシミュレーションで作成し,その影響を検証した.図 4.1 からわかるように Multiple π production では π^+ と π^- の vertex が π^- ビーム軸と一致するため, $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応と 間違えて解析された場合,第3章で適用した「cdist_{K⁰,π⁻} < 10 mm,かつ K^0 生成点と崩 壊点の位置の差が x, y, z 成分について $-100 \sim 100$ mm 領域内」というカット条件では除去 できない.また,この反応による π^- と陽子の質量和は約 1.078 GeV/c² であり, Λ の質量 $m_{\Lambda} = 1.116$ GeV/c² と比較的近い値をとるため, K^0 再構成を施し missing mass を求めると 上記のカットだけでは除去し切れない大きなバックグラウンドが形成されると考えられる.

こうした Multiple π production をはじめとするバックグラウンド構造の理解を進めるにあたって、本研究では $\pi^- p \to \pi^+ \pi^- \pi^- p$ 反応をシミュレーションで作成し、構築した Λp 散乱 事象同定手法にどの程度影響を及ぼすか検証した.



図 4.1: $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応に対する主なバックグラウンドとなる $\pi^- p \to \pi^+ \pi^- \pi^- p$ 反応 (Multiple π production)の概略図. $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応とは異なり, Multiple π production では $\pi^+ \geq \pi^-$ の vertex が π^- ビーム軸と一致するため, 第3章で適用した「cdist_{K⁰,π⁻} < 10 mm, かつ K^0 生成点と崩壊点の位置の差が x, y, z 成分について –100 ~ 100 mm 領域内」と いうカット条件では除去できない.

本研究で構築した Λp 散乱事象同定手法では、少なくとも 2 つの陽子が CATCH で検出 されたとき、反跳陽子の散乱角度を用いて運動学から求まるエネルギー値 $E_{p',calc}$ と実測値 $E_{p',measure}$ の一致を評価し散乱事象を同定する (ΔE 法).また、散乱 Λ が同定された場合も 同様の解析を散乱 Λ の運動量に対して行う (Δp 法).

4.1 検出された粒子の組み合わせによる解析ケース

当節では、 Λp 散乱事象の解析効率を向上させるため、CATCH の検出粒子の組み合わせに よって用意した 3 通りの解析ケースについて述べる.

4.1.1 ケース1: CATCH が π 2個,陽子p1個を検出した場合

ケース 1 では CATCH が $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による π^- と陽子を 検出した場合を想定している.このときの CATCH 検出器群と標的内部での反応を図 4.2 に 示す.



図 4.2: ケース 1 での CATCH 検出器群と標的内部での反応の概略図.ケース 1 では CATCH が $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊による π^- と陽子を検出した場合を想定して いる.

ケース1では Λp 散乱後の散乱 Λ による $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊が検出されることを想定しており, 検出器のアクセプタンスは最も大きい. 散乱 Λ として再構成された粒子の散乱角度を選ぶこ とで, Λp 散乱を起こさないまま崩壊する Λ ビームと, 散乱を起こした Λ ビームを区別するこ とは可能である. しかし, $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊を仮定し再構成される粒子の質量 (π^- と陽子の不 変質量 m_{inv}) が Λ の質量 m_{Λ} と等しくなることを要求するため, バックグラウンドも Λ とし て解析してしまうことがある. また, MM_{Λ} に含まれるバックグラウンドが依然として多く Λ 生成事象同定に改善の余地があるうえ, ケース1 で検出する粒子の組み合わせは図 4.1 に示し た Multiple π production を検出してしまう場合と同じであるため,現時点で Λp 散乱のみを ケース 1 から絞り込むのは比較的難しいと考え,今回はケース 1 はあえて使用しなかったこと に注意されたい.しかし,先に述べたように MM_{Λ} の S/N を改善し Λ 生成事象同定精度を 向上させることができれば,ケース 1 からの微分断面積導出も大いに可能と考えられる.

4.1.2 ケース 2: CATCH が π 1 個, 陽子 p 2 個を検出した場合

ケース 2 では CATCH が $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , Λp 散乱による反跳陽子, および $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による陽子を検出した場合を想定している. このときの CATCH 検出器群と標 的内部での反応を図 4.3 に示す.



図 4.3: ケース 2 での CATCH 検出器群と標的内部での反応の概略図.ケース 2 では CATCH が $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , Λp 散乱による反跳陽子,および $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊による陽子 を検出した場合を想定している.

ケース 2 では、 Λp 散乱と散乱 Λ による $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊を想定しており、検出器のアクセプ タンスは 2 番目に大きい.反跳陽子の情報を用いた運動学から求まるエネルギー値 $E_{p',calc}$ と 実測値 $E_{p',measure}$ の一致を評価し散乱事象を同定する(ΔE 法)が、 $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊を担保 していないため、バックグラウンドと Λp 散乱を区別しづらいことが難点である.主なバック グラウンドである Multilpe π production を除去するため、「CATCH の陽子検出数が 2 個で あること」を要求しているが、散乱粒子の re-scattering 等によって陽子が 2 個 CATCH へ入 射してしまう場合も少なからず存在する.他にも $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による生成粒子が標的内陽子 とさらに散乱を起こすイベントも存在しうる.したがって、これらのバックグラウンドを除去 するようなカット条件をさらに適用しイベント選別する必要がある.なお、今後は予想される バックグラウンド事象をそれぞれシミュレーションで作成し、 Λp 散乱事象同定手法に及ぼす 影響を見積もることを目標とする.

4.1.3 ケース **3**: CACTH が *π* 2 個, 陽子 *p* 2 個を検出した場合

ケース 3 では CATCH が $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , Λp 散乱による反跳陽子, および $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による π^- と陽子すべてを検出した場合を想定している. このときの CATCH 検出器群と標的内部での反応を図 4.4 に示す.



図 4.4: ケース 3 での CATCH 検出器群と標的内部での反応の概略図.ケース 3 では CATCH が $K^0 \rightarrow \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- , Λp 散乱による反跳陽子,および $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊による π^- と陽子すべてを検出した場合を想定している.

ケース 3 では、 Λp 散乱と Λp 散乱後の Λ による $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊を想定しており、終状態に 現れる全ての粒子を検出することを要求している.反跳陽子と散乱 Λ をそれぞれ同定し、 Δp 法と ΔE 法を併用することでより精密な Λp 散乱事象同定を行うことが可能である.以下に Δp 法、 ΔE 法それぞれの解析手法の詳細を示す.

$\blacksquare \Delta p$ 法

 Δp 法では, π^- と陽子を用いた Λ 再構成手法から得られた散乱 Λ の運動量 $p_{\Lambda'}$ と, このと き得られた散乱角度を用いた運動学計算から求まる $p_{\Lambda',calc}$ との差を評価し, 散乱事象を同定 する. 前者と後者は解析過程が独立しており,双方が同一の Λp 散乱事象を正しく解析してい た場合, $\Delta p = p_{\Lambda'} - p_{\Lambda',calc} \approx 0$ となるはずである. ここで Δp 法の詳しい手順と,その概略 図(図 4.5)を以下に示す.

- ・ 手順 1: 検出した π^- と陽子が $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊によるものと仮定し, その opening angle ($\theta_{\Lambda decau}$)を測定する.
- ・手順 2: K^0 再構成手法と同様に, π^- と陽子から再構成される粒子質量 (m_{inv}) が Λ の質量となるように π^- の運動量 p_{π^-} を決定する.
- ・手順3:再構成された散乱 Λ の運動量 $p_{\Lambda'}$ と散乱角度 $\theta_{scat\Lambda}$ を求める.
- ・手順4:散乱角度 $\theta_{scat\Lambda}$ を用いた運動学計算から散乱 Λ の運動量 $p_{\Lambda',calc}$ を求める.
- ・手順 5:手順 3,4 でそれぞれ得られた散乱 Λ の運動量の差 Δp の一致を評価する. Λp 散乱,および $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊が正しく検出された場合, $\Delta p \approx 0$ となるはずである.

なお、ここで用いた Λ 再構成手法は第 3 章で述べた K^0 再構成手法と同様である. 具体的に は、散乱 Λ の崩壊による陽子の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_p}$, π^- の方向ベクトル $\overrightarrow{r_{\pi^-}}$, および $\theta_{\Lambda decay}$ から再構成された粒子の不変質量 m_{inv} が Λ の質量 m_{Λ} と一致するように、 π^- の運動量の絶 対値 p_{π^-} を求める.

 $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による陽子の運動量を p_p とすると、その全エネルギー E_p は式 4.1 で表される.

$$E_p = \sqrt{p_p^2 + m_p^2} \tag{4.1}$$

エネルギー保存則と運動量保存則を用いて $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊の運動学を解くと,求めたい π^- の 運動量について正負 2 つの解を得るが、今回は運動量の絶対値として式 (4.2) で示す正の解を 採用した.

$$p_{\pi^{-}} = \frac{(A \cdot p_p \cos \theta_{\Lambda decay} + \sqrt{B})}{E_p^2 - p_p^2 \cos^2 \theta_{\Lambda decay}}$$
(4.2)

このとき,式(4.2)における A, B は式(4.3),式(4.4)のように定義される.

$$A = \frac{m_{\Lambda}^2 - (m_p^2 + m_{\pi^-}^2)}{2} \tag{4.3}$$

$$B = (A \cdot p_p \cos \theta_{\Lambda decay})^2 - (E_p^2 - p_p^2 \cos^2 \theta_{\Lambda decay})(E_p^2 m_{\pi^-}^2 - A^2)$$
(4.4)

得られた π^- の運動量の絶対値 p_{π^-} と方向ベクトル $\overrightarrow{r_{\pi^-}}$ の積から, π^- の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\pi^-}}$ が求まる.以上から再構成される散乱 Λ の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\Lambda^\prime}}$ は次式で定義される.こ こではその散乱角度 $\theta_{scat\Lambda}$ も求められる.

$$p_{\Lambda'} = \overrightarrow{p_{\pi^-}} + \overrightarrow{p_p} \tag{4.5}$$

次に、 Λp 散乱を仮定した運動学計算から求められる散乱 Λ の運動量 $p_{\Lambda',calc}$ について述べる. Λ ビームの運動量 $p_{\Lambda beam}$, その全エネルギー $E_{\Lambda beam}$, 標的陽子の質量 m_p , 散乱角度 $\theta_{scat\Lambda}$ を用いて、 $p_{\Lambda',calc}$ は次式で定義できる.

$$p_{\Lambda',calc} = \frac{Ap_{\Lambda beam}\cos\theta_{scat\Lambda} + (E_{\Lambda beam} + m_p)\sqrt{B}}{2((E_{\Lambda beam} + m_p)^2 - p_{\Lambda beam}^2\cos\theta_{scat\Lambda})}$$
(4.6)

このとき,式(4.6)における A, B は式(4.7),式(4.8)のように定義される.

$$A = m_{\Lambda beam}^2 + m_p^2 + m_{scat\Lambda}^2 - m_{p'} + 2E_{\Lambda beam}m_p \tag{4.7}$$

$$B = 4m_{scat\Lambda}^2 (p_{\Lambda beam}^2 \cos\theta_{scat\Lambda} - (E_{\Lambda beam} + m_p)^2) + A^2$$
(4.8)

• Analysis Flow Λ beam 1. Calculate θ_{Adecay} from $\overrightarrow{p_p}, \overrightarrow{r_{\pi-}}$. Scattered A 2. Calculate $\overrightarrow{p_{\pi^{-}}}$ from θ_{Adecay} , $\overrightarrow{p_{p}}$ ($\sqrt{s} = m_{\Lambda}$). *assumption) $\boldsymbol{\theta}_{\mathsf{Scat}}$ Then, calculate $\overrightarrow{p_p} + \overrightarrow{p_{\pi^-}} = \overrightarrow{p_{ScatA}}$. $\boldsymbol{ heta}_{\Lambda\, ext{decay}}$ 3. Calculate θ_{ScatA} from $\overrightarrow{p_{ScatA}}$. **P**_{Scat} Λ, calc 4. Calculate $\overrightarrow{p_{ScatA,calc}}$ from θ_{ScatA} . $\mathbf{p}_{\mathsf{Scat}\Lambda}$ $\Delta p = p_{Scat \Lambda} - p_{Scat \Lambda, calc}$ From kinematics From kinematics using $\theta_{\Lambda decay}$ using $\theta_{Scat\Lambda}$

If $\Delta p \sim 0$, it is " Λp scattering"

図 4.5: ∆p 法の概略図.

$\blacksquare \Delta E$ 法

 ΔE 法では, CATCH が 2 つの陽子を検出することが要求される. はじめに片方の陽子を散 乱による反跳陽子と仮定し,もう片方を崩壊陽子と仮定する.

反跳陽子として仮定した粒子の散乱角度を用いた運動学から求まるエネルギー値 $E_{p',calc}$ と、実測エネルギー値 $E_{p',measure}$ の一致を評価し散乱事象を同定する.前者と後者は解析過程が独立しており、反跳陽子の仮定が正しい場合、 $\Delta E = E_{p',calc} - E_{p',measure} \approx 0$ となるはずである.この ΔE 法は 2 つの陽子それぞれに施し、求まった ΔE が 0 に近い方を反跳陽子として最終的に判定した.ここで ΔE 法の詳しい手順と、その概略図(図 4.6)を以下に示す.

- ・手順1:検出した2つの陽子のうち片方を Λp 散乱による反跳陽子であると仮定する.
- ・手順2:反跳陽子と仮定した粒子の運動エネルギー $E_{n'}$ と散乱角度 $\theta_{n'}$ を測定する.
- ・手順3: Λp 散乱を仮定した運動学から、反跳陽子のエネルギー $E_{p',calc}$ を求める.
- ・手順4:手順2,3で得られた $E_{p'}$ と $E_{p',calc}$ の差 ΔE を求める.反跳陽子の仮定が正しい場合, $\Delta E \approx 0$ となるはずである.
- ・手順5:上記の手順1~4を、もう片方の陽子にも施す. 求まった ΔE が0 に近い方を
 反跳陽子として最終的に判定する.



<u>Proton w/ smaller ΔE is "Recoil proton."</u>

図 4.6: ΔE 法の概略図.

 ΔE 法における Λp 散乱を仮定した運動学では, Λ ビームの全エネルギー $E_{\Lambda beam}$, その運動 量 $p_{\Lambda beam}$, 標的陽子の質量 m_p , 反跳陽子の散乱角度 $\theta_{p'}$ を用いると反跳陽子の運動量 $p_{p',calc}$ は

$$p_{p',calc} = \frac{2m_p(E_{\Lambda beam} + m_p)p_{\Lambda beam}\cos^2\theta_{p'}}{(E_{\Lambda beam} + m_p)^2 - p_{\Lambda beam}^2\cos^2\theta_{p'}}$$
(4.9)

と表される.そして,ここから得られる反跳陽子の運動エネルギー *E*_{p',calc} は次式で定義される.

$$E_{p',calc} = \sqrt{m_{p'}^2 + p_{p'}} - m_{p'} \tag{4.10}$$

4.2 Λp 散乱事象同定のためのイベント選別

当節では前述したケース 2,3 における Λp 散乱事象同定手法の詳細を説明する.ケース 2 で は ΔE 法を,ケース 3 では Δp 法, ΔE 法を用いる.ただし, Δp 法や ΔE 法から得られる 情報だけではバックグラウンドを除去し切れず散乱事象を同定しづらい.したがって, Λp 散 乱事象を選択する適切なカットを施しイベント数をさらに制限することで,最終的な Λp 散乱 事象同定を行う.

 Λp 散乱事象を選択するのに使用するカット条件は, E40 実験と同じセットアップを導入し たシミュレーションで作成した Λp 散乱事象のみの事象に対する解析結果から見積もる. この シミュレーションでは, K^0 , および Λ 生成点は x, y 方向についてはビームの広がりに対応す るガウス分布に従い発生し, z にについては標的内で一様に発生している. シミュレーション における K^0 , Λ 生成点の x, y 平面上の分布と z 位置分布をそれぞれ図 4.7 に示す.



図 4.7: Λ*p* 散乱事象のみのシミュレーションにおける *K*⁰ および Λ 生成点の *x*, *y* 分布 (左) と *z* 分布 (右).

なお、 Λp 散乱事象同定後に行う Λp 散乱微分断面積導出では、E40 実験で用いられた検出 器の Λp 散乱事象検出効率などを考慮して Λ ビーム運動量 0.30 ~ 0.65 GeV/c 領域内、かつ 散乱点の z 座標(vertex_z)が $-150 \sim 150$ mm 領域内であったイベントのみを使用する. 当 章以降に記載した各ヒストグラムはこの条件を既に満たしたイベントに限定していることに注 意されたい.

本研究では,まず構築した Λp 散乱事象同定手法によってどの程度散乱事象が同定できうる かを見積もりたかったため,散乱事象同定精度が高いケース3からイベント選別,および散乱 事象同定を行った.その後,ケース2による解析結果についても述べる.

4.2.1 解析ケース3におけるイベント選別

当項では散乱事象同定精度が最も良いケース3におけるイベント選別具合について述べる. ケース3では CATCH が2つの π , 2つのpを検出した場合を要求する. 散乱 Λ の $\Lambda \to \pi^{-}p$ 崩壊による π^{-} を捕らえるため,データ解析に紛れ込むバックグラウンドは抑制されている. さらに Λp 散乱事象のみを作成したシミュレーションの結果を参照することで,イベント選別 を効率よく行うことができる.以下に, Λp 散乱事象を選択するカット条件を挙げる.

- ・散乱後の $\Lambda \rightarrow pX$ 崩壊に対する missing mass:検出された π が $\Lambda \rightarrow p\pi^{-}$ 崩壊による ものであることを担保する.
- ・ Δp 法, ΔE 法それぞれから得られる散乱 Λ の散乱角度の差: Δp 法, ΔE 法が正しく 行われ,双方が同一の散乱事象に対して施されたことを担保する.
- ・ 散乱 Λ の散乱角度:解析効率が良い領域を選択する.

■Ap 散乱の Lab 系における opening angle

 Λp 散乱の Lab 系における opening angle ($\theta_{\Lambda p}$) は、 ΔE 法で実測された反跳陽子の運動量 ベクトルと、そこから求まる散乱 Λ の運動量ベクトルがなす角度から求められる。この分布 について Λp 散乱事象のみを作成したシミュレーション結果と比較して、散乱事象を示唆する ような構造が確認できるか検証した。

ここでシミュレーションから得られたケース 3 における $\theta_{\Lambda p}$ 分布を図 4.8(左)に示す.こ こでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求している.運動学的 制約により Λp 散乱事象は $\theta_{\Lambda p} = 90^{\circ}$ 付近に鋭いピークを示すことがわかる.

E40 実験データにおける同分布を図 4.8 (右) に示す. ここでも $f_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求している. シミュレーションと同様の位置にあるピークは, ケース 3 で検出された Λp 散乱事象を示唆していると考えられる.

■散乱後の $\Lambda \rightarrow pX$ 崩壊に対する missing mass

 ΔE 法では CATCH で検出した 2 つの陽子それぞれの ΔE を算出し, ΔE が 0 に近い陽子 を反跳陽子と判定し,もう片方の陽子を $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による崩壊陽子と判定する.判定後, 散乱 Λ の運動量ベクトルから崩壊陽子の運動量ベクトルを差し引くことで $\Lambda \to pX$ 崩壊に対 する missing mass の二乗 (MM_{π}^2) が求められる.

ここでシミュレーションから得られたケース 3 における MM_{π}^2 分布を図 4.9(左)に示す. ここで要求しているカット条件は $\theta_{\Lambda p}$ のものと同じである. Λp 散乱事象による散乱 Λ の $\Lambda \rightarrow p\pi^-$ 崩壊を正しく検出できていた場合, $MM_{\pi}^2 = 0.02 \; (\text{GeV/c}^2)^2$ 付近にピークを示す ことがわかる. Opening angle of Ap scattering (CASE 3, Simulation)





図 4.8: ケース 3 における Λp 散乱の opening angle $(\theta_{\Lambda p})$ (左:シミュレーション,右:E40 実験データ).双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求した.

E40 実験データにおける同分布を図 4.9 (右) に示す. ここで要求しているカット条件は $\theta_{\Lambda p}$ のものと同じである. 低領域にバックグラウンドと思われるイベントが確認できるが, -0.02 $(\text{GeV/c}^2)^2$ 付近にピークが現れることが確認できた. 以上の結果を参考にし, $MM_{\pi}^2 > -0.02$ $(\text{GeV/c}^2)^2$ のイベントを選択することとした.



図 4.9: ケース 3 における $\Lambda \rightarrow pX$ 崩壊に対する missing mass の二乗分布(左:シミュレー ション,右: E40 実験データ)、双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であるこ と」を要求した.

■CM 系における散乱 A の散乱角度

E40 実験データには、散乱を起こさず崩壊する Λ ビームによる $\Lambda \rightarrow \pi^{-}p$ 崩壊が多く含ま れている.崩壊陽子が標的内陽子と re-sacttering を起こし散乱した陽子が CACTH へ入射し た場合、 Λp 散乱による反跳陽子と誤認することがある.このようなバックグラウンドを除去 するには、「 Λp 散乱事象同定のために行った Δp 法、 ΔE 法が正しく行われたか否か評価する こと」が重要である.

ケース 3 では Lab 系のみならず CM 系における散乱角度の取得も可能である. Δp 法から は散乱 Λ の散乱角度(図 4.10 上側), ΔE 法からは反跳陽子の散乱角度(図 4.10 下側)が 得られる. CM 系では Λ ビームと標的陽子が衝突し散乱 Λ と反跳陽子が 180° をなして放出 されることを利用し, 180° から $\theta_{recoP,CM}$ を差し引くことで, 散乱 Λ の CM 系での散乱角 度 $\theta_{scat\Lambda,CM}$ を ΔE から求められる. Δp 法, ΔE 法それぞれから得られた $\theta_{scat\Lambda,CM}$ の差 $\Delta \theta \approx 0$ となれば, Λp 散乱事象同定のために行った運動学計算が尤もらしいことを意味する.



図 4.10: CM 系における Λp 散乱事象. Δp 法からは直接 $\theta_{scat\Lambda,CM}$ を求めることができ, ΔE 法からは $180^{\circ} - \theta_{recoP,CM} = \theta_{scat\Lambda,CM}$ から間接的に $\theta_{scat\Lambda,CM}$ を求める.

ここでシミュレーションから得られた $\Delta \theta$ 分布を図 4.11 (左) に示す. ここで要求している カット条件は $\theta_{\Lambda p}$ のものと同じである. $\Delta \theta = 0^{\circ}$ 付近にピークを形成しているイベントこそ が, Λp 散乱が Δp 法と ΔE 法から尤もらしく解析されたイベントである. なお, Δp 法, ΔE 法それぞれから求められた $\theta_{scat\Lambda,CM}$ の相関を図 4.12 (左) に示す. シミュレーションで生成 した Λp 散乱事象についてケース 3 における Δp 法, ΔE 法から尤もらしく $\theta_{scat\Lambda,CM}$ が算出 できており, 正の相関をもつことがわかる. したがって,本研究で構築した Λp 散乱事象同定 手法では, Λ 生成事象同定の精度を向上させることができれば,よい精度で Λp 散乱事象を同 定できると考えられる.

E40 実験データにおける同分布を図 4.11 (右),および図 4.12 (右)に示す.ここで要求しているカット条件は $\theta_{\Lambda p}$ のものと同じである.ここには除去しきれていないバックグラウン

ドが含まれているため、シミュレーション結果より分布に広がりがあるが、 $-40 \sim 40^{\circ}$ 領域内 にイベントが集まることが確認でき、統計数は少ないものの Λp 散乱事象がたしかに含まれう ると期待される.以上の結果を参考にし、 $-40 < \Delta \theta < 40^{\circ}$ (赤線内)のイベントを選択する こととした.



図 4.11: ΔE 法と Δp 法からそれぞれ求められた CM 系における散乱 Λ の散乱角度 $(\theta_{\Lambda p})$ の差 ($\Delta \theta$) (\pm : シミュレーション, 右: E40 実験データ).双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17$ GeV/c² であること」を要求した.



図 4.12: ΔE 法と Δp 法からそれぞれ求められた CM 系における散乱 Λ の散乱角度 $(\theta_{\Lambda p})$ の相 関図 (左: シミュレーション, 右: E40 実験データ).双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17$ GeV/c² であること」を要求した.

4.2.2 解析ケース 3 におけるイベント選別後の $\cos(\theta_{CM})$ と ΔE の相関

以上の過程によってどの程度イベントが選択できたか確認する. 散乱 Λ の CM 系での散乱 角度の余弦 ($\cos(\theta_{CM})$) と ΔE の相関についてシミュレーションと E40 実験データの結果を 比較し,最終的に要求するイベント選別のカット条件を決定したい. ここで,それぞれから得 られた相関を図 4.13 の左右に示す. シミュレーションから, $-0.8 < \cos(\theta_{CM}) < 0.6$ のイベ ントでは $-20 < \Delta E < 20$ MeV に収まる傾向があることがわかり,一方で散乱角度がそれ以 外の領域ではイベントが非常に少ない,または ΔE がずれてしまうことがわかった.

E40 実験データではそもそもケース 3 の解析対象となるイベント数が少ないが、シミュレー ション結果と同様の散乱角度領域において $\Delta E = 0$ 付近となることがわかったことから、最 終的に $-0.8 < \cos(\theta_{CM}) < 0.6$ のイベント(赤線内)を選択することとした.



図 4.13: 解析ケース 3 におけるイベント選別後の $\cos(\theta_{CM})$ と ΔE の相関 (左:シミュ レーション,右: E40 実験データ). 双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$, $MM_{\pi}^2 > -0.02 (\text{GeV/c}^2)^2$, $-40 < \Delta \theta < 40^{\circ}$ であること」を要求した.

4.2.3 解析ケース 3 における Λp 散乱事象 (Δp と ΔE の相関)

ケース 3 では Δp と ΔE を得られるため、これらの相関を確認することで Λp 散乱事象を 同定する.まず上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した後に得られる $\Delta p, \Delta E$ それぞれがピークを形成するか確認したい.

図 4.14 にシミュレーションから得られた Δp 分布 (左), ΔE 分布 (右) を示す. 双方が ピークを形成しているイベントこそが解析ケース 3 によって同定可能な散乱事象である. ここ からも, Λ 生成事象同定の精度を向上させることができれば,よい精度で Λp 散乱事象を同定 できると考えられる. 図 4.15 に E40 実験データから得られた $\Delta p \, \partial \pi$ (左), $\Delta E \, \partial \pi$ (右) を示す. 統計は少な いものの, 双方でおよそ 0 付近にピークを形成するイベントが存在することが確認できたた め, これらのイベントが Λp 散乱事象であることが期待される. しかし, 未だシミュレーショ ンから散乱事象同定手法に対する影響を見積もられていないバックグラウンドもあるため, 不 定性は残っていると考えられる.

最後に $\Delta p \ge \Delta E$ の相関から Λp 散乱事象同定具合を確認する. この相関のシミュレーショ ンと E40 実験データの結果をそれぞれ図 4.16 の左右に示す. シミュレーションと比べて E40 実験データでは特に ΔE が広がっているものの,選択したイベントが中心に集まる傾向があ ることが確認できた. ΔE に関して,シミュレーションのピークの中心値が約 –5 MeV 付近 となるのは CFT で検出する陽子のエネルギー損失の補正が十分でないことが主な要因と考え られる. E40 実験データでも BGO カロリメータにおける実測エネルギーの較正が不十分であ り,若干 Λp 散乱事象のピークが 0 からずれると考えられる. 仮に –20 < ΔE < 10 MeV 領 域内かつ –0.1 < Δp < 0.1 GeV/c 領域内のイベントを Λp 散乱事象と判定する場合,ケース 3 から同定された Λp 散乱事象数は約 16 イベントと見積もられた. ΔE > 10 MeV のイベン トは除去し切れなかったバックグラウンドと考えられ,これらの影響は今後シミュレーション から見積もる.



図 4.14: シミュレーションから得られた Δp 分布 (左) と ΔE 分布 (右). 上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した.



図 4.15: E40 実験データ解析から得られた Δp 分布 (左) と ΔE 分布 (右). 上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した.



図 4.16: 解析ケース 3 において得られた $\Delta p \ge \Delta E$ の相関(左:シミュレーション、右: E40 実験データ). 上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した.

4.2.4 解析ケース2におけるイベント選別

当項ではケース 2 におけるイベント選別具合について述べる.ケース 2 では CFT が 1 つの π , 2 つの p を検出した場合を要求する. 散乱 Λ の $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊による π^- を捕らえないた め、データ解析に紛れ込むバックグラウンドが多く、これらを可能な限り除去することが重要 である.以下に、 Λp 散乱事象を選択するカット条件を挙げる.

- ・散乱後の $\Lambda \rightarrow pX$ 崩壊に対する missing mass:検出された π が $\Lambda \rightarrow p\pi^{-}$ 崩壊による ものであることを担保する.
- ・散乱 Λ と崩壊陽子運動量ベクトルの最近接距離: $\Lambda \rightarrow p\pi^-$ 崩壊を飛跡の物理的位置関係から担保する.
- ・ 散乱 Λ の散乱角度: 解析効率が良い領域を選択する.

また,むやみに厳しいカット条件をかけてしまうとバックグラウンドと混ざった Λp 散乱事 象を除去してしまいかねないため,ケース 2 に用いるカット条件はケース 3 のそれと全く同じ ではない.

$\blacksquare \Lambda p$ 散乱の Lab 系における opening angle

ケース2でも Λp 散乱事象のみを作成したシミュレーション結果と比較して, 散乱事象を示 唆するような構造が確認できるか, Λp 散乱の Lab 系における opening angle の分布から検証 した. ここでシミュレーションから得られたケース2における $\theta_{\Lambda p}$ 分布を図 4.17 (左) に示 す. ここでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求している.ケー ス3と同様, 運動学的制約により Λp 散乱事象のみを解析した場合は $\theta_{\Lambda p} = 90^{\circ}$ 付近に鋭い ピークを示すことが確認できる.

E40 実験データにおける同分布を図 4.17(右)に示す.ここでも「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求している.シミュレーションと同様の位置にある ピークは、ケース 2 で検出された Λp 散乱事象を示唆していると考えられる.しかし、除去し 切れていないバックグラウンドが広範囲に分布し散乱事象と混ざっている.このとき、むやみ に厳しいカット条件を要求しイベント選別してしまうと、最後に散乱事象同定で参照する ΔE 分布におけるバックグラウンド構造を歪めかねない.したがって、 $\theta_{\Lambda p}$ についてのカット条件 は用いないこととした.

■散乱後の $\Lambda \rightarrow pX$ 崩壊に対する missing mass

次に, MM_{π}^2 分布から Λp 散乱事象を選択するカット条件を決定する. ここでシミュレー ションから得られたケース 2 における MM_{π}^2 分布を図 4.18 (左) に示す. ここで要求して いるカット条件は $\theta_{\Lambda p}$ のものと同じである. ケース 3 と同様, Λp 散乱事象による散乱 Λ の



図 4.17: ケース 2 における Λp 散乱の opening angle $(\theta_{\Lambda p})$ (左:シミュレーション,右: E40 実験データ).双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求した.

 $\Lambda \to p\pi^-$ 崩壊を正しく検出できていた場合, $MM_{\pi}^2 = 0.02 \; (\text{GeV}/\text{c}^2)^2 \;$ 付近にピークを示すことがわかる.

E40 実験データにおける同分布を図 4.18(右)に示す. ここで要求しているカット条件は $\theta_{\Lambda p}$ のものと同じである. 低領域に存在するバックグラウンドは多いが, $-0.02 (\text{GeV/c}^2)^2$ 付 近にピークが現れることが確認できた. 以上の結果を参考にし, $MM_{\pi}^2 > -0.02 (\text{GeV/c}^2)^2$ のイベントを選択することとした.



図 4.18: ケース 3 における $\Lambda \rightarrow pX$ 崩壊に対する missing mass の二乗分布 (左:シミュレー ション,右: E40 実験データ).双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$ であること」を要求した.

■散乱 Λ と崩壊陽子運動量ベクトルの最近接距離

ケース 2 で検出された 2 つの陽子は ΔE 法によって反跳陽子か崩壊陽子か判定される. Λ ビームの運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\Lambda beam}}$ から反跳陽子の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{p'}}$ を引いて求まる散乱 Λ の 運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{\Lambda'}}$ と,崩壊陽子として判定された陽子の運動量ベクトル $\overrightarrow{p_{decay}}$ の最近接距 離 (cdist_{A,decayp}) について制限を加えることで,飛跡の物理的な位置関係の妥当性を担保す ることができる. ΔE 法で Λp 散乱を正しく検出し,反跳陽子と崩壊陽子の判定が成功してい る場合, cdist_{A,decayp} は著しく離れることはないはずである.

ここでシミュレーションから得られたケース 2 における cdist_{A,decayp} 分布を図 4.19(左) に示す.ここでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 $< MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$, $MM_{\pi}^2 > -0.02 (\text{GeV/c}^2)^2$ であること」を要求している.この結果より,ケース 2 によって解析された多くの Λp 散乱事 象において cdist_{A,decayp} < 20 mm となることがわかる.

E40 実験データにおける同分布を図 4.19(右)に示す.ここでは「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$, $MM_{\pi}^2 > -0.02 (\text{GeV/c}^2)^2$ であること」を要求している.シミュレーションに比べて最近接距離が長いイベントはバックグラウンドと考えられる.以上の結果を参考にし, cdist_{A,decayp} < 20 mm のイベントを選択することとした.



図 4.19: 散乱 Λ と崩壊陽子運動量ベクトルの最近接距離(E40 実験データ).双方に「 $\theta_{\pi\pi} <$ 90°, 1.07 < $MM_{\Lambda} <$ 1.17 GeV/c², $MM_{\pi}^2 > -0.02$ (GeV/c²)² であること」を要求した.

4.2.5 解析ケース 2 におけるイベント選別後の $\cos(\theta_{CM})$ と ΔE の相関

以上の過程によってどの程度イベントが選択できたか確認する. 散乱 Λ の CM 系での散 乱角度の余弦 ($\cos(\theta_{CM})$) と ΔE の相関についてシミュレーションと E40 実験データの 結果を比較し,最終的に要求するイベント選別のカット条件を決定したい. ここで,それ
ぞれから得られた相関を図 4.20 の左右に示す.ケース 3 と同様,シミュレーションから, -0.8 < $cos(\theta_{CM})$ < 0.6 のイベントでは $-20 < \Delta E < 20$ MeV に収まる傾向があることがわ かり,一方で散乱角度がそれ以外の領域ではイベントが非常に少ない,または ΔE がずれてし まうことがわかった.

E40 実験データでは $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊のみのイベントが $\cos(\theta_{CM}) = -1.0$ 付近に集中するこ とがわかる.また $\cos(\theta_{CM}) > 0.6$ のイベントではシミュレーションでもみられるように ΔE がずれる.したがって,最終的に $-0.8 < \cos(\theta_{CM}) < 0.6$ のイベント(赤線内)を選択する こととした.



図 4.20: 解析ケース 2 におけるイベント選別後の $\cos(\theta_{CM})$ と ΔE の相関(左: シミュ レーション,右: E40 実験データ). 双方に「 $\theta_{\pi\pi} < 90^{\circ}$, 1.07 < $MM_{\Lambda} < 1.17 \text{ GeV/c}^2$, $MM_{\pi}^2 > -0.02 (\text{GeV/c}^2)^2$, $\text{cdist}_{\Lambda, decayp} < 20 \text{ mm}$ であること」を要求した.

4.2.6 解析ケース 2 における Λp 散乱事象(ΔE 分布)

上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した後に得られる ΔE 分布に ピークが形成されるか確認する.シミュレーションと E40 実験データから得られた ΔE 分布 を図 4.21 の左右に示す.前項で確認された通り、シミュレーションからほとんどの Λp 散乱 事象が $-20 < \Delta E < 20$ MeV に分布することがわかる.また、ケース3における ΔE 分布の シミュレーション結果との比較から、 Λp 散乱事象のみを選別できた場合、ケース2ではケー ス3の約3倍の散乱事象同定数の収量を得ることができると推定できた.したがって、今後 Λ 生成事象同定精度が向上されれば、効率的な Λp 散乱事象同定が大いに期待できると考えて いる.

-方, E40 実験データでは検出器のアクセプタンス等が影響し Δ*E* が広がるものの, -20 < Δ*E* < 10 MeV 付近にピークが確認できた.中心値がずれている理由は,ケース 3 と 同様, BGO でのエネルギー較正が不十分であることと考えられる. E40 実験データ結果にお いて $-20 < \Delta E < 10$ MeV 領域内であったイベント数は約 107 イベントと見積もられた. こ の値はケース 3 で見積もられた散乱事象同定数(約 16 イベント)の 3 倍である約 50 イベン トよりも,大幅に上回っていることから,現時点で確認した E40 実験データにおけるケース 2 から求めた ΔE 分布には多くのバックグラウンドが紛れ込んでいると想定され,これらの影 響は今後シミュレーションから見積もる必要がある.



図 4.21: 解析ケース 2 において得られた ΔE 分布 (左:シミュレーション,右: E40 実験デー タ). 上記で挙げた Λp 散乱事象を選択するカット条件全てを要求した.

4.3 運動学を用いた Λp 散乱事象同定手法の解析効率

前節では Λ*p* 散乱事象のみのシミュレーションに本研究で構築した散乱事象同定手法を適用 し,適切なイベント選別を行うことで,運動学計算を用いた解析ケース 2,3 それぞれから Λ*p* 散乱事象を同定できることを確認した.

一方,E40 実験データには $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊により生じた陽子が別の標的内陽子と散乱した事 象が誤って Λp 散乱事象として解析されることがあると考えられ,これらは主にケース 2 に影 響を及ぼしていた.今回は実測した飛跡の物理的な位置関係の正当性を要求するカット条件と して,散乱 Λ と崩壊陽子運動量ベクトルの最近接距離(cdist_{A,decayp})について制限を加える ことで,このようなイベントを可能な限り除去できたと考えているが,依然として除去しきれ ていないバックグラウンドが存在することがわかった.

しかし、本研究の目的は Λp 散乱微分断面積導出までの一連の解析手法を構築し、その有効 性を確認しすることであったため、以降で述べる Λp 散乱の微分断面積導出ではバックグラウ ンドがケース2の ΔE 分布や、ケース3の ΔE と Δp の相関に紛れ込むことで生じるであろ う誤差は考慮せずに評価を行った.なお、構築したプログラムは未だ prototype であるため、 今後は先に述べた事象をはじめとするバックグラウンドの影響をシミュレーションから見積も ることは必須である.

次章以降では, Λp 散乱の微分断面積導出を行うために必要な Λ ビームの標的内における総 飛距離, 解析効率, および最終的な散乱同定数の見積もり過程について述べる.

第5章 Λ ビームの標的内における総飛距離 (Total Length, L_{total})

序論で述べた通り、 Λp 散乱はその実験的困難さゆえにデータ数が非常に限られている. 過去には、 Λ ハイパー核(Λ を含む原子核)の構造から ΛN 相互作用の情報を求めるため、 (K^- 、 π^-)反応等を用いたスペクトロスコピーによって Λ ハイパー核の励起エネルギースペ クトルを測定する実験が為されてきたものの、未だ不定性が残っている.したがって、2 体系 での相互作用研究に有効な YN 散乱実験を行い、高統計かつ精密なデータを取得することが 重要といえる.このような背景を受け、我々は J-PARC における次世代 Λp 散乱実験を計画 した.

本研究では、次世代 Λp 散乱実験で用いる微分断面積導出までの一連の解析手法を、J-PARC における Σp 散乱実験(J-PARC E40)の by-product データに含まれる (π^-, K^0) 反応を用 いて構築することである. このデータは最適化されたトリガーで取得したものではなく、 Λp 散乱事象の統計量は限りがあるため求められる微分断面積に伴う誤差も大きくなることが予想 される. しかし、本研究で構築した解析手法を用いて Λp 散乱微分断面積を導出すること自体 が、YN 散乱実験データが不足している状況下では非常に重要な研究となりうる.

本研究で行う Λp 散乱微分断面積導出では式 (5.1) を用いる. ここで $d\sigma$ は入射 Λ が標 的陽子と散乱する微小面積, $d\Omega = \sin\theta d\theta d\phi$ は (θ, ϕ) 方向へ散乱した粒子の微小立体角, $N(\cos\theta_{CM})$ は $\cos\theta_{CM}$ 毎の散乱事象同定数, L_{total} は全 Λ ビームの標的内における総飛距 離, $\rho_{LH2} \cdot N_A = 0.468 \times 10^{23}$ /cm³ は標的の単位体積あたりの粒子数密度, $\epsilon_{CATCH}(\cos\theta_{CM})$ は $\cos\theta_{CM}$ ごとに CATCH がもつ散乱事象検出効率を示す.

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{N(\cos(\theta_{CM}))}{L_{total} \cdot \rho_{LH2} \cdot N_A \cdot d\Omega \cdot \epsilon_{CATCH}(\cos\theta_{CM})}$$
(5.1)

当章では全 Λ ビームの液体水素標的内における総飛距離 Ltotal の見積もりについて述べる.

5.1 導出手法

一般的には、ビーム粒子数 N_{inc} 、散乱事象同定数 N_{scat} 、標的の厚さ Δx 、標的の単位体積 あたりの粒子数密度 $\rho \cdot N_A$ を用いて微分断面積は次式で定義される.

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{N_{scat}}{N_{inc} \cdot \rho \cdot N_A \Delta x \cdot d\Omega}$$
(5.2)

式 (5.1) と式 (5.2) の比較からわかるように,我々が用いる L_{total} という指標はビーム粒子数 N_{inc} と標的の厚さ Δx の積に相当するものである. この L_{total} を見積もる際には Λ ビームの 多くが標的内で崩壊することを考慮しなければならない. つまり,生成された各 Λ ビームが もつ標的内での飛距離を評価し,それらの総和を L_{total} として求めなければならない.

5.1.1 E40 実験データを用いたモンテカルロ・シミュレーション

■概要

我々は散乱 Λ による全ての $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊を検出してはいないため,各 Λ ビームの標的内 での飛距離を解析から直接求めることができない.したがって,全ての生成 Λ ビームの飛距 離は E40 実験データを用いたモンテカルロ・シミュレーションから見積もり,それらの総和か ら L_{total} を求めることができると考えている.

■手法

我々は各 Λ ビームの標的内での飛距離をより現実的に見積もるため, E40 実験データを用 いたモンテカルロ・シミュレーションを行う. 図 5.1 にそのフローチャートを示す. はじめ に, E40 実験データから得られた Λ ビームの生成 vertex 位置と, その運動量ベクトルの情 報をインプットする. 当シミュレーションでは, Λ 生成 vertex 位置から運動量ベクトルの方 向に沿って, ある微小距離 (dx) ずつ Λ を進ませる (図 5.2). 微小距離 dx だけ Λ を進める 毎に「標的外へ出ているか否か」また,「標的内で崩壊したか否か」を逐一確認する. なお, $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊の試行は式 (5.3) に示す崩壊確率 *P* に従うようにした.

$$P = 1 - \exp\left(-\frac{dx}{\beta\gamma c\tau}\right) \tag{5.3}$$

ここで τ は Λ の寿命であり $c\tau$ = 7.089 cm である.各 Λ の飛行は標的内で崩壊するか標的外 へ飛び出すまで繰り返すため,終了するまでに要したループ回数 N_i と dx の積が Λ ビームの 標的内での飛距離に相当する.

以上のプロセスを全ての Λ ビームに対して行い,各飛距離の総和をとることで L_{total} を導出した.

■モンテカルロ・シミュレーションの動作確認

上記のモンテカルロ・シミュレーションプログラムの動作確認として,標的中心からビーム 軸下流方向(つまり (x, y, x) = (0, 0, 1)の方向)へ運動量を 0.50 GeV/c に統一した十分な数 の Λ を dx ずつ飛行させた (図 5.3). このとき,作成したプログラムが正しければ各 Λ ビー ムの飛行距離分布が $c\tau$ に従って指数関数的になるはずである.

このとき得られた各 Λ ビームの標的内での飛距離分布を図 5.4 に示す. 飛距離 15 cm にイ ベントが集中している理由は,標的中心から飛ばされた Λ が液体水素標的のビーム軸方向長さ 30 cm の半分(15 cm)以上を飛ぶと「標的外に出た」と判定され,強制的にシミュレーショ ンが終了するためである. つまり,ピークを形成しているイベント数だけ標的外まで飛んだ Λ ビームがあったことを示している. ここで図 5.4 の飛距離分布を次式でフィッティングする.

$$f(x) = A \cdot \exp(-x/B) \tag{5.4}$$

パラメータ B のフィッティング結果が Λ の $\beta\gamma c\tau = 3.176$ cm に近しくなれば,この動作確認 テストをパスしたとみなすこととした.実際に得られたフィッティング結果は B_{fit} = 3.175 cm であったため,今回用意したモンテカルロ・シミュレーションプログラムの妥当性を確認 することができたと考えている.



図 5.1: 各生成 Λ の標的中での飛距離を求めるために作成したモンテカルロ法のフロー チャート.



図 5.2: 各生成 Λ の標的中での飛距離を求めるために使用したモンテカルロ法のプロセスの概略図. 各 Λ の飛行は標的内で崩壊するか標的外へ飛び出すまで繰り返す.



50 CIII

図 5.3: モンテカルロ・シミュレーションプログラムの動作確認テストの概略図. 標的中心か らビーム軸下流方向 (つまり (x, y, x) = (0, 0, 1)の方向) へ運動量 0.50 GeV/c の Λ を dx ず つ飛行させた.



図 5.4: モンテカルロ・シミュレーションのプログラムの妥当性試験から得られた各仮想 Λ の 標的中での飛距離分布.指数関数的に仮想 Λ の数が減衰している.15 cm にピークを形成し ているものは「標的外に出た」と判定され,強制的にモンテカルロ法が終了したイベントで ある.

5.1.2 モンテカルロ・シミュレーションと S/(S+N)の併用

前節では各 Λ ビームの標的内での飛距離を見積もるため, E40 実験データを用いたモンテ カルロ・シミュレーションを行うことを述べたが, この手法には未だ問題がある. それは, 対 象イベントにバックグラウンドも含まれているということである. 要因は, モンテカルロ・シ ミュレーションに用いるイベントを選別する際, E40 実験データの $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対す る missing mass (MM_{Λ}) で Λ ピークを含む領域を選択しているが, ピーク下には Multiple π production をはじめとするバックグラウンドが存在するためである.

■概要

上記の問題を解決するため、我々は Λ ビームの数を可能な限り精度よく見積もることが重要と考え、 Λ ビームとバックグラウンド双方を含んだ総飛距離 $L_{total, \Lambda+BG}$ をまず算出し、 MM_{Λ} 分布における S/(S+N) と $L_{total, \Lambda+BG}$ の積を求めることで、最終的に Λ ビームのみの総飛距離 $L_{total, \Lambda}$ を引き出すこととした。この手法を式で表すと次のようになる。

$$L_{total, \Lambda + BG} = \sum_{i} N_i \cdot dx_i \tag{5.5}$$

$$L_{total, \Lambda} = L_{total, \Lambda + BG} \cdot \frac{S}{(S+N)}$$
(5.6)

ここで N_i は *i* 番目のイベントにおけるモンテカルロ法のループ回数, dx_i は *i* 番目のイベントにおけるモンテカルロ法で用いた dx の長さ(今回は 0.1 mm に統一), S, N はそれぞれ E40 実験データにおいて $L_{total, \Lambda}$ を求めるために選択した MM_{Λ} 領域での生成 Λ の数, およびバックグラウンドの数を示す.また前述した通り,見積もりに使用した Λ ビームの運動 量領域は 0.30 ~ 0.65 GeV/c である. MM_{Λ} 分布の S/(S+N) としては,第3章図 3.11 の 1.07 ~ 1.17 GeV/c² 領域における値を用いる.

次節では、以上で述べた Ltotal 導出手法の妥当性を確認する.

5.2 導出手法の妥当性確認

5.2.1 概要

前節までに述べた Λ ビームの標的中での総飛行距離 L_{total} の導出手法を以下にまとめる.

- ・ E40 実験データの Λ 生成 vertex 位置から,その運動量ベクトルに沿って Λ を dx ずつ 動かす.
- Λ が標的内にいるか否か判定する.
- ・図 5.1 で示したフローチャートに従い、Λ が標的内で崩壊したか否か判定する.
- ・Λが崩壊する,または標的外へ出るまで上記のループを続ける.
- ・ループ終了後,ループ回数 N_i と dx の積から標的内での飛距離を求める.
- ・ 上記のプロセスを選別した全てのイベントに対して行う.
- ・全ての飛距離の総和をとり、 $L_{total, \Lambda+BG}$ を求める.
- ・ E40 実験データの missing mass の S/(S+N) と $L_{total, \Lambda+BG}$ の積から $L_{total, \Lambda}$ を求める.

当節ではシミュレーションで作成した Λ 生成事象と, Multiple π production 事象それぞれ に対して Λ 生成を要求するイベント選別を行い, 先に示したモンテカルロ・シミュレーション を施し, 前者と後者からそれぞれ得られる各 Λ ビームの飛距離分布の平均値 μ_{length} が同程度 となるか確認する.そして, 選別された Λ 生成事象のイベント数 N_{Λ} の積から, $L_{total, \Lambda(sim)}$ を求める.

また上記とは別に、 Λ 生成事象と Multiple π production 事象を合成したデータを用意する. このデータに対して Λ 生成を要求するイベント選別を行い、先に示したモンテカルロ・ シミュレーションを施す. これによって得られた $L_{total, \Lambda+BG}$ と、このデータが持つ missing mass 分布の S/(S+N) の積から、 $L_{total, \Lambda(calc)}$ を求める.

以上から求まった $L_{total, \Lambda(sim)}$ と $L_{total, \Lambda(calc)}$ の差を用いて,前述したモンテカルロ・シ ミュレーションと missing mass の S/(S+N) を併用した L_{total} の見積もり手法に伴う誤差 について議論する.

5.2.2 Λ 生成事象と Multiple π production 事象がもつ, 各 Λ ビームの標的内での飛距離分布

まず、シミュレーションで作成した Λ 生成事象と、Multiple π production 事象がもつ各 Λ ビームの飛距離分布の平均値が同程度であるか確認する。各事象に対して Λ 生成を要求する イベント選別した後、 $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊をするか、標的外へ出るまで先に示したモンテカルロ・ シミュレーション試行を繰り返す。これによってそれぞれの事象から得られる各 Λ ビームの 標的内での飛距離分布がもつ平均値 µlength が同程度か確認する.

ここで図 5.5 に、シミュレーションで作成した Λ 生成事象と、Multiple π production 事象 それぞれから得られた各 Λ ビームの標的内での飛距離分布を示す. 各事象から得られた分布 はそれぞれのイベント数で規格化してある. また、これらのフィッティングから得られた標準 偏差 σ 、平均 μ は表 5.1 にまとめた.

これらの結果から、 Λ 生成事象と Multiple π production 事象に対してイベント選別を行った場合、各 Λ ビームの標的内での飛距離分布に著しい差異が生じることはないことが確認できる. したがって、本研究において $L_{total,\Lambda}$ を見積もる際に用いる「 Λ 生成事象と Multiple π production 事象双方を含んだイベント数に対応した総飛距離 $L_{total,\Lambda+BG}$ に、missing mass O S/(S+N) をかける手法」は原理的に有効であると考えられる. しかし、 Λ 生成事象数の見積もりがもつ不定性によって系統誤差が生じうるため、以降ではその見積もりを行うこととした.



図 5.5: シミュレーションで作成した Λ 生成事象と, Multiple π production 事象がもつ各 Λ ビームの飛距離分布.赤点が Λ 生成事象,青点が Multiple π production 事象でありそれぞ れのイベント数で規格化してある.イベント選択では Λ 生成を要求している.

表 5.1: 図 5.5 における各分布がもつ標準偏差 σ と平均 μ

Reaction	$\sigma \ { m cm}$	$\mu \ { m cm}$
Λ production	1.56013	2.14625
Multiple π production	1.59753	2.09704

5.2.3 モンテカルロ・シミュレーションと *S*/(*S* + *N*) を併用した導出手法に 伴う系統誤差

当項ではシミュレーションで作成した Λ 生成事象と Multiple π production 事象を用いて, 本研究で使用する「 Λ 生成事象と Multiple π production 事象双方を含んだイベント数に対応 した総飛距離 $L_{total, \Lambda+BG}$ に, missing mass の S/(S+N) をかける手法」によって生じる系 統誤差を見積もる.具体的な手順を以下にまとめる.

- ・ Geant4 シミュレーションで Λ 生成事象と, Multiple π production 事象を作成する.
- ・両者を合成したデータに E40 実験データと同等のカット条件を課し, $\pi^- p \to K^0 X$ 反応に対する missing mass を求める.
- ・得られた missing mass 分布をフィッティングし、 $S/(S+N)_{calc}$ を求める.
- ・合成データに対してモンテカルロ・シミュレーションを施し、 $L_{total, \Lambda+BG(calc)}$ を求める.
- ・ $L_{total, \Lambda+BG(calc)}$ と $S/(S+N)_{calc}$ の積から、 $L_{total, \Lambda(calc)}$ を求める.
- ・前手順とは別に、本来選別された Λ 生成事象数に対応した総飛距離 $L_{total, \Lambda(sim)} = \mu N_{\Lambda}$ を求めておく.ここで μ は図 5.5 の赤点から得られる各 Λ ビームの標的内での飛距離分布がもつ平均、 N_{Λ} は選別された Λ 生成事象数である.
- ・ $L_{total, \Lambda(calc)}$ と $L_{total, \Lambda(sim)}$ の差(ΔL)を評価する.

上記の手順を用いて, missing mass 分布の $S/(S + N)_{calc}$ を用いて得られる総飛距離 $L_{total, \Lambda(calc)}$ と,本来選別された Λ 生成事象数に対応した総飛距離 $L_{total, \Lambda(sim)}$ が一致する か評価した.この過程を式に表すと次のようになる.

$$L_{total, \Lambda(calc)} = L_{total, \Lambda+BG(calc)} \cdot \frac{S}{(S+N)}_{calc}$$
(5.7)

$$\Delta L = L_{total, \Lambda(sim)} - L_{total, \Lambda(calc)}$$
(5.8)

$$\epsilon_{sys} = \frac{\Delta L}{L_{total, \Lambda(sim)}} \tag{5.9}$$

系統誤差 ϵ_{sys} が 0 に近いほど,先に述べたモンテカルロ・シミュレーションと S/(S+N) を併用した導出手法が有効であることを意味する.

シミュレーションで作成した Λ 生成事象と Multiple π production 事象の合成データから 得られた missing mass 分布を図 5.6 に示す.フィッティングから得られた Λ 生成事象数 N_{Λ} , Multiple π production 事象数 N_{BG} , missing mass 分布の S/(S+N) は表 5.2 にまとめた.

なお、本来選別された Λ 生成事象数に対応した総飛距離 $L_{total, \Lambda(sim)}$, Λ 生成事象と Multiple π production 事象の合成データから得られる missing mass の S/(S+N) を用いて 得られた $L_{total, \Lambda(calc)}$, これらから見積もられた系統誤差 ϵ_{sys} は表 5.3 にまとめた.

前項で述べたように、 Λp 散乱事象と Multiple π production 事象それぞれに対して Λ 生成

Missing mass of $\pi^{-}p \rightarrow K^{0}X$ (Simulation)



図 5.6: シミュレーションで作成した Λ 生成事象と Multiple π production 事象の合成データ から得られた missing mass. このとき「 $\theta_{\pi\pi} < 90^\circ$, cdist_{K⁰,\pi⁻} < 10 mm, および K^0 の生 成点と崩壊点の位置の差が x, y, z 成分について $-100 \sim 100$ mm 領域内であること」を要求 してある.

表 5.2: シミュレーションで作成した Λ 生成事象と Multiple π production 事象のイベント数を調整し合成したデータから得た missing mass 分布のフィッティング結果 (ただし 1.07 ~ 1.17 GeV/c² 領域).

m_{min}	m_{max}	N_{Λ}	N_{BG}	S/(S+N)
1.07	1.17	2.40×10^4	9.46×10^{4}	0.201

表 5.3: シミュレーションで作成した Λp 散乱事象と Multiple π production 事象それぞれに おける生成 Λ の標的内での総飛距離と、当手法によって生じる系統誤差の見積もり結果(ただ し 1.07 ~ 1.17 GeV/c² 領域).

$L_{total, \Lambda(sim)}$ cm	$L_{total, \Lambda(calc)}$ cm	ϵ_{sys} %
$4.06 imes 10^4$	2.90×10^4	28.5

を要求するようにイベント選別をした後、 Λ 生成 vertex 位置,運動量ベクトルとして解析された値をモンテカルロ・シミュレーションにインプットし、 $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊をするか、標的外へ出るまで試行を繰り返した場合に得られる各 Λ ビームの標的内での飛距離分布には顕著な差異はないのであった.したがって、生成 Λ の数を正しく見積もり、S/(S+N)を尤もらしく求めることができれば、本研究で用いる L_{total} 導出手法に伴う不定性は小さくなるはずで

ある.

しかし,表 5.3 に示したようにこの手法に伴う系統誤差は約 28.5% と見積もられ,目標とす る微分断面積の統計誤差 10% に対して大幅に上回ることがわかった. これは,生成 Λ の数が 正しく見積もられていないことにより,S/(S + N) が本来の値からずれてしまっていること を意味する.生成 Λ の数が正しく見積もられていない要因としては,現在使用している解析 プログラムは, K^0 再構成手法から missing mass を求める際に, $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による π^- を $K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊による π^- と間違える場合がある仕様となっていることが挙げられる. これ により, Λ 生成事象の missing mass 分布はピーク以外の部分にもイベントを含むようになっ ており,フィッティングから S/(S + N) を求めても本来の比率から大幅にずれてしまってい ると考えられる.また, Λ が生成されていても解析される順番によって missing mass 分布に 加えられなかったイベントも存在すると考えられる.

今後は, $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による $\pi^- \geq K^0 \to \pi^+ \pi^-$ 崩壊による $\pi^- \in E$ しく識別するように 解析プログラムを更新することで, Λ ビーム量を増やしつつ S/(S+N) が尤もらしく求める ことを目指す. なお,本研究では,新たな Λp 散乱事象同定手法を用いて得られる微分断面積 の見積もりを行いたかったため,誤差が大きいものの,当章で述べた導出手法を用いて E40 実 験データの Λ ビームの標的内での総飛距離 L_{total} を求めることとした.

5.3 E40 実験データにおける Λ ビームの標的内での総飛距離

当節では実際に E40 実験データから L_{total} を見積もる.ここで用いる Λ 生成を要求するイベント選択条件を,改めて以下にまとめる.

- $K^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ 崩壊による 2 つの π がなす角度 ($\theta_{\pi\pi}$) が 90° 以下であること.
- ・ $K^0 \ge \pi^-$ ビーム間の最近接距離が 10 mm 以下であること.
- ・ K^0 の生成点と崩壊点の位置の差がx, y, z成分について $-100 \sim 100 \text{ mm}$ であること.
- ・ $\pi^- p \rightarrow K^0 X$ 反応に対する missing mass (MM_{\Lambda}) が 1.07 ~ 1.17 GeV/c² 領域内であること.
- ・ $\pi^- p \rightarrow K^0 X$ 反応に対する missing momentum が 0.30 ~ 0.65 GeV/c 領域内である こと.

上記の手法を用いて導出した各生成 Λ の標的内での飛距離分布を図 5.7 に示す. モンテカル ロ法を行う際に設定した dx = 0.1 mmであり, $c\tau$ よりも十分小さい. E40 実験データでもシ ミュレーションと同様,崩壊確率に従っておおむね指数関数的に減衰する様子が確認できた. 各生成 Λ の飛距離の総和から総飛距離を求めたところ, $L_{total} = 5.51 \times 10^5$ cm と見積もられ た. この値に伴う系統誤差としては先にシミュレーションから見積もった 28.5% を用いる.





図 5.7:各生成 Λ の標的内での飛距離分布.選択した Λ ビームの運動量領域は 0.30 ~ 0.65 GeV/c であり,指数関数的な減衰を確認することができている.

第6章 CATCH 検出器群の Λp 散乱検出効率

本研究で Λp 散乱微分断面積を導出する際に用いる式 (5.1) には, $\cos(\theta_{CM})$ ごとの CATCH 検出器群の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{CATCH}(\cos(\theta_{CM}))$ が含まれている. 今回は Λp 散乱解析ケース 2 とケース 3 から同定された Λp 散乱事象の情報を用いて,各ケース毎の $\epsilon_{CATCH}(\cos(\theta_{CM}))$ を見積もる.

このとき、本研究で構築した解析アルゴリズムでは散乱角度と運動エネルギー双方を用いて 運動学計算を行うため、CATCH を構成するファイバー検出器 CFT に対しては散乱粒子の飛 跡(tracking)の検出効率を、BGO カロリメータに対しては散乱荷電粒子が落とす運動エネ ルギーの測定効率をそれぞれ見積もる必要がある.しかし、tracking 効率とエネルギー効率 は着目する散乱荷電粒子のエネルギーに依存するだけでなく、検出器のアクセプタンスも考慮 する必要があることを総合的に考慮し、個別の efficiency を取り入れたシミュレーションから CATCH 全体の検出効率を見積もることとした.

6.1 CATCH の Λp 散乱検出効率の導出手法

本研究では CATCH の散乱検出効率を Geant4 シミュレーションから見積もるが,シミュ レーション上の検出器群は完全に現実と同じように配置,設定されてはいないため,各散乱粒 子に対する CFT の tracking 測定効率が高く見積もられてしまう. そこでシミュレーション における tracking 効率 ϵ_{sim} と, pp 散乱測定データから求められた tracking 効率 ϵ_{pp} を用い て,シミュレーション上の CFT の散乱粒子 tracking 効率が $\epsilon_{pp}/\epsilon_{sim}$ の比率に従うよう補正 し,現実のそれと同程度になるようにした. ここで ϵ_{pp} (散乱角度 θ と運動量の相関)を図 6.1 に示す [27]. ϵ_{pp} は, pp 散乱が起きた場合に CATCH が少なくとも 2 つの陽子を検出した場 合に,片方の陽子の飛跡から運動学的に予想される残りの陽子の散乱角度とエネルギーについ て,近しい値をもつ陽子 track 数が占める割合から得られる.

なお、上記の CFT の散乱粒子 tracking 効率補正は、CFT で検出する Λp 散乱後の生成粒子 (つまり K^0 由来の π^- 以外の粒子) に対してのみ施した. これは、前述したように、 Λp 散乱 事象同定における運動学計算では Λp 散乱後の各生成粒子の情報のみを使用するためである.

次に、上記の手法で補正されたイベントにおいてより現実的な Λp 散乱事象同定数 $N_{id(sim)}$ を各ケース毎に求める.このとき、Geant4 シミュレーションで生成した Λp 散乱事象のイベ ント数を N_{pri} として、CATCH の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{\Lambda p}$ は次式で定義できる.

$$\epsilon_{\Lambda p} = N_{id(sim)} / N_{pri} \tag{6.1}$$



図 6.1: E40 実験で取得された pp 散乱測定データから求められた tracking 効率 ϵ_{pp} [27].

6.2 シミュレーションで作成した Λp 散乱事象

6.2.1 イベント選別

上記の手法で $\epsilon_{\Lambda p}$ を見積もる際, Λ 生成が MM_{Λ} で同定されたとき,シミュレーション上 で作成した Λp 散乱事象のイベント数 N_{pri} を用いる.なお,各ケースで同定される散乱イベ ント数 $N_{id(sim)}$ を求める際にも Λ 生成が MM_{Λ} で同定されたことを要求する.

もともと作成された Λp 散乱事象のうち,条件を満たした事象における散乱角度 $\cos(\theta_{CM})$ 分布を図 6.2 に示す.シミュレーションでは散乱角度が一様になるように設定しているた め,どの領域にもほぼ一様に Λp 散乱事象が分布していることが確認できるが, Λ 生成事象が missing mass 分布から同定されることを要求すると, $\cos(\theta_{CM})$ の絶対値が小さい領域で若干 イベント数が減る傾向がみられる.これは $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による $\pi^- \ge K^0 \to \pi^+\pi^-$ 崩壊に よる π^- を取り違えていることや, CATCH と KURAMA へ入射する π それぞれの方向が運 動学的に制限されることに由来すると考えられるが,後述する解析ケース 2,3 でも同様の傾 向が生じるため,当章で行う CATCH 検出器群の Λp 散乱検出効率の見積もりには総じて影響 しないと考えている.





図 6.2: Λ 生成事象同定が行われたとき、シミュレーションでもともと作成されていた Λp 散 乱事象イベントの $\cos(\theta_{CM})$ 分布.

6.2.2 解析ケース 3 で同定しうる Ap 散乱事象

解析ケース 3 によって同定された Λp 散乱事象の数 $N_{3,id(sim)}$ を見積もる.第4章より, -0.1 < Δp < 0.1 GeV/c, かつ -20 < ΔE < 10 MeV 領域内にあるイベントを散乱事 象として判定する. CATCH の検出効率を見積もる際に使用する $N_{3,id(sim)}$ は, $\cos(\theta_{CM})$ 毎に求める. つまり,第4章で述べた散乱事象選択のためのカット条件全てを満たし, -0.1 < Δp < 0.1 GeV/c, かつ -20 < ΔE < 10 MeV 領域内にあったイベントに対し, $\cos(\theta_{CM})$ 毎に $N_{3,id(sim)}$ を求めた.

6.2.3 ケース 3 での CATCH の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{3,\Lambda p}$

6.2.1 節および 6.2.4 節で述べた手法から見積もった N_{pri} , $N_{3,id(sim)}$ を用いて最終的に見 積もられた検出効率 $\epsilon_{3,\Lambda p}$ の $\cos(\theta_{CM}) = 0.1$ 毎の分布を図 6.3 に示す.

散乱事象を選択する段階で $-0.6 < \cos(\theta_{CM}) < 0.8$ 領域内のイベントに制限したため,見 積もられた CATCH の検出効率もその範囲内においてのみ値をもち, $\cos(\theta_{CM})$ の絶対値が 小さい領域で検出効率が上がっていることが確認できる.ケース 2,3の違いは,CATCH が $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊による崩壊 π^- を検出するか否かであり, $\cos(\theta_{CM})$ 毎の CATCH の散乱検出 効率の傾向は同じになる.散乱角度が小さいと反跳陽子の運動エネルギーが小さくなりそのエ ネルギー測定精度が悪くなるため,CATCH の検出効率は小さくなる.また,散乱 Λ の運動



図 6.3: $\cos(\theta_{CM}) = 0.1$ 毎のケース 3 における CATCH の Λp 散乱検出効率分布.

エネルギーが小さくなると $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊による崩壊陽子の運動エネルギーはさらに小さくなるため、検出が困難となり検出効率が小さくなる.

6.2.4 解析ケース 2 で同定しうる Λp 散乱事象

解析ケース 2 によって同定された Λp 散乱事象の数 $N_{2,id(sim)}$ を見積もる.第4章より, -20 < ΔE < 10 MeV 領域内にあるイベントを散乱事象として判定する.なお,CATCH の 検出効率を見積もる際に使用する $N_{2,id(sim)}$ は, $\cos(\theta_{CM})$ 毎に求める.つまり,第4章で述 べた散乱事象選択のためのカット条件全てを満たし,かつ -20 < ΔE < 10 MeV 領域内に あったイベントに対し, $\cos(\theta_{CM})$ 毎に $N_{2,id(sim)}$ を求めた.

6.2.5 ケース 2 での CATCH の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{2,\Lambda p}$

6.2.1 節および 6.2.2 節で述べた手法から見積もった N_{pri} , $N_{2,id(sim)}$ を用いて最終的に見 積もられた検出効率 $\epsilon_{2,\Lambda p}$ の $\cos(\theta_{CM}) = 0.1$ 毎の分布を図 6.4 に示す.

ケース 2 でも散乱事象を選択する段階で $-0.6 < \cos(\theta_{CM}) < 0.8$ 領域内であるイベントに 制限したため、見積もられた CATCH の検出効率もその範囲内においてのみ値をもつ. どの 領域でもケース 3 と同様の傾向があることがわかる.

次章では最終的な散乱事象同定数を見積もり, Λp 散乱の微分断面積を導出する.



Efficiency (CASE 2, Simulation)

図 6.4: $\cos(\theta_{CM}) = 0.1$ 毎のケース 2 における CATCH の Λp 散乱検出効率分布.

第7章 Λp 散乱微分断面積導出

第5,6章で見積もられた Λ ビーム(生成 Λ)の標的内での総飛距離 L_{total} と、CATCH の Λp 散乱検出効率 $\epsilon_{\Lambda p}$ を用いて、式 (5.1) から E40 実験データにおける Λp 散乱の微分断面積 を導出する.前述したようにケース 3 では統計量が少ないものの、バックグラウンドを抑制 しつつ Λp 散乱事象を同定することができたため、構築した一連の Λp 散乱事象同定手法から 得られる微分断面積がどの程度の値をもつか確認するのに適していると考え、今回はケース 3 からのみ微分断面積を導出した.このとき、ケース 3 で同定された Λp 散乱事象のイベント数 $N_{3,\Lambda p}$ を用いる.当章ではその見積もり手法と、最終的に得られた Λp 散乱の微分断面積につ いて述べる.

7.1 微分断面積導出に用いる E40 実験データの Λp 散乱事象同 定数

E40 実験データから解析ケース 3 で同定された Λp 散乱事象のイベント数 $N_{3,\Lambda p}$ を見積もる.このとき,第4,6章で述べた散乱事象選択のための全カット条件を満たしたイベントにおける $\cos(\theta_{CM})$ 毎の数を用いる.

7.1.1 解析ケース3でのイベント選別

ケース 3 では「 $-0.1 < \Delta p < 0.1 \text{ GeV/c}, -20 < \Delta E < 10 \text{ MeV}, かつ <math>-0.8 < \cos(\theta_{CM}) < 0.6$ であること」を要求し、最終的に残ったイベントの $\cos(\theta_{CM})$ 分布から $\cos(\theta_{CM})$ 毎に $N_{3,\Lambda p}$ を求める. このときの $\cos(\theta_{CM})$ 分布を図 7.1 に示す. ここから $N_{3,\Lambda p} = 16$ と見積も られた.



図 7.1: ケース 3 によって最終的に選別されたイベントがもつ散乱 Λ の CM 系での散乱角度の 余弦 $\cos(\theta_{CM})$ の分布. ここから $N_{3,\Lambda p} = 16$ と見積もられた.

7.2 散乱微分断面積の導出式全体にかかる誤差

式 (5.1) から各解析ケースにおける Λp 散乱の微分断面積を導出する際に影響する誤差を以下にまとめる.

- ・ Λp 散乱事象同定数 N_i を求める際に生じる統計誤差 $\sigma_N = \sqrt{N_i}$
- ・シミュレーションによる CATCH の Λp 散乱事象検出効率 ϵ_i を見積もる際に生じる統 計誤差 $\sigma_{\epsilon}/n_{gene} = \sqrt{\epsilon_i(1-\epsilon_i)/n_{gene}}$
- ・ Λ ビームの標的内での総飛距離 L_{total} を見積もる際に生じる系統誤差 $\sigma_{L_{total}}/L_{total} = 28.5\%$

これらを考慮したうえで式 (5.1) を解いた場合,式全体にかかる誤差 σ_{cs} は次式で定義できる. Λp 散乱微分断面積の最終結果には σ_{cs} の値を誤差棒として示すこととした.

$$\sigma_{cs} = \frac{N_{\Lambda p}}{L_{total} \cdot \rho_{LH2} \cdot N_A \cdot d\Omega \cdot \epsilon_{\Lambda p}} \cdot \sqrt{\left(\frac{\sigma_N}{N_{\Lambda p}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_\epsilon}{\epsilon_{\Lambda p}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{L_{total}}}{L_{total}}\right)^2}$$
(7.1)

7.3 J-PARC E40 実験 by-product データから導出した Λp 散乱微分断面積

本研究で取得された全ての情報を用いて、 Λp 散乱事象同定用に構築した3通りの解析ケースのうちケース3から微分断面積を導出する.前述の通り、用いた Λ ビームの運動量領域は 0.30 ~ 0.65 GeV/c,かつ Λp 散乱点の z 座標(vertex_z)領域は $-150 \sim 150$ mm であった.ケース3から得られた情報を式 (5.1) に代入し、導出された Λp 散乱微分断面積の結果を図 7.2 に示す. BGO でのエネルギー較正が不十分であることや、 L_{total} の見積もりに伴う誤差が約 28.5% と大きいだけでなく、そもそも E40 実験データに含まれる Λp 散乱事象の統計数にはかなりの制限があったため誤差が大きくなった.しかし、検出効率が大きい $-0.2 < \cos(\theta_{CM}) < 0.2$ 付近では 1.9 ± 1.3 mb/sr と見積もられ、この値は過去の Λp 散乱実験の結果から予想される値である 1 mb/sr 程度とおおよそ一致する結果となった.

 Λ 生成事象同定精度を向上させ、 L_{total} の見積もりが尤もらしく行えるようになれば、求ま る微分断面積の値は今回の結果よりも小さくなると予想している.以上より、統計数を増やす こと、 L_{total} の導出手法の改善、およびバックグラウンドの見積もりは必須であるが、一連の Λp 散乱の微分断面積導出手法の一連の手法を構築できたと考えられる.そして我々は将来、 さらに統計量を上げて精度良く微分断面積を求める予定である.



Cross section of Ap scattering (CASE 3)

図 7.2: 解析ケース 3 から得られた E40 実験の by-product のデータにおける Λp 散乱微分断 面積. 検出効率が大きい $-0.2 < \cos(\theta_{CM}) < 0.2$ 領域では 1.9 ± 1.3 mb/sr と見積もられた.

7.3.1 本研究で導出した Ap 散乱微分断面積についての考察

アクセプタンスが充分でなく,解析された散乱 Λ の $\cos(\theta_{CM})$ の値などが少しでも真値から ずれるだけで CATCH の Λp 散乱事象検出効率の見積もりに大きな誤差が生じるような領域 $(\cos(\theta_{CM})$ の絶対値が大きい領域)では,散乱微分断面積の導出の際に誤差が大きくなる.主 なバックグラウンドとしては,Multiple π production の他に,生成 Λ が標的内陽子と散乱を 起こさずそのまま崩壊する事象や, $\Lambda \rightarrow \pi^- p$ 崩壊によって生じた 2 粒子がさらに別の標的内 陽子と散乱を起こす事象なども挙げられる.しかし,第4章で述べたように我々は散乱事象選 択の段階で飛跡の物理的な位置の正当性を要求することで,明らかなバックグラウンドの数は 可能な限り抑制できたと考えている.

一方,図 7.2 を導出する際には,Λp 散乱事象同定に使用する反跳陽子や崩壊陽子の飛跡と 似通った位置情報などをもつために除去し切れなかったバックグラウンドも当然存在する.本 研究では明らかなバックグラウンドの数を可能な限り抑制したうえで,あえてバックグラウン ドの数が 0 であると仮定し微分断面積を導出することで,先に述べた誤解析されたバックグ ラウンドを実際はいくらか含んだ微分断面積を導出した.今後は Multiple π production 以外 に生じうるバックグラウンドのシミュレーションを作成し,Λp 散乱事象,および Multiple π production のみのシミュレーションデータらと合成して解析したとき,本研究で得た図 7.2 のような分布になるか確認したい.もし同様の微分断面積分布を確認できれば,我々が想定し たバックグラウンドは十分と考えられるが,図 7.2 でみられた分布と異なった傾向を示すよう であれば,我々のバックグラウンドの想定は不十分ということになる.

なお, 散乱事象と似ているため除去し切れなかったバックグラウンドの影響を加味した場合, 図 7.2 からさらに誤差が大きくなると推測される.

第8章 まとめ

核力の斥力芯は完全な理論的理解はなされていないものの,斥力芯が現れる近距離領域では 核子同士が重なるため,核子の構成要素であるクォークやグルーオン間の相互作用が斥力芯の 形成に大きな影響を及ぼすと考えられている.したがって,我々はu,dクォークだけのSU(2) 空間にさらにsクォークを導入したSU(3) $_{\rm f}$ 空間における一般化されたYN相互作用を研究 し,核力の全体像を理解することが非常に重要と考えている.特に ΛN 相互作用は中性子星内 深部の高密度ハドロン領域での構造に深く関与しており,このような領域ではハイペロンの出 現が指摘されており,これを許すYN相互作用の理論モデルでは中性子星の質量が約1.4 M_{\odot} と予想されていた.しかし,約2 M_{\odot} の質量を持つ中性子星が近年観測されたことで,現在の 理論モデルへ2体系(ΛN など)や多体系(ΛNN など)での斥力の情報をフィードバックす る必要があることが明らかとなった.こうしたYN多体力を決定するにはまずYN2体力を 精密決定することが大変重要である.YN2体力の精密決定には2体系を取り扱う散乱実験が 適しているが,過去のYN散乱実験データは限られており,理論モデルに制限を加えること ができていない.

そこで我々は運動学計算を用いた解析手法を用いて, YN2 体力の中でも Ap 相互作用を精 密測定する Ap 散乱実験を J-PARC K1.1 ビームラインで行うことを計画した.次世代 Ap 散 乱実験では高強度の π^- ビームを用いて得られる圧倒的な収量を基に,統計精度 10% 以下で の微分断面積導出を目指す.また $\Lambda \to \pi^- p$ 崩壊は弱い相互作用によるものでパリティ対称 性が破れており,散乱平面に対する陽子の散乱角度の異方性を測定することで,散乱におけ るスピン観測量の測定が可能となると考えられる.本実験では $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ 反応を用いて, $K^0 \to \pi^+ \pi^-$ 崩壊による π^+ を前方の磁気スペクトロメータで, π^- を標的周りの検出器群で 捕らえる.本研究では新たな Ap 散乱事象同定手法,および散乱微分断面積導出手法を構築し, そこから得られる微分断面積の値がどの程度になるか見積もるため,計画と同様の検出器セッ トアップを用いて J-PARC で行われた $\Sigma^- p$ 散乱実験 (J-PARC E40 実験)の by-product の データを解析した. E40 実験はクォークパウリ効果の検証と ΣN 相互作用の系統的理解を目 的としたものであった.

本研究では運動学を用いた K^0 再構成解析手法から,約 4.22 × 10⁵ の Λ 生成事象の同定に 成功した.したがって,最終的な Λp 散乱事象同定数が生成 Λ 数の 0.01% 程度と仮定しても, 少なくとも数 10 イベントは散乱事象を同定できると考え,これらのイベントに対し構築した Λp 散乱事象同定手法を施した.

 Λp 散乱事象同定では散乱事象の収量をより効率的に得るため、CATCH が検出した粒子の

組み合わせによって3通りの解析ケースを施すこととした.そして,本研究では解析ケース3 から約16イベントの Λp 散乱事象を同定することに成功した.

さらに微分断面積導出の際に必要なパラメータとされる Λ ビームの標的中での総飛距離 L_{total} を見積もった.ここでは E40 実験データにおける Λ 生成位置と運動量ベクトルの情 報も用いて崩壊確率に従うモンテカルロ法を行い, $L_{total, \Lambda+BG(calc)}$ を見積り,その値に missing mass での $S/(S + N)_{calc}$ をかけることで $L_{total, \Lambda(calc)}$ を求めた.ここから Λ ビー ムの総飛距離は 5.51 × 10⁵ cm と見積もられた. $S/(S + N)_{calc}$ をかけて $L_{total, \Lambda}$ を算出す る手法における系統誤差は約 28.5% とシミュレーションから見積もられ,当 L_{total} の導出手 法の改善が必要であることがわかった.ただし,本研究では新たな Λp 散乱事象同定手法を用 いて得られる微分断面積の見積もりを行う意義はあると考え,誤差は大きいものの,上記の L_{total} を用いて微分断面積導出を行った.

また微分断面積を導出に必要なパラメータとして,CATCH の Λp 散乱事象検出効率 $\epsilon_{\Lambda p}$ も シミュレーションから見積もった. Λp 散乱事象がもつ散乱位置 (vertex) の z 座標 vertex_z が $-150 \sim 150$ mm, かつ $-0.8 < \cos(\theta_{CM}) < 0.6$ におけるイベントに対し, $\epsilon_{\Lambda p}$ を見積もった. 最後にバックグラウンドを可能な限り抑制しつつ Ap 散乱事象を同定できたケース3の結 果を用いて Ap 散乱の微分断面積を導出した. BGO でのエネルギー較正が不十分であるこ とや, L_{total} の見積もりに伴う系統誤差が約 28.5% と大きいだけでなく, そもそも E40 実験 データに含まれる Λp 散乱事象の統計数には限りがあったため、微分断面積における誤差は大 きくなってしまったが、検出効率が大きい $-0.2 < \cos \theta_{CM} < 0.2$ 付近では 1.9 ± 1.3 mb/sr と見積もられ、この値は過去の Λp 散乱実験結果から予想した値である 1 mb/sr 程度とおお よそ一致しており、本研究で構築した散乱事象同定手法によって確かに微分断面積を導出する ことが可能であると我々は考えている.除去し切れなかった主なバックグラウンドとしては, Multiple π production の他に, 生成 Λ が標的内陽子と散乱を起こさずそのまま崩壊する事象 や、 $\Lambda \rightarrow \pi^{-}p$ 崩壊によって生じた2粒子がさらに別の標的内陽子と散乱を起こす事象なども 挙げられ,これらの影響の見積もりも今後行う必要がある.以上より,Λ ビーム同定精度の向 上, L_{total} の導出手法の改善,およびバックグラウンドの見積もりは必須であるが,一連の Λp 散乱の微分断面積導出手法の一連の手法を構築できたと考えられる. また将来, 我々はさらに 統計量を上げて精度良く Λp 散乱の微分断面積を求める予定である.

謝辞

本論文の執筆は、多くの方々のご協力、ご指導のもと為されました.ここに心から感謝申し 上げます.

指導教員である三輪浩司准教授には日頃から大変お世話になりました. J-PARC における 実験現場での作業,実験データの解析,物理に至るまで,知識不足である私にも丁寧に一から ご指導くださり勉強する機会を与えてくださったこと,本当に心から感謝申し上げます.本研 究で経験したこと全てが自分の糧となりました.

田村裕和教授には日頃のミーティングで,解析や発表などに対し的確なご助言をいただきました. J-PARC での実験を率いていらっしゃる田村教授の研究室において研究活動をさせていただいて,大変刺激的で毎日が勉強の日々を送ることができました.

鵜養美冬准教授には主に J-PARC 出張の際,シフトの取り方や実験装置についてご指導い ただくとともに,アットホームな雰囲気でその場の緊張感を和ませてくださり大変助けられま した.

中村哲教授,金田雅司助教,永尾翔助教,吉田純也助教はミーティングやワークショップを 通して丁寧なご助言,ご指導をいただきました.ありがとうございました.

本研究室の技術職員である梅津裕生氏,秘書の高橋あゆみ氏,および佐々木幸恵氏からも研 究生活においてあらゆるサポートをしていただきました.ありがとうございました.

大学の先輩である外山裕一氏,叶内萌香氏,石川勇二氏,板橋浩介氏,上原圭太氏,Anya Rogers 氏にはミーティングや研究室で多くのご助言,温かな励ましのお言葉をいただき,支 えとなっておりました.身近に研究について相談できる存在として,非常に感謝しておりま す.後輩の鎌田健人氏,北岡智真氏,水野柾谷氏,中村雄紀氏,藤原友正氏,和田俊輔氏から もミーティングなどで常に刺激をいただき,こちらも勉強になることが多かったため感謝して おります.

大学の同期である秋山タケル氏,奥山和樹氏,梶川俊介氏からも研究に対する良い刺激を常 に受けることができました.ありがとうございました.

同じグループの先輩である松田董平氏,荒巻昂氏には,研究生活や J-PARC での過ごし方 についてなど多くを教えていただき,また息抜きに誘ってくださったりと優しく応援いただい たことが支えとなりました.

KEK の赤澤雄也博士研究員,および本多良太郎准教授,JAEA の藤田真奈美博士研究員, 京都大学の七村拓野氏からも E40 でのミーティングや J-PARC において解析結果の考察やご 指摘を多くいただき,自分では気がつかなかった視点や論理的思考を学ばせていただきまし た. どなたも研究に熱心,かつ知識も豊富で頼りになる存在であり,強力な助けとなっており ました.心から感謝申し上げます.

この他にも,今まで E40 実験をはじめとする本研究に関わる研究を遂行なされた諸先輩方 や,J-PARC でお世話になった全ての方々に深く感謝いたします.

最後に,私の修士課程進学という人生における選択に理解を示し,時には厳しく,時には優 しく受け止め応援してくださった両親,祖父母,および親戚にお礼申し上げます.学部,修士 と地元を離れた生活を健康に送ることができたのは家族のおかげに尽きます.本当にありがと うございました.

来年度からはじまる博士課程3年間では,精一杯誠実に研究を進め日々勉強しつつ,将来家 族のもとでたくさんの恩を返すことができるよう就職に向け少しずつ行動し始めて参りたいと 思います.これからもどうぞよろしくお願い致します.

参考文献

- [1] M. Nagels, T. Rijken, and J. de Swart, Phys. Rev., D15 (1977), 2547 2564.
- M. M. Nagels et al., Phys. Rev. D15 (1977) 2547; D20 (1979) 1633; P. M. Maessen et al., Phys. Rev. C40 (1989) 2226; Th. A. Rijken et al., Nucl. Phys. A547 (1992) 245c.
- M. Oka and K. Yasaki, Quarks and Nuclei, et. W. Weise, Vol 1 (World Scientic, 1984)
 489; K. Yazaki, Nucl. Phys. A479 (1988) 217c; K. Shimizu, Nucl. Phys. A547 (1992)
 265c.
- [4] T. Inoue et al., HAL QCD collaboration, arXiv:1007:3559 [hep-lat].
- [5] T. A. Rijken, Prog. of Theor. Phys. Suppl. 185 (2010) 14.
- [6] Y. Fujiwara et al., Prog. in Part. and Nucl. Phys. 58 (2007) 429.
- [7] J. Haidenbauer, et al., Nucl. Phys. A 915 (2013) 24-58.
- [8] 松田 薫平, J-PARC での散乱実験による ΣN 相互作用についての研究, Master's thesis, 東北大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2020.
- [9] P.B. Demorest et al., A two-solar-mass neutron star measured using Shapiro delay, Nature. 467., 2010.
- [10] J.K. Ahn et al., Nucl. Phys. A 648 (1999) pp. 263-279.
- [11] Y. Kondo et al., Nucl. Phys. A 676 (2000) 371.
- [12] J.K. Ahn et al., Nucl. Phys. A 761 (2005) 41.
- [13] R. D. Baker et al., THE REACTION $\pi^- p \to K^0 \Lambda$ UP TO 1334 MeV/c, Nucl. Phys. B 29-47 (1978).
- [14] F.Eisele, et al., H. Filthuth, W. Foehlisch, V. Hepp, and Gunter Zech. Phys. Lett., Vol B37, (1971) pp. 204-206.
- [15] K.Miwa et al, "Measurement of the cross sections of Σp scattering", Proposal an experiment at 50-GeV PS.
- [16] 池田 迪彦, シグマ陽子散乱実験のための BGO カロリーメータシステムの構築. Master's thesis, 東北大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2016.
- [17] 松本 祐樹, J-PARC 大強度ビームトラッキング用ファイバー検出器の開発., Master's thesis, 東北大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2013.
- [18] R. Honda, Study of ΣN interaction in nuclei using meson beams, Doctor's thesis, Graduate School of Science, Department of Physics, Tohoku University, 2014.
- [19] 藤岡 徳菜, 大強度 π ビームを用いた新たな $\Sigma^{-}p$ 散乱実験手法の構築., Master's thesis,

東北大学大学院,理学研究科物理学専攻,2018.

- [20] Y. Akazawa, Development and application of a Cylindrical Active Tracker and Calorimeter system for Hyperon-proton scattering "CATCH". Doctor's thesis, Graduate of School of Science, Department of Physics, Tohoku University, 2018..
- [21] 池田 迪彦, シグマ陽子散乱実験のための BGO カロリメータシステムの構築, Master's thesis, 東北大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2016.
- [22] 小林 和矢, Σp 散乱実験用エアロゲルチェレンコフ検出器の開発, Master's thesis, 大阪大 学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2016.
- [23] 本多 良太郎, マルチファイバー飛跡検出器による陽子測定システムを用いた Σp 散乱実験. Master's thesis, 東北大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2010.
- [24] 赤澤 雄也, シグマ陽子散乱実験のための散乱陽子検出器群の開発. Master's thesis, 東北 大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2013.
- [25] 塩崎 健弘, Σp 散乱実験のための MPPC 多チャンネル読み出しシステムの開発, Master's thesis, 東北大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2014.
- [26] 星野 寿春, シグマ陽子散乱実験のための汎用 FPGA を用いたトリガーシステムの開発, Master's thesis, 大阪大学大学院, 理学研究科物理学専攻, 2018.
- [27] 三輪 浩司, ミーティング内部資料, 2020.